

# RECTILINEAR STEINTER TREE 设计文档

计 34 何钦尧 2012010548

材 43 庄天翼 2014012056

计 43 邹昊 2013011016

## 1. 整体设计

在 `main` 函数中生成若干个点，加入 `RST` 类中。最后的求解结果用 `OpenCV` 画图显示。边用黑线，原来的点用蓝色标记，三条线段的交叉口就是 `Steiner Point`（没有特别标出）。

使用了 `Strategy` 设计模式，`RST` 类可以使用 `changeStrategy` 函数来改变所使用的求解模式（`L-RST` 或者 `Z-RST`）。`RSTStrategy` 为抽象类，`LRSTStrategy` 和 `ZRSTStrategy` 分别为这两个的 `Strategy` 类。`ZRST` 和 `LRST` 类用于求解这两种不同的算法。`ZRST` 和 `LRST` 实现时候接口不同（不同人开发的），所以 `Strategy` 类也相当于起到了 `Adapter` 的作用。

此外有一些通用的工具类。包括 `Point`，`Segment`，`Line`。`Line` 定义了基类 `Line` 和派生类 `Line_L`，`Line_Z` 为 `L` 型和 `Z` 型 `Layout`。`Segment` 主要在外围 `RST` 类和 `Visualizer` 类中使用，表示每一个水平或者竖直的线段（已经将折线拆分）。

`MST` 类为求解直角最小生成树，为之后的算法做准备。`LRST` 和 `ZRST` 中都保存这个类的一个实例，用于求解直角最小生成树后从中得到所有的边。

`Common.h` 中定义了若干常量。

`Visualizer` 类起到了显示的作用。为一个单例。

## 2. 技术实现

下面主要讨论 `LRST` 和 `ZRST` 的算法实现。

### 2.1. LRST

`LRST` 是要对每一条边选择“`L` 型”或者“`U` 型” `layout`，在所有的方案当中，求出 `overlap` 最大的那个。由于具有 `separable` 的性质，所以实际上子问题可以独立，穷举搜索可以转化为在树上的动态规划过程。

因此需要首先建立这颗树。需要选择一个度为 1 的节点作为根（这是保证初始只有一条边），`find_root` 函数完成这一功能。然后利用 MST 中求出的边列表来递归的建立这棵树。树由 `tree` 和 `parent` 两个数组表示。`Tree` 中每个元素为一个 `vector`，表示某个节点的后继节点。`Parent` 顾名思义。

由于任何求出的边，都只可能在有点存在的 `x` 坐标或者 `y` 坐标的网格线上，因此将坐标离散化之后在进行后续的处理是有利的。离散化需要的是获得所有点的坐标，然后对所有的 `x`, `y` 坐标排序并去重，排序后得到的序号就是离散化后的坐标号。这里使用 STL 中的 `map` 来实现这一操作（`map` 内部实现是一个有序的红黑树）。`X_coord` 和 `y_coord` 变量分别记录了所有离散化后的坐标的原始坐标，`discr_points` 记录了所有点的离散化后的坐标。

`Find_layout_L` 和 `find_layout_U` 两个函数递归的求解所有的情况。从 `root` 的唯一的的一个子节点开始，每次调用都在当前这个子树中，当前点和父节点之间的边选择 `L`（或 `U`）的情况下，求解最优的方案（方案即当前节点的子节点应该采用的选择）。每个点的每种选择的求解结果，放在 `layout_l` 和 `layout_u` 数组中，使用二进制编码，每一位代码某个子节点的选择（0 为 `L`，1 为 `U`）。

求解采用的方案是在地图上涂色。这时就用到了之前离散化后得到的整个地图。离散化后 `hori_lines` 和 `verti_lines` 分别代表了所有横向和纵向边，涂色也在这上面表示（用某条边上方或者右边的点的离散化坐标来表示该条边，所以这两个用 `map` 表示）。在对所有方案的涂色过程中，容易求出所有情况下 `overlap` 最大的做法。

