Primer versión de KECOSATS

Carlos Colmenares Kelwin Fernández Eleazar Leal 10 de marzo de 2011

1. Introducción

1.1. Motivación del proyecto

En 1971, Stephen Cook propuso en su trabajo[1] una nueva categoría de complejidad de problemas de decisión computacionales, a la que llamó problemas *NP-completos*. La caracterización de esta categoría se hace sobre estas dos propiedades:

- Todos los problemas NP-completos pueden ser verificados en tiempo O(p(n)), donde p(n) es un polinomio en función de n el tamaño de la instancia del problema.
- Todos los problemas en NP pueden ser reducidos en tiempo O(p(n)) a algún problema NP-completo, donde p(n) es un polinomio en función de n el tamaño de la instancia del problema que es reducido.

Ahora bien, fueron Cook y Leonid Levin quienes encontraron, de forma independiente, el primer problema en esta categoría NP-completos: el problema de la satisfacción booleana (SAT). Un año después, Richard Karp identificó otros 21 problemas en esta categoría [2], los cuales tenían la notoria característica de que para ellos no se conoce un algoritmo polinomial (en función del tamaño de la instancia) que les dé solución, una cualidad que comparten todos los problemas en esta clase, junto al hecho de que todos estos problemas ocurren con una marcada frecuencia en el área de la computación. Sin embargo, la característica más especial de éstos es el segundo ítem

de arriba: encontrar un algoritmo polinomial para tan sólo uno de ellos es encontrar un algoritmo polinomial para todos.

De modo pues que la motivación para este proyecto estriba en el hecho de que SAT fue el primer problema que se demostró que pertenece a NP-Completos y que todos los problemas en esta clase son reducibles en tiempo polinomial a él. Siendo así y bajo el supuesto de que estas reducciones a SAT se caractericen por polinomios de bajo grado y coeficientes pequeños, cualquier mejora en tiempo que se pueda realizar a los algoritmos exponenciales hoy conocidos para resolver el problema SAT es una mejora para los algoritmos exponenciales conocidos para los demás problemas en NP-completos.

1.2. Breve descripción del problema

Llamaremos cláusula a la disjunción de un conjunto finito de variables booleanas, cada una de las cuales puede ocurrir con polaridad positiva (no negada: x_i) o con polaridad negativa (negada $\overline{x_i}$). Ejemplos de cláusulas son: $(x_1 \wedge x_2)$, $(\overline{x_3})$, $(\overline{x_1} \wedge x_3)$.

Una fórmula es en cambio la conjunción de un conjunto finito de cláusulas. Por ejemplo: $F_1: (x_1 \vee x_2 \vee \overline{x_3}) \wedge (x_1 \vee \overline{x_2}) \wedge (\overline{x_3})$ es una cláusula.

El problema de la satisfacción booleana (SAT) consiste de la forma general de las instancias al problema y de la pregunta:

- 1. La forma general de las instancias: Dados un conjunto finito de variables booleanas x_1, x_2, \ldots, x_n y una fórmula booleana $F(x_1, x_2, \ldots, x_n)$ en forma normal conjuntiva (CNF).
- 2. La pregunta cuya respuesta se quiere determinar: ¿existe una asignación de valores de verdad a las variables x_1, \ldots, x_n tal que la fórmula sea verdad?

1.3. Descripción del contenido del informe

En el presente reporte se expondrán los algoritmos y tipos de datos fundamentales empleados por el programa KECOSATS para decidir el problema de la satisfacción booleana. Asimismo, se presentarán las decisiones de diseño que orientaron la implementación del mismo.

2. Diseño

2.1. Descripción general del algoritmo empleado

El