Programação II + Estruturas de Dados para Bioinformática

Computação numérica com arrays (numpy)

Hugo Pacheco

DCC/FCUP 22/23

Operações matemáticas

- Podemos utilizar listas e listas de listas para representar vetores e matrizes
- No entanto, <u>as operações habituais em matemática vetorial não estão</u> <u>disponíveis</u>
- Temos de fazer a operação elemento a elemento
- E.g. somar ou multiplicar vetor por constante

```
>>> xs = [1,2,3]
>>> xs + 3
TypeError: can only concatenate list (not "int") to list
>>> xs * 3
[1, 2, 3, 1, 2, 3, 1, 2, 3]
>>> [ x * 3 for x in xs ]
[3, 6, 9]
```

Operações matemáticas

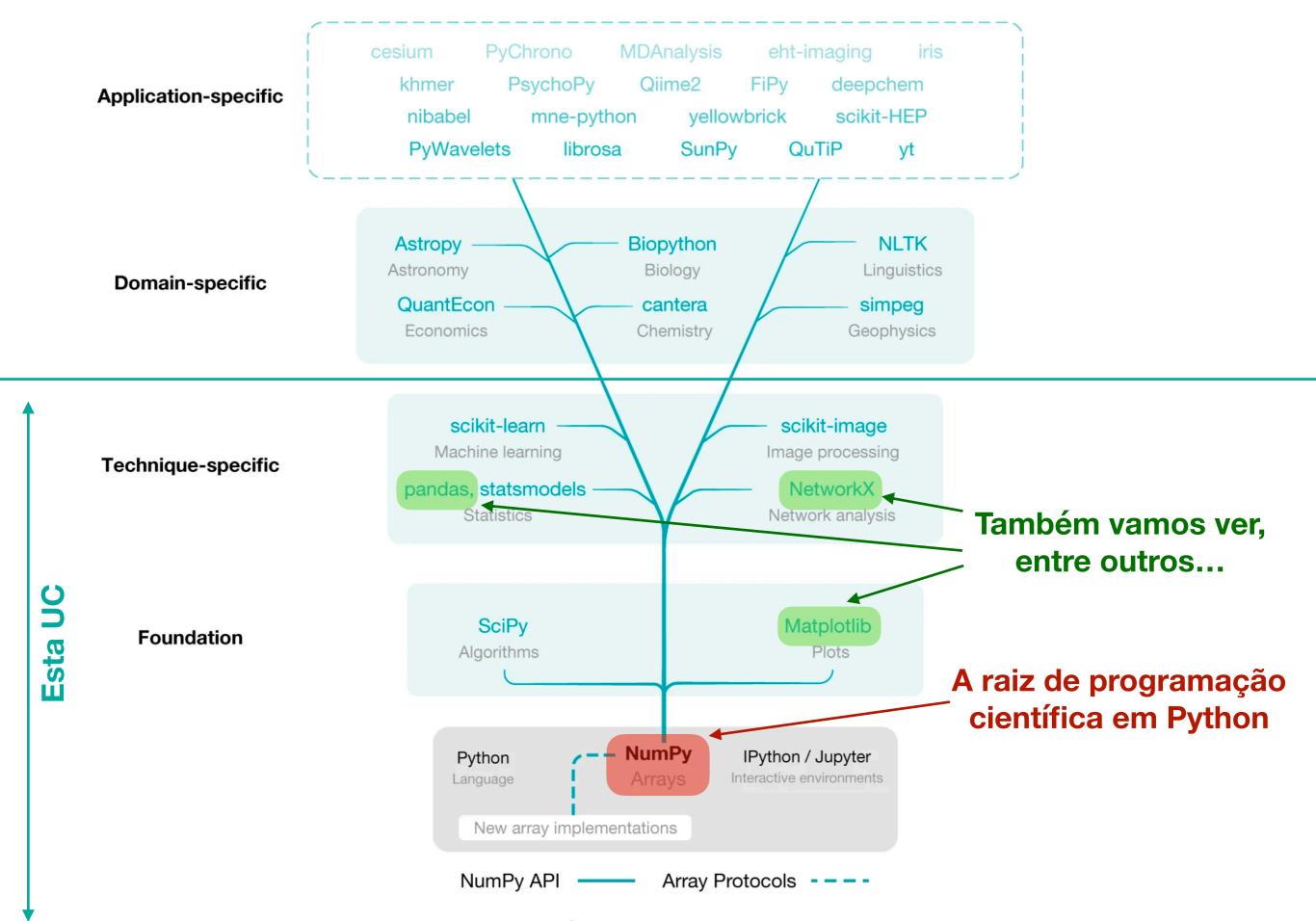
- Podemos utilizar listas e listas de listas para representar vetores e matrizes
- No entanto, não são necessariamente eficientes
 - espaço ocupado proporcional às dimensões
 - listas têm tipo/tamanho variável, matrizes não

