

Тема 15 1. Какво е Булев/логически израз?

Всички логически изрази са - променливи
- бинарни операции с
ляво и десен логически израз

$\boxed{\text{ляв израз}} \xleftarrow{\text{бин. операция}} \boxed{\text{десен израз}}$

- унарна операция с друг
логически израз

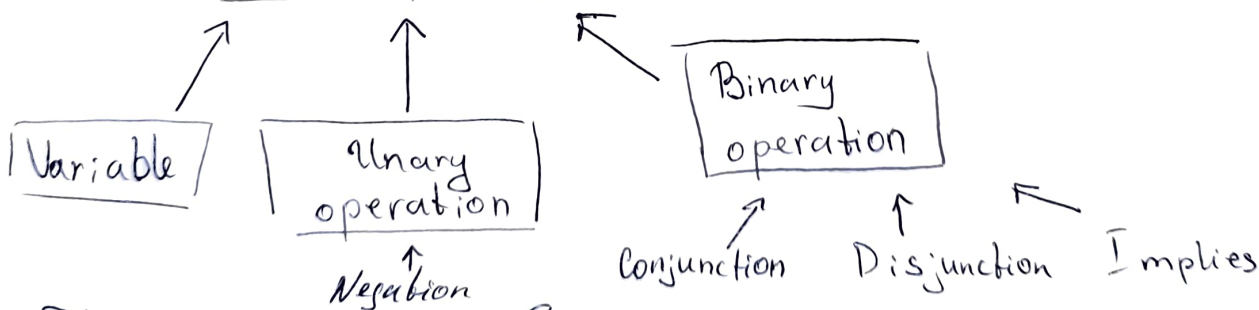
$\xleftarrow{\text{унарна операция}} \boxed{\text{израз}}$

2. Как се оценява един израз?

→ Булево интерпретиране - оценка на всяка
съществуваща променлива
 $f: \text{variable} \rightarrow \{\text{true}, \text{false}\}$

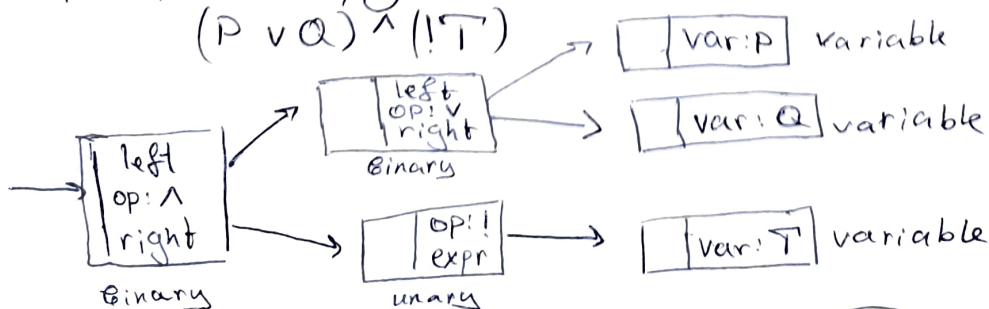
Иерархия:

$\boxed{\text{Boolean Expression}}$



Пример за представяне на израз:

$(P \vee Q) \wedge (!T)$



Оценката на изразите се извършва чрез тавтологичност (т.е. evaluator), презимена от трите последни по следните начини:

- пром. брояч оценката от интерпретацията
- ун. оп. оценява своя подизраз и брояч резултат, спрямо операцията си
- бин. оп. оценява подизразите си и брояч резултат, спрямо операцията си

Тавтология - винаги верен израз, независимо от биващата интерпретация

Противоречие - винаги лъжа, $= \text{false}$

За да можем да направим проверка за тавтологичност/противоречие, ще генерираме всички булеви интерпретации на израз. За целта при построяването на всеки израз ще назовем кои променливи участват. Това означава, че по следните начини във всеки от трите вида изрази:

- в пром. участват само едни - самата тя
- в ун. оп. участват променливите от подизрази
- в бин. оп. участват променливите от лявия и десния подизрази

k променливи дават 2^k булеви интерпретации.

3. Как създаваме булев израз по стринг?
ще сетем изрази със скоби около всяка операция

Пример: $((P \vee Q) \wedge (T \vee R)) \vee (I \vee P)$

Определяме редът на извършване по следните начини:

- 1) приемаме първата и последната скоба
- 2) обхождаме стринга като брояч използваме брояч. При срещане на отваряща скоба броячът, при затваряща броячът --
- 3) Виждаме за операция, който срещаме при брояч съвс-то, с операцията, която трябва да се приложи първа.

Извикваме рекурсивно метода за аргументите на операцията.

BooleanExpressionHandler.h

#include ExpressionFactory.h
MyString.h
BooleanInterpretation.h
BooleanExpression.h

```
class BooleanExpressionHandler {  
public:
```

// Big 6

BEH(const MyString & str)

bool evaluate(const BooleanInterpretation & bi) const;

bool isTautology() const;

bool isContradiction() const;

private:

bool checkAllTruthAssignments (bool value) const;

void free(), copyFrom(), moveFrom()

BooleanInterpretation myVariables;

BooleanExpression* expr = nullptr;

};

