

Introducción a Maxima Software Libre Científico

Henry R. Moncada

Universidad Nacional del Callao
Facultad de Ciencias Naturales y Matemáticas

31 de Marzo de 2022

Esquema de la presentación

1. Primeros pasos con Maxima
2. Funciones básicas de Maxima
3. Representaciones gráficas
4. Límites y derivadas
5. Matrices
6. Programación en Maxima

¿Qué es Maxima?

- Sistema para manipulación de expresiones simbólicas y numéricas
- Incluye: diferenciación, integración, series de Taylor, transformadas de Laplace, EDOs, sistemas de ecuaciones lineales, matrices y tensores
- Produce resultados de alta precisión
- Grafica funciones en 2D y 3D
- Código fuente compilable en Windows, Linux y MacOS X
- Descendiente de Macsyma (MIT, años 1960)
- Dinámico: mejoras continuas en código y documentación
- Disponible en: <https://maxima.sourceforge.io/>

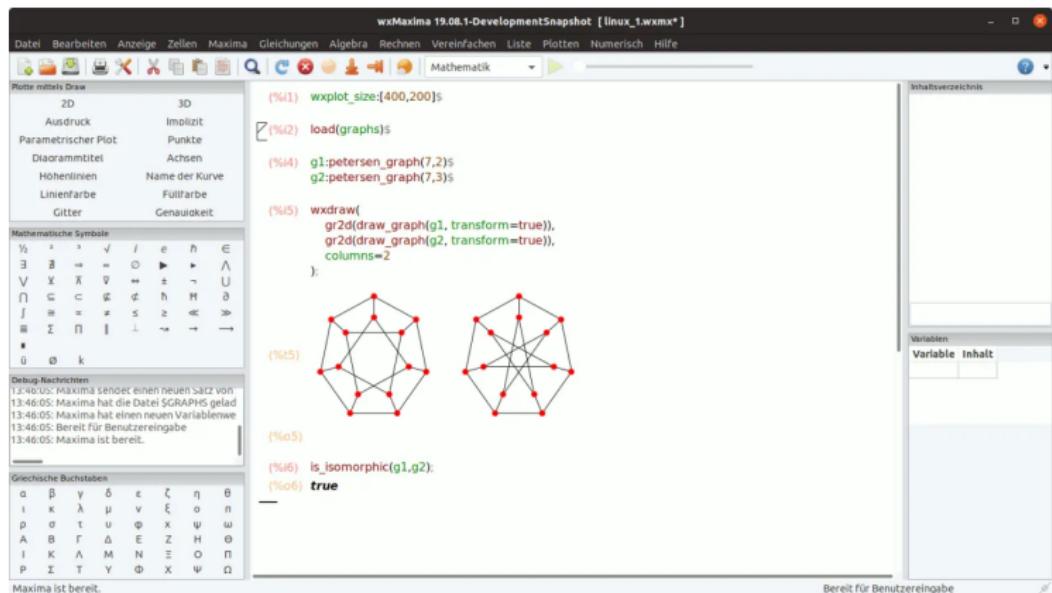


Instalación

Descarga e instalación

El programa es de libre distribución y puede descargarse desde :

- sourceforge <https://maxima.sourceforge.io/>
- wxmaxima-developers
<https://wxmaxima-developers.github.io/wxmaxima/download.html>



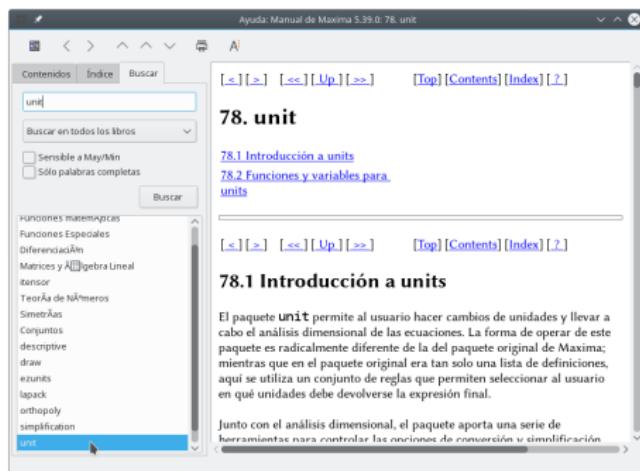
La ayuda de wxMaxima

- wxMaxima permite acceder a la amplia ayuda incluida de manera gráfica
- Comandos útiles:

```
describe(expr)      # ayuda sobre expr
example(expr)       # ejemplo de expr
apropos("expr")    # comandos relacionados con expr
??expr              # comandos que contienen expr
```

Ayuda completa

Disponible en: <http://maxima.sourceforge.net/> en formatos PDF y web.



