runehovd innlevering4

Rune Hovde

22. september 2016

Oppgave 7.8

- a) $f: \{1,2,3\} \rightarrow \{1,2,3,4\} slikat f(x) = 2x+1$ en-til-en funksjon (injektiv)
- b) $Funksjonen\{ < a, 1 >, < b, 2 >, < c, 3 > \}$ $fra\{a, b, c\}til\{1, 2, 3, 4\}$ en-til-en funksjon (injektiv)
- c) $Funksjonen\{ \langle a, 1 \rangle, \langle b, 2 \rangle, \langle c, 3 \rangle, \langle d, 3 \rangle \}$ $fra\{a, b, c, d\}til\{1, 2, 3, 4\}$

Denne funksjonen er ingen av delene. (ikke surjektiv, injektiv eller bijektiv)

d)
$$Funksjonen\{ \langle a, 4 \rangle, \langle b, 2 \rangle, \langle c, 3 \rangle, \langle d, 1 \rangle \}$$

 $fra\{a, b, c, d\}til\{1, 2, 3, 4\}$

Dette er en en-til-en korrespondanse funksjon. Den er altså både en-til-en og på. (surjektiv, injektiv og bijektiv)

e)
$$f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$$

 $slik \ at \ f(x) = 2x + 1$

Dette er en bijektiv funksjon.

f)
$$f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$$

 $slik \ at \ f(x) = x + 2$

Dette er en en-til-en funksjon.

Oppgave 8.12

a) $S \setminus T$ er endelig

$$S = \mathbb{N}$$

$$T = (x \mid x \in \mathbb{N} \text{ og } x > 10)$$

$$S \setminus T = \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$$

$$S \setminus T \text{ er da endelig.}$$

b) $S \setminus T$ er uendelig

$$\begin{split} \mathbf{S} &= \mathbb{R} \\ \mathbf{T} &= \mathbb{N} \\ S \backslash T \ er \ uendelig \end{split}$$

c)
$$|S \setminus T| = 8$$

$$\begin{split} \mathbf{S} &= \mathbb{N} \\ \mathbf{T} &= (\mathbf{x} \mid \mathbf{x} \in \mathbb{N}, x > 7) \\ \mathbf{S} \backslash \mathbf{T} &= \{0,1,2,3,4,5,6,7\} \\ |\mathbf{S} \backslash \mathbf{T}| &= 8 \end{split}$$