

O objetivo deste laboratório é implementar uma árvore B, conforme visto em aula, para guardar RAs e nomes de alunos.

O programa deve implementar inserção e consulta usando-se os RAs dos alunos como chave. Ele deve também permitir a impressão da árvore com todos RAs.

## Entrada

A entrada do programa recebe os seguintes parâmetros, em ordem:

**Ordem mínima  $L$ :** inteiro maior ou igual a 2 que representa a quantidade mínima de filhos que cada nó interno da árvore pode ter.

**Número de alunos a serem inseridos** na árvore.

**Lista com RAs e nomes dos alunos inseridos.**

**Número de alunos a serem consultados** na árvore.

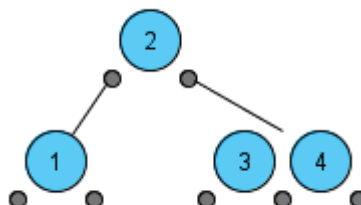
**Lista com RAs dos alunos consultados.**

A ordem mínima  $L$  para esse lab, que não implementa remoção, não é significativa por si, mas serve de base para o cálculo da ordem máxima  $U = 2L$ , que representa a quantidade máxima de filhos que cada nó da árvore pode ter. Assim, cada nó tem de  $L$  a  $2L$  filhos, ou de  $(L - 1)$  a  $(2L - 1)$  chaves.

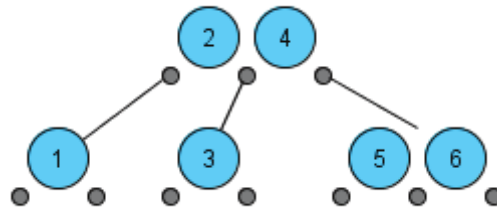
Considere a seguir um exemplo de inserções de chaves em árvore B com  $L = 2$ , o que implica em  $U = 4$ , ou seja, máximo de 4 filhos (3 chaves) por nó. Nesse exemplo vamos inserir as chaves 1 a 10, nessa ordem. Como podemos ver na figura 1, até a inserção da chave 3, não é necessário dividir o nó raiz, pois ele pode ter até 3 chaves.



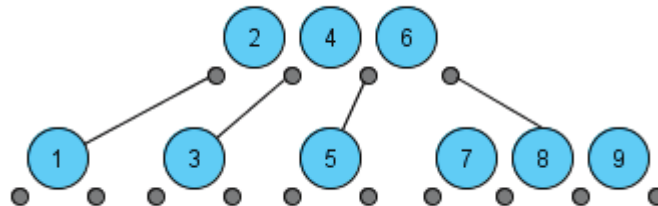
Entretanto, ao inserir a chave 4, é necessário quebrar o nó raiz e promover uma chave. Quando isso ocorrer, sempre a chave do meio, antes da inserção, é promovida (perceba que o número máximo de chaves por nó é sempre ímpar  $(2L - 1)$ , não havendo ambiguidade ao escolher a chave do meio). Assim a árvore B fica com a configuração da figura 2.



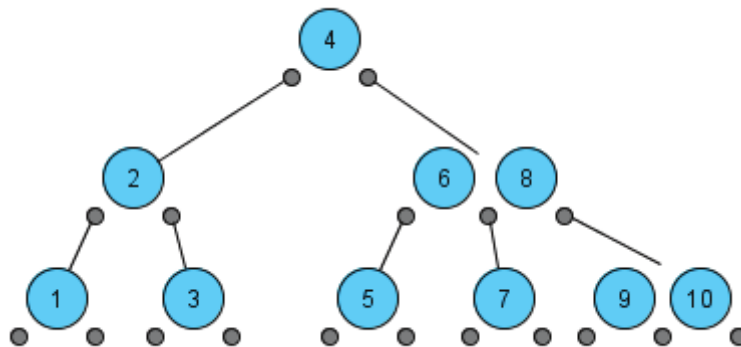
A chave 5 então é inserida no mesmo nó das chaves 3 e 4, e ao inserir a chave 6, a chave 4, que é a do meio, é promovida, dividindo o mesmo nó que a chave 2, como mostra a figura 3.



Analogamente, o mesmo é feito até a inserção da chave 9 (figura 4).



Nesse ponto, a inserção da chave 10 causa a promoção da chave 8. Se necessário, a promoção deve ser efetuada recursivamente até a raiz. Nesse caso, a chave 4 é também promovida. A configuração final da árvore B desse exemplo está ilustrada na figura 5.



## Saída

A saída do programa deve imprimir os nomes correspondentes aos RAs dos alunos consultados (um nome por linha, não imprime alunos não encontrados). A busca pelos alunos deve ser feita individualmente, em profundidade na árvore. Se o parâmetro de entrada referente ao número de alunos a serem consultados for zero, a saída deve imprimir a árvore com todos RAs (percurso em largura), com o seguinte formato:

```
{ primeiro_ra_da_raiz_segundo_ra_da_raiz ... último_ra_da_raiz }
{ ras_primeiro_no_nível2 } { ras_segundo_no_nível2 } ... { ras_último_no_nível2 }
.
.
.
{ ras_primeiro_no_folha } { ras_segundo_no_folha } ... { ras_último_no_folha }
```

Os exemplos dos testes estão na página desta atividade no Susy.

## Entrega

`arvoreb.h`: assinaturas de funções e definições de estruturas que implementam árvore B.

`arvoreb.c`: implementa funções definidas em `arvoreb.h`, além de funções auxiliares necessárias.

`main.c`: contém a função `main`, que lê os parâmetros de entrada e chama as funções de `arvoreb.h`. Esse arquivo é previamente fornecido e não deve ser modificado.

Download do arquivo `arvoreb.h` em <<http://www.students.ic.unicamp.br/~ra116199/arvoreb.h>>

## Avaliação

A nota deste laboratório será dada de acordo com a coerência com o enunciado e da documentação fornecida (comentários no código).