ARC 107 A - Simple Math

hiragn

2024年12月17日

1. 問題の概要

3つの正整数 A, B, C が与えられる。次の値を 998244353 で割った余りを求めよ。

$$\sum_{a=1}^{A} \sum_{b=1}^{B} \sum_{c=1}^{C} abc$$

https://atcoder.jp/contests/arc107/tasks/arc107_a

2. 解法

この和は分離できる。

$$\left(\sum_{a=1}^{A} a\right) \left(\sum_{b=1}^{B} b\right) \left(\sum_{c=1}^{C} c\right) = \frac{a(a+1)}{2} \cdot \frac{b(b+1)}{2} \cdot \frac{c(c+1)}{2}$$

あとは mod をとればいい。「mod をとってから積を求めて,もう一度 mod をとる」まで もなく解けた。

```
In[]:= Clear["Global'*"];
2 solve[lst_] := Mod[Times @@ (Binomial[# + 1, 2] & /@ lst), 998244353];
3
4 case1 = {1, 2, 3};
5 case2 = {1000000000, 987654321, 123456789};
6 res = {18, 951633476};
7 solve /@ {case1, case2} == res
8
9 Out[]= True
```