Operações matemáticas

- Podemos utilizar dicionários para representar matrizes
- No entanto, <u>as operações habituais em matemática</u> vetorial não estão disponíveis
- No entanto, não são necessariamente eficientes
 - usa menos espaço, mas acessos mais lentos
 - dicionários também têm tipo/tamanho variável

```
matriz = {(0, 3): 1, (2, 1): 2, (4, 3): 3}
print(matriz.get((1, 3), 0))

>>> matriz * 3
TypeError: unsupported operand type(s) for *: 'dict' and 'int'
>>> { xy : v*3 for xy, v in matriz.items() }
{(0, 3): 3, (2, 1): 6, (4, 3): 9}
```



[source: Harris, Charles R., et al. "Array programming with NumPy." Nature 585.7825 (2020): 357-362.]

NumPy

- O módulo *numpy* fornece implementações eficientes de arrays multidimensionais (vetores, matrizes, etc) e suporta operações matemáticas
 - dimensões fixas
 - todos os elementos têm o mesmo tipo
- E.g., para multiplicar por uma constante

```
>>> import numpy as np
>>> a = np.array([2, 3, 8])
>>> a.dtype
int64
>>> b = 2.1 * a
>>> b
[ 4.2, 6.3, 16.8]
>>> b.dtype
float64
```

NumPy (shape)

E.g., para multiplicar vetores ponto-a-ponto

```
>>> a = np.array([2, 3, 8])
>>> a * a
[4, 9, 64]
```

Também podemos redimensionar arrays

```
>>> a = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
>>> a.shape
(2, 3)
>>> a.reshape(3,2)
[[1 2]
  [3 4]
  [5 6]]
>>> a.reshape(4,4)
ValueError: cannot reshape array of
size 6 into shape (4,4)
```

NumPy (criação)

- Podemos criar arrays passando listas ao construtor array
- Ou com valores por defeito

```
>>> a = np.zeros((2, 2))
>>> a
[[0. 0.]
       [0. 0.]]
>>> a.dtype
float64
>>> np.ones((2, 2), 'uint16')
[[1 1]
       [1 1]]
>>> a. description of the properties of the properties
```

NumPy (criação)

- Ou utilizando arange como range para sequências de inteiros
- Ou utilizando linspace para sequências de números não inteiros
 - recebe limites inferior e superior do intervalo (inclusivé) e número de elementos a gerar
 - gera um array de elementos equidistantes

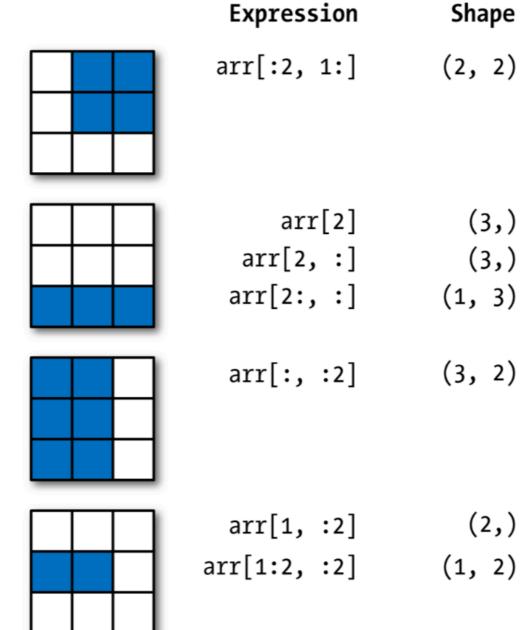
NumPy (indexação)

- Podemos projetar arrays a várias dimensões
- Cuidado: projeções são vistas, não cópias!

```
>>> a = np.array([2, 3, 8])
>>> a[2]
                                       >>> b[1][2]
                                       6
>>> b = np.array([
                                       >>> b[1, 2]
[2, 3, 8],
                                       >>> c[1] = 9
[4, 5, 6],
                                       >>> b
])
>>> c = b[1]
                                       [[2 3 8]
                                       [4 9 6]]
>>> C
array([4, 5, 6])
```

NumPy (slices)

- Podemos utilizar a notação familiar de slices
- Cuidado: também são vistas!