BEH.cpp

BEH::BEH (const MyString & str) {
 expr = expressionFactory(str); }

bool BEH::evaluate(const BooleanInterpretation & bi) const {
 return expr->eval(bi); }

bool BEH::isTautology() const {
 return checkAllTruthAssignments(true); }

bool BEH::isContradiction() const {
 return checkAllTruthAssignments(false); }

bool BEH::check... (bool value) const {
 size_t varsCount = myVariables.getTrueCount();
 size_t powerOfTwo = 1 << varsCount;

for (int i=0; i < powerOfTwo; i++) {

Boolean Interpretation current = myVariables;
current.excludeValuesByMask(i);
if (expr → eval(current) != value
return false;
}
return true;
}

void BEH::free() {
delete expr; }

BEH:
void copyFrom (const BEH & other) {
expr = other.expr → clone(); }

void BEH::moveFrom() {
expr = other.expr;
other.expr = nullptr; }

Boolean Interpretation.h
#include "MyString.h"
#include "StringView.h"

class Boolean Interpretation {

public:
void set (char ch, bool value);
bool operator()(char ch) const;
size_t getTrueCount() const;
void excludeValuesByMask(unsigned mask);

private:

bool values[256] {false};
};


```

cpp constexpr size_t availableVariables = 26; // mpedes ga eb
void BT::set(char ch, bool value) {
    values[ch-'a'] = value; }

bool BT::operator()(char ch) const {
    return values[ch-'a'];

size_t BTget TrueCount() const {
    size_t count = 0;
    for(int i = 0; i < availableVar26; i++) {
        if(values[i])
            count++; }
    return count;

void BT::excludeValuesByMask(unsigned mask) {
    for(int i = 25; i >= 0; i--) {
        if(values[i]) {
            if(mask % 2 == 0)
                values[i] = false;
            mask /= 2;
        }
    }
}

```

BooleanExpression.h

```
#include "BT.h"
```

```
struct BooleanExpression {
```

```
    BooleanExpression() = default;
```

```
    BooleanExpression(const BE & other) = delete;
```

```
    BE & op = (const BE & other) = delete;
```

```
    virtual ~BE() = default;
```

```
    virtual bool eval(const BT & interpret) const = 0;
```

```
    virtual BE* clone() const = 0;
```

```
    virtual void populateVariables(BT & interpret) const = 0; };
```

③

sd Var.cpp // mpebles ga e pazgani nshu.cpp

```
struct Var: BE
```

```
Var(char ch): ch(ch) {}
```

```
bool eval(const BI & interpret) const override {  
    return interpret(ch); }
```

```
void BE* clone() const override {  
    return new Var(ch); }
```

```
void populateVariables(BI & interpret) const override  
{ interpret.set(ch, true); }
```

```
private:
```

```
char ch; }
```

UnaryOperation.cpp

```
struct UnaryOperation: BE {
```

```
UnaryOperation(BE* expr): expr(expr) {}
```

```
void populateVariables(BI & interpret) const override {  
    expr->populateVariables(interpret); }
```

```
~UnaryOperation() {  
    delete expr; }
```

```
protected:
```

```
BE* expr; }
```

Negation.cpp

```
struct Negation: UnaryOperation {
```

```
Negation(BE* expr): UO(expr) {}
```

```
BE* clone() const override {
```

```
    return new Negation(expr expr->clone()); }
```

```
bool eval(const BI & interpret) const override {  
    return !expr->eval(interpret); }
```

```
BinaryOperation.cpp  
#include BooleanExpression.h
```

```
struct BinaryOperation : BooleanExpression {
```

```
    BO(BE * left, BE * right): left(left), right(right) {}
```

```
    void populateVariables (BI & interpret) const override {  
        left -> populateVariables (interpret),  
        right -> populateVariables (interpret); }  
};
```

```
~BinaryOperation() {}
```

```
    delete left;  
    delete right; }
```

protected:

```
    BooleanExpression * left;  
    BE * right; }
```

Conj.cpp

```
Conjunction: BinaryOp {}
```

```
Conjunction (BooleanExpression * left, BE * right): BO(left, right)  
{}
```

```
virtual BE * clone() const override {
```

```
    return new Conjunction (left -> clone(), right -> clone());  
}
```

```
bool eval (const BI interpret) const override {
```

```
    return left -> eval (interpret) & right -> eval (interpret);  
}  
};
```

Disjunction.cpp

```
struct Disjunction : BinaryOperation {
```

```
    Disjunction (BooleanExpression *left, BE *right)
```

```
        BO(left, right) {}
```

```
    virtual BE *clone() const override {
```

```
        return new Disjunction(left->clone(), right->clone());
```

```
    bool eval(const BE &interpret) const override {
```

```
        return left->eval(interpret) || right->eval(interpret);
```

```
    };
```

```
struct Implies : BinaryOp {
```

```
    Implies (BE *left, BE *right) : BO(left, right) {}
```

```
    BE *clone() const override {
```

```
        return new Implies(left->clone(), right->clone());
```

```
    bool eval (const BE &interpret) const override {
```

```
        return (!left->eval(interpret)) || right->eval(interpret);
```

```
    };
```

bool Expression * expressionFactory (StringView str) {

str = str.substr (1, str.length() - 1);
return new

str = str.substr (1, str.length() - 2);

if (str.length() == 1)

return new Var (str[0]);

unsigned count = 0;

~~for (int i = 0; i < str.length(); i++)~~

unsigned len = str.length();

for (int i = 0; i < len; i++) {

if (str[i] == '(')

count++;

else if (str[i] == ')')

count--;

else if (count == 0) {

switch (str[i]) {

case '!': return new Negation(

exprFact(str.substr(i+1, str.length() - i - 1));

case '&': return new Conjunction(exprFact(str.substr(0, i)),

exprFact(str.substr(i+1, str.length() - i - 1));

case '|': return new Disjunction(

exprFact(str.substr(0, i)),

exprFact(str.substr(i+1, str.length() - i - 1));

case '>': return new Implies(

exprFact(str.substr(0, i)),

exprFact(str.substr(i+1, str.length() - i - 1));

}}} throw std::invalid_argument("Invalid Expression!"); }

⑤