サイコロの目の累積和

hiragn

2024年12月13日

「算数にチャレンジ!!」第 1209 回の問題*1を解いた。

サイコロを 4 回振って,1 回ごとに「それまでに出た目の数の合計」を記録用紙に書いていく。たとえばサイコロの出目が 2, 3, 5, 1 のときは「2, 5, 10, 11」と記入される。 2 と 4 が両方とも記入されるようなサイコロの目の出方は何通りあるか。

http://www.sansu.org/used-html/index1209.html

1. 全探索する

出目は全部で $6^4 = 1296$ 個しかない。全部調べればいい。

- 1. Tuples で出目のリストを作る
- 2. Accumulate で累積和を求める
- 3. SubsetQ で 2 と 4 を両方含むものを抽出する。その個数が答え

答えは 49 個だった。

```
1 In[]:= AbsoluteTiming[
2 lst = Accumulate /@ Tuples[Range@6, 4];
3 ans = Length@Select[lst, SubsetQ[#, {2, 4}] &]]
4
5 Out[] = {0.0112639, 49}
```

^{*1} この問題文は原題を適当に書き換えたもの。

2. 2に注目して手計算で解く

おまけとして手計算でも解いてみた。

用紙に書かれる数は順に「1以上」「2以上」「3以上」「4以上」なので、2が書かれる場所は1番目か2番目。記録用紙に2と4が両方とも記入されるのは次の4パターンしかない。

 記入用紙	出目	個数
(1,2,3,4)	(1, 1, 1, 1)	1
$(1,2,4,\square)$	$(1,1,2,\square)$	6
$(2,3,4,\square)$	$(2,1,1,\square)$	6
$\boxed{(2,4,\square,\square)}$	$(2,2,\square,\square)$	$6^2 = 36$

答えは1+6+6+36の49通り。