Cuadro del menú Ayuda-Contenido

La ayuda de wxMaxima

Si conocemos el nombre del comando sobre el que estamos buscando ayuda, la orden describe nos da una explicación sobre la variable, comando o lo que sea que hayamos preguntado

Uso de `describe`

```
(%i2) describe(dependencies);
  0: dependencies (Functions and Variables for Differentiation)
  1: dependencies $<1>$ (Functions and Variables for Differentiation)
Enter space-separated numbers, 'all' or 'none':
```

A veces nos equivocamos y no recordamos exactamente el nombre del comando

Búsqueda aproximada

```
(%i2) describe(plot)
  No exact match found for topic ?plot?.
  Try ??? plot? (inexact match) instead.
(%o2) false
```

La ayuda de wxMaxima

La solución la tenemos escrita justo en la salida anterior: busca en la ayuda comandos, variables, etc. que contengan la cadena “plot”

Búsqueda con ??

```
(%i2) ??plot  
  
0: Funciones y variables para plotdf  
1: Introduccion a plotdf  
2: barsplot (Funciones y variables para graficos estadisticos)  
3: boxplot (Funciones y variables para graficos estadisticos)  
4: contour_plot (Funciones y variables para graficos)  
5: gnuplot_close (Funciones y variables para graficos)  
6: gnuplot_replot (Funciones y variables para graficos)  
7: gnuplot_reset (Funciones y variables para graficos)  
8: gnuplot_restart (Funciones y variables para graficos)  
9: gnuplot_start (Funciones y variables para graficos)  
10: plot2d (Funciones y variables para graficos)  
11: plot3d (Funciones y variables para graficos)  
12: plotdf (Funciones y variables para plotdf)  
13: plot_options (Funciones y variables para graficos)  
14: scatterplot (Funciones y variables para graficos estadisticos)  
15: set_plot_option (Funciones y variables para graficos)  
Enter space-separated numbers, ?all? or ?none?:none;  
15: set_plot_option (Funciones y variables para graficos)
```

La ayuda de wxMaxima

¿Quieres que lo adapte en un tono más académico, como para incluirlo en un manual/tutorial de Maxima?

Si hay varias posibles elecciones, Maxima queda a la espera hasta que escribamos el número que corresponde al ítem en el que estamos interesados, o **all** o **none** si estamos interesados en todos o en ninguno, respectivamente.

En el menú de wxMaxima **Ayuda → Propósito para**. Su propósito es similar a **??**, pero el resultado es levemente distinto: nos da la lista de comandos en los que aparece la cadena `plot` sin incluir nada más. Si ya tenemos una idea de lo que estamos buscando, muchas veces será suficiente con esto.

Búsqueda con **apropos**

```
(%i2) apropos("plot");
(%o2) [barsplot,boxplot,contour_plot,contour_plot-1.get_plot_option,...]
```

Ejemplos con **example**

```
(%i2) example(limit);
(%i2) limit(x*log(x),x,0,plus);
(%i2) limit((x+1)^(1/x),x,0);
(%i2) limit(%e^x/x,x,inf);
(%i2) limit(sin(1/x),x,0);
```

Operaciones básicas

El sistema wxMaxima emplea la notación estándar para escribir las operaciones matemáticas básicas: suma +, resta -, producto *, cociente / y potencia ^. Tras introducir una expresión, basta pulsar la tecla **Enter** para que wxMaxima la ejecute.

Operaciones matemáticas

```
(%i2) (2+3*(a^2)^3)/12;  
(%o2) (3*a^6+2)/12  
(%i3) sqrt(12)+25^8;  
(%o3) 2*sqrt(3) + 152587890625
```

Es importante recordar que en wxMaxima es necesario escribir siempre el operador de multiplicación (*). De lo contrario, dará un error de sintaxis.

¡Importante!