NumPy (máscaras)

- Máscara = vetor de booleanos com o tamanho do array
- Pode ser criada aplicando uma operação ao array
- Pode ser usada como índice

```
>>> a = np.array([1,2,3,4])
>>> mask = (a >= 2) & (a < 4)
>>> mask
[False True True False]
>>> a[mask]
[2 3]
>>> a[mask] = 0
>>> a
[1 0 0 4]
```

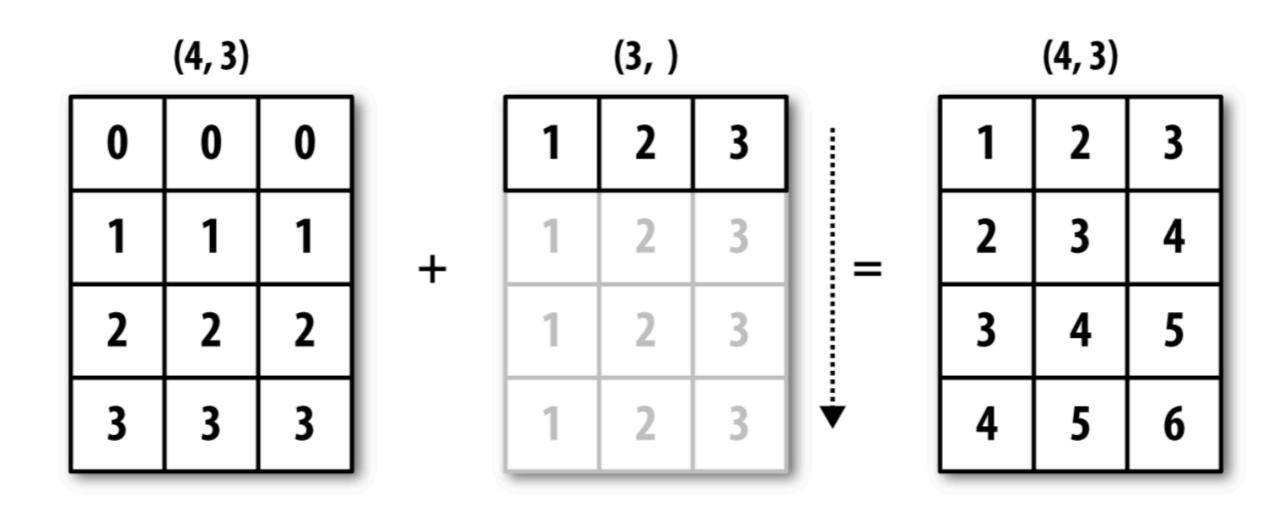
 Já vimos que podemos aplicar operações entre um array e uma constante, ou entre arrays com shapes iguais

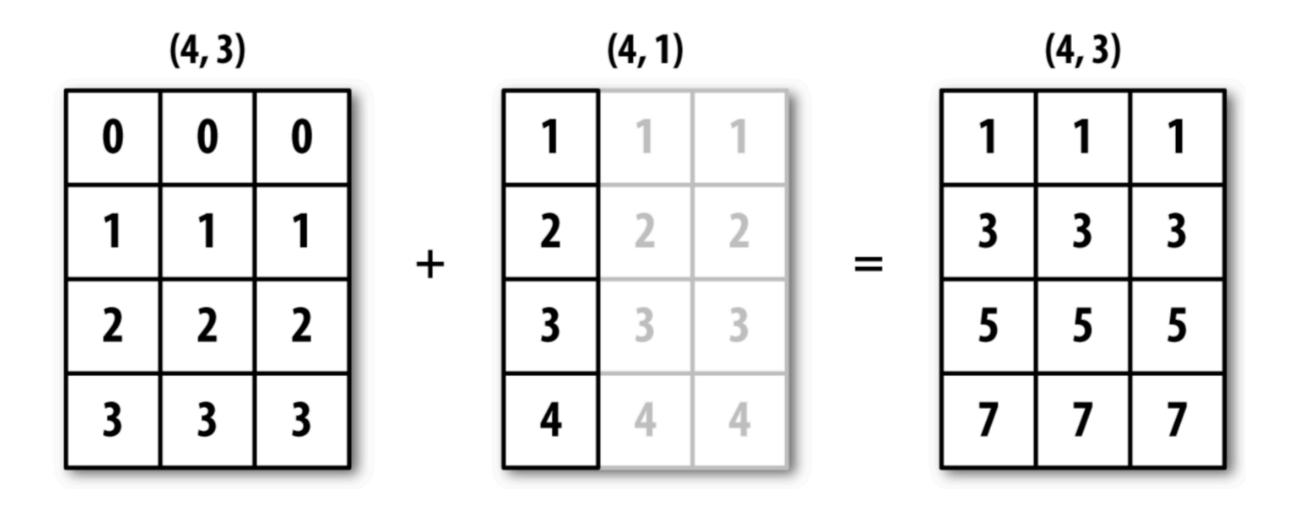
```
>>> a =
np.array([1,2,3])
>>> a > 2
[False False True]
>>> b =
np.array([[1,2,3],
[4,5,6]])
>>> b * 3
[[ 3  6  9]
[12  15  18]]
```

```
>>> a =
np.array([[1,2,3],
[4,5,6]])
>>> b =
np.array([[1,1,1],
[2,2,2]])
>>> a * b
[[ 1  2  3]
[ 8  10  12]]
```