对一个节点的所有子节点的所有可能情况点的穷举搜索使用 `dfs` 函数做递归。

## 2.2. ZRST

和 `LRST` 一样的需要做离散化以及建树。建树和离散化的过程和 `LRST` 相同。

然后对于每一个边，先预处理出其所有的可行的 `Z` 型 `layout` 备用。由于 `Z` 型的 `layout` 可以通过其拐点来唯一的确定其形态，于是就可以通过保存这个拐点坐标来表示一个 `layout`。

建好树之后，从树根开始，递归的调用（这里是 `find_layout` 函数）。对遍历的每个节点，先遍历其所有的子节点，然后对当前点枚举所有的可能的 `layout`（即当前节点的子节点的所有 `layout` 组合），这个用 `dfs` 函数实现。

## 3. 使用方法

使用命令行参数来控制程序的行为。“`LRST`”和“`ZRST`”分别运行两种算法。“`test`”用来生成新的测试数据。

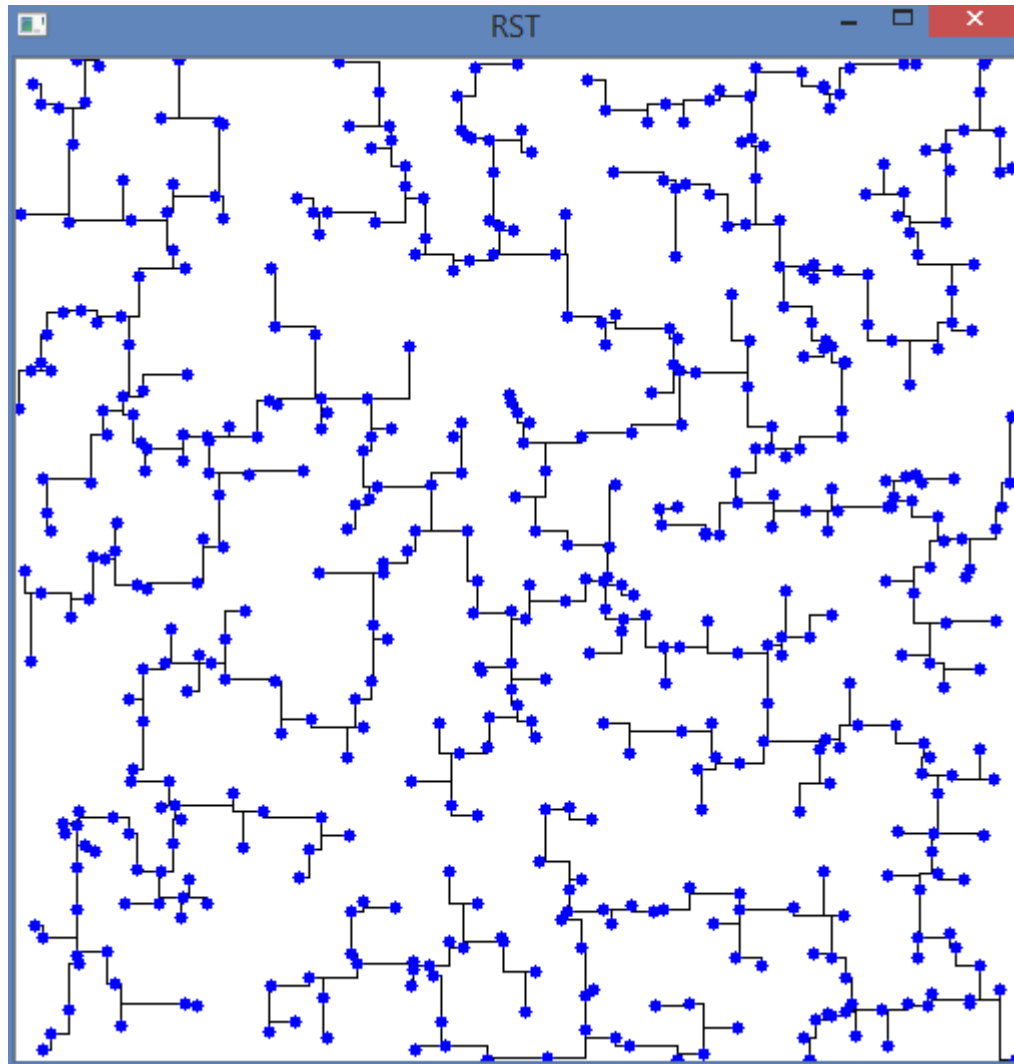
每次运行会显示求解的结果以及输出最后的总代价。

点的数目，文件名的常数可以在代码中修改（`main.cpp` 和 `common.h`）

## 4. 测试结果

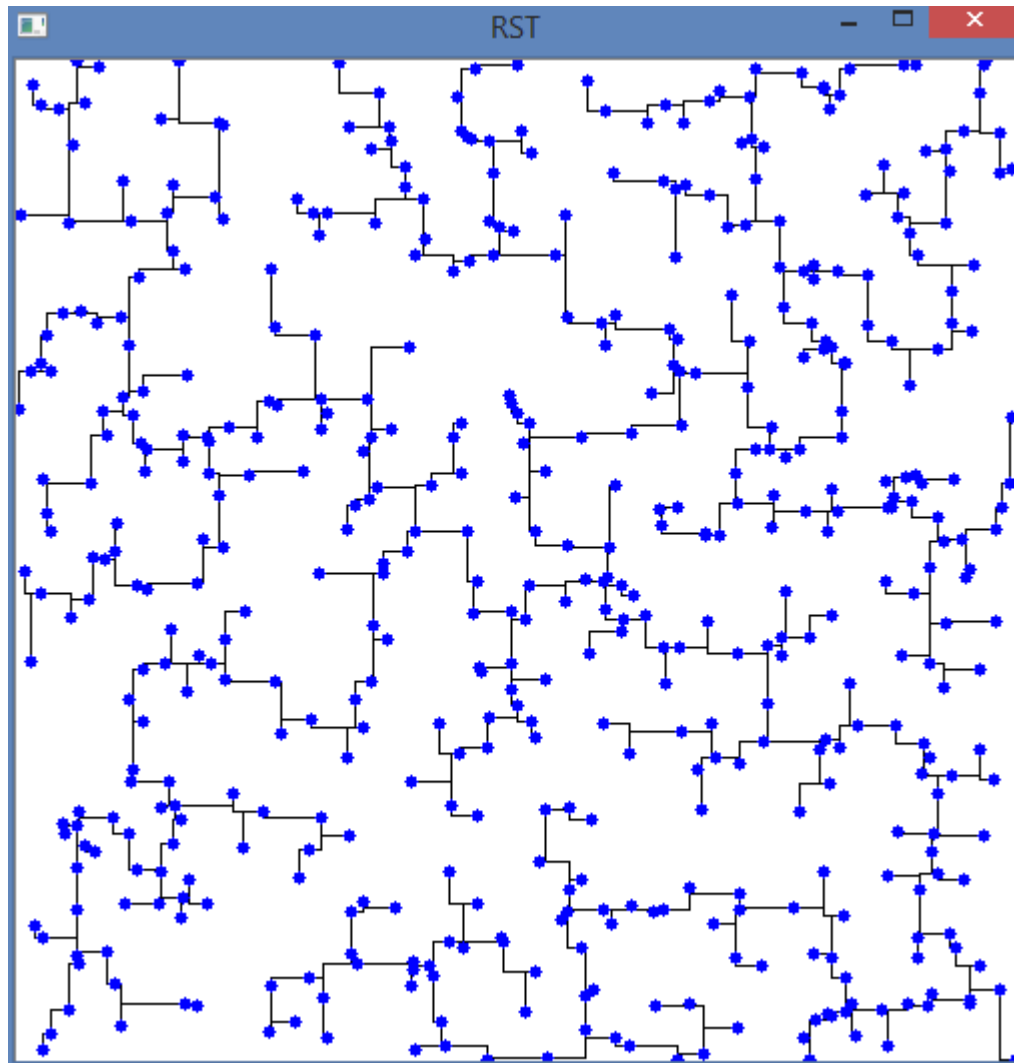
随机生成 500 个点运行，以下分别展示两种算法的运行结果。

### 4.1. LRST



总代价（即路径总长）：8480。

## 4.2. ZRST



总代价：8432

可以看出 ZRST 的计算结果比 LRST 要稍好一些。这是由于考虑了更多的情况。