Siempre escribir el operador de multiplicación (*)

```
(%i2) 2x^3;      # Error  
(%o2) incorrect syntax: x is not an infix operator 2x^^  
(%i2) 2*x^3;    # Correcto  
(%o2) 2x^3
```

Funciones matemáticas

Funciones matemáticas elementales

Expresión	Sintaxis en wxMaxima
e^x	<code>exp(x)</code> ó <code>%e^x</code>
\sqrt{x}	<code>sqrt(x)</code>
$ x $	<code>abs(x)</code>
$\ln(x)$	<code>log(x)</code>
$\log_{10}(x)$	<code>log10(x) := log(x)/log(10)</code>

Operar con números complejos

Concepto	Sintaxis en wxMaxima
Unidad imaginaria	<code>%i</code>
Forma binómica	<code>a+b*%i</code>
Forma exponencial	<code>r*%e^(%i*c)</code>
Módulo	<code>cabs(z)</code>
Argumento	<code>carg(z)</code>
Conversión a forma binómica	<code>rectform(z)</code>
Conversión a forma exponencial	<code>polarform(z)</code>

Ejemplos

```
(%i1) exp(5);  
(%o1) %e^5  
(%i2) %e^5;  
(%o2) %e^5  
(%i3) sqrt(9);  
(%o3) 3  
(%i4) abs(-3);  
(%o4) 3  
(%i7) log10(x):=log(x)/log(10);  
(%o7) log10(x):=log(x)/log(10)
```

Ejemplos

```
(%i8) 2-2*%i;  
(%o8) 2-2*%i  
(%i9) cabs(2-2*%i);  
(%o9) 2^(3/2)  
(%i10) carg(2-2*%i);  
(%o10) -%pi/4  
(%i11) polarform(2-2*%i);  
(%o11) 2^(3/2)*%e^(-(1/2)*%pi)/4
```

Asignar nombres a datos o expresiones y como introducir comentarios

En wxmaxima, la asignación se realiza utilizando el signo dos puntos (:) para asignar un valor a una variable, seguido del valor deseado. Por ejemplo:

- Para asignar el número 5 a la variable x, escribirías **x:5**.
- Si la entrada termina en punto y coma (;), el resultado de la asignación se mostrará;
- Si termina en signo de dólar (\$), el resultado no se mostrará, como en el ejemplo **a:-7\$;**

Asignaciones

```
(%i17) x:5;
(%o17) 5
(%i15) a:-5;
(%o15) -5
(%i16) a:-7$ 
(%i18) c:2*x+1;
(%o18) 11
```

Asignaciones

```
(%i5) z:2-2*%i;
(%o5) 2 - 2*%i
(%i5) cabs(z);
(%o5) 2^(3/2)
(%i19) k:%e^%i;
(%o19) %e^%i
(%i5) rectform(k)
(%o5) %i*sin(1) + cos(1)
```

Introducir comentarios

Sintaxis de comentarios

```
/* texto de comentarios */
```

Ejemplo

```
(%i5) /*Apartado (a)*/ f(x):=x^2;
(%o5) f(x) := x^2
```

Introducir y manejar funciones

Definición de funciones

```
(%i5) f(x):=2*x;  
(%o5) f(x) := 2*x  
(%i5) g(x,y):=2*x^2+5*y^4;  
(%o5) g(x,y) := 2*x^2 + 5*y^4
```

Para definir una función utilizamos:

if condicion then sentencia 1 else sentencia 2;

$$h(x) = \begin{cases} x & \text{si } x \leq 0 \\ \sin(x) & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

Función definida a trozos

```
(%i20) h(x):=if x<=0 then x else sin(x);  
(%o20) h(x):=if x<=0 then x else sin(x)
```

Resolver ecuaciones: El comando **solve()** se utiliza para resolver ecuaciones algebraicas y sistemas de ecuaciones. Se escribe **solve(expresión, variable)** para una ecuación o **solve([ecuación1, ecuación2], [variable1, variable2])** para un sistema, y las expresiones se ingresan con el signo igual (=) y los productos se denotan con el asterisco (*).