 Generaliza para arrays de shapes diferentes, desde que, expandindo as dimensões em falta, tenham a mesma shape







NumPy (funções universais)

- Além de operadores binários (+, -, *, /, etc), o numpy também redefine funções matemáticas (sin, cos, sqrt, etc)
- Operam elemento a elemento
- Lista completa

```
>>> a = np.array([1,2,3,4])
>>> np.sqrt(a)
[1. 1.41421356 1.73205081 2. ]
>>> np.exp(a)
[2.71828183 7.3890561 20.08553692 54.59815003]
>>> b = np.array([4,3,2,1])
>>> np.maximum(a,b)
[4 3 3 4]
```

NumPy (vectorize)

- A função vectorize, analogamente à função map para sequências, permite converter uma função genérica numa função universal numpy que pode ser aplicada a cada elemento do array
- E.g., para interpretar cada elemento como um índice e substituí-lo pelo valor correspondente numa lista

NumPy (agregação)

 Algumas funções numpy agregam os elementos de um array, analogamente a funções de agregação para sequências

```
>>> a = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
# soma
>>> np.sum(a)
21
# minimo
>>> np.min(a)
1
# máximo
>>> np.max(a)
6
# desvio padrão
>>> np.std(a)
1.707825127659933
```

NumPy (apply)

- Também podemos aplicar funções ao longo de uma dimensão específica de um array multidimensional.
 - Dimensões são índices 0,1,...
 - As funções operam sobre as projeções do array (arrays com menos uma dimensão) ao longo da dimensão escolhida

NumPy (álgebra linear)

- O numpy também oferece operações de álgebra linear
- E.g., produto de matrizes

```
>>> A = np.array([[1,2,3,4],[5,6,7,8]])
>>> B = np.array([[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9],[10,11,12]])
>>> A @ B
[[ 70  80  90]
  [158  184  210]]
```

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \\ 10 & 11 & 12 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 70 & 80 & 90 \\ 158 & 184 & 210 \end{pmatrix}$$

NumPy (álgebra linear)

• E.g., transposta de matrizes

Exemplo (CSV)

- Podemos ler facilmente um ficheiro CSV para uma matriz numpy
- E.g., índice de secura mensal para o Porto publicado pelo IPMA aqui
 - Utilizado na última aula
- Contar os dias de chuva (a julgar pelo valor médio) e listar esses mesmos dias

```
data = np.genfromtxt('mpdsi-1312-porto.csv',delimiter=',',skip_header=1)
# coluna 4 = médias de índice de secura
medias = data[:,4]
# dias chuvosos têm índice >= 1
chuvosos = medias >= 1
num_dias_chuvosos = (medias[chuvosos]).size
print(num_dias_chuvosos)

dates = np.genfromtxt('mpdsi-1312-
porto.csv',delimiter=',',dtype='datetime64',usecols=0,skip_header=1)
dias_chuvosos = dates[chuvosos]
print(dias_chuvosos)
```

Exemplo (Excel)

- Podemos ler facilmente uma folha de um ficheiro Excel para uma matriz numpy (via pandas)
- E.g., precipitação durante os últimos ~90 anos publicado pelo IPMA aqui e aqui
- Anos mais e menos chuvoso de que há registo
- Médias de precipitação nos Séculos XX e XXI

```
import pandas as pd

dados = pd.read_excel('PT100-tx-tn-prec.xlsx', sheet_name=3).to_numpy()
anual = dados[:89,[0,17]]

min_prec = anual[:,1].min()
max_prec = anual[:,1].max()

xx = anual[anual[:,0] < 2000]
xx_prec = np.mean(xx[:,1])

xxi = anual[anual[:,0] >= 2000]
xxi_prec = np.mean(xxi[:,1])
```

Exemplo (FASTA)

- Podemos ler sequências genéticas para arrays NumPy (Projeto 2)
- E.g, ler alinhamentos de várias sequências, calculadas com ferramentas como BioPython



Retornar percentagem de equivalência entre duas sequências

```
from Bio import AlignIO

alignments = AlignIO.read(open("apoex.afa"), "fasta")
d = { a.id : np.array(a) for a in alignments }

al = d['APE_BOVIN']
a2 = d['APE_MOUSE']

alphas = np.vectorize(lambda c: c>='A' and c<='Z')
mask = alphas(al) & alphas(a2) & (al==a2)
score = sum(mask[mask]) / len(mask) * 100
print(score,'%')</pre>
```