Comando solve

```
(%i2) solve(4*x^2+x=5,x);  
(%o2) [x = -5/4, x = 1]
```

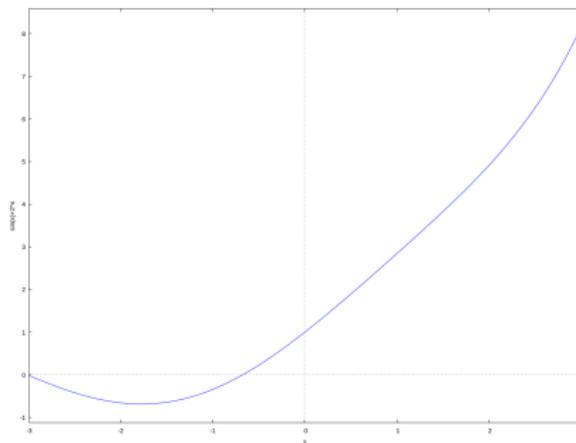
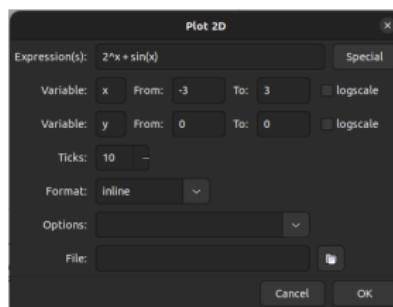
Sistemas de ecuaciones

```
(%i2) eq1:2*x+y=5;  
(%i2) eq2:2*x+5*y=10;  
(%i2) solve([eq1, eq2], [x,y]);  
(%o2) [[x = 15/8, y = 5/4]]
```

Funciones de una variable - Gráficas 2D

- Menú: **Tramado → Tramado 2d...**
- Introducir rango y formato deseado
- Pulsar Aceptar para ver el gráfico
- Formato gnuplot: abre en ventana separada con coordenadas del cursor

Representar varias funciones simultáneamente

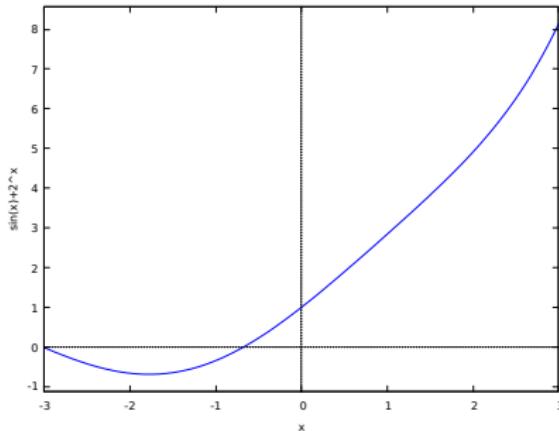
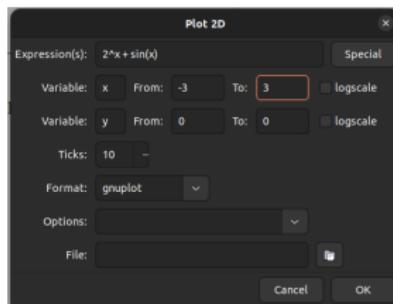


Definición de funciones

```
wxplot2d([2^x + sin(x)], [x,-3,3])$
```

Funciones de una variable - Gráficas 2D

Si queremos que el gráfico se abra en otra pestaña, tiene la ventaja de que te indica las coordenadas del punto marcado por el cursor en cada momento, **deberemos elegir el formato: gnuplot**. En este caso, es recomendable cerrar la ventana gráfica al terminar, para poder seguir trabajando.



Definición de funciones

```
plot2d([2^x + sin(x)], [x, -3, 3])$
```

Funciones de una variable - Gráficas 2D

Representar varias funciones simultáneamente

Definición de funciones

```
(%i5) f(x) := 6;  
(%o5) f(x) := 6  
(%i6) g(x) := 4*x;  
(%o6) g(x) := 4*x  
(%i7) h(x) := x+8;  
(%o7) h(x) := x+8
```

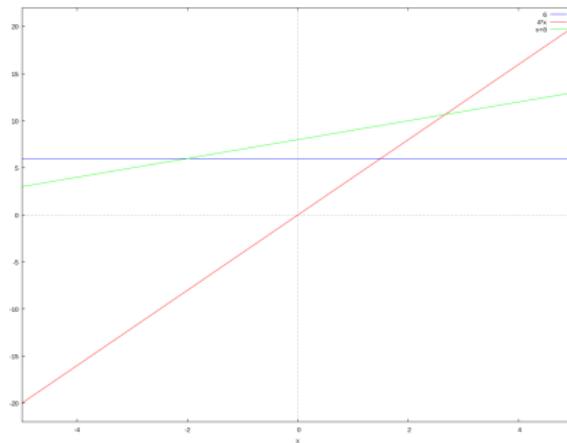
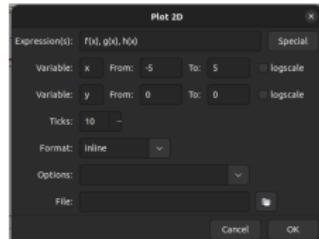


Gráfico múltiple

```
(%i9) plot2d([f(x), g(x), h(x)], [x, -5, 5], [plot_format,  
gnuplot])$  
(%i10) wxplot2d([f(x), g(x), h(x)], [x, -5, 5])$
```

- Menú: **Tramado** → **Tramado 3d...**
- Similar a funciones de una variable pero con dos variables
- También curvas de nivel con `contour_plot`

Comando limit

```
(%i2) f(x) := (x+a)*(x^2+b*x+c);  
(%i2) limit(f(x), x, 1);  
(%o2) (a+1)*c + (a+1)*b + a + 1
```

Límites laterales

```
(%i2) limit(1/x,x,0,minus); # L\'imite por izquierda  
(%o2) -inf  
(%i2) limit(1/x,x,0,plus); # L\'imite por derecha  
(%o2) inf
```

Derivadas

Comando diff

```
(%i2) g(x,y):=sin(x*y);  
(%i2) diff(g(x,y),x);  
(%o2) y*cos(x*y)  
(%i2) diff(g(x,y),y);  
(%o2) x*cos(x*y)
```

Derivadas de orden superior

```
(%i2) diff(g(x,y),x,2);      # Segunda derivada  
(%o2) -y^2*sin(x*y)  
(%i2) diff(g(x,y),x,4);      # Cuarta derivada  
(%o2) y^4*sin(x*y)
```

Definir una matriz

- Menú: **Álgebra** → **Introducir matriz**
- `matrix([a11,a12,...],[a21,a22,...],...)`
- `entermatrix(filas, columnas)` (interactivo)
- `a[i,j]:=fórmula$ genmatrix(a, filas, columnas)`
- Matrices especiales: `diagmatrix`, `ematrix`, `zeromatrix`, `ident`

- Operadores: +, -, . (producto), * (elemento a elemento)
- Funciones: transpose, adjoint, invert, determinant
- rank, charpoly, eigenvalues, eigenvectors

Ejemplo de matriz

```
(%i2) a:matrix([3,3,3], [1,3,5], [4,2,7]);  
(%o2) [ 3  3  3 ]  
      [ 1  3  5 ]  
      [ 4  2  7 ]
```

Definición de funciones

```
(%i2) area_tri(base, altura):= base*altura/2;  
(%i2) area_cua(lado):= lado^2;
```

Bucles for

```
(%i2) for b:0 thru 2 do  
      print(b, "el cuadrado es igual a ", b^2);  
0 el cuadrado es igual a 0  
1 el cuadrado es igual a 1  
2 el cuadrado es igual a 4  
(%o2) done
```

Condicional if

```
(%i2) for b:0 thru 5 do
      if b^2>5 then print([b, "v\'alido"])
      else print ([b, "no es v\'alido"]);
[0, no es v\'alido]
[1, no es v\'alido]
[2, no es v\'alido]
[3, v\'alido]
[4, v\'alido]
[5, v\'alido]
(%o2) done
```

Secuencia con block

```
(%i2) block([x,y], x:2, y:5, z:x+y);  
(%o2) 7
```

Función compleja

```
(%i2) f(x):= x^2-5*x+6;  
(%i2) mifunc(a,b,n):=block(  
    h:(b-a)/n,  
    for i:0 thru n do  
        if f(a+i*h)>0 then display(f(a+i*h))  
        else print("no es positivo")  
);
```

Henry R. Moncada
Universidad Nacional del Callao
Facultad de Ciencias Naturales y Matemáticas
31 de Marzo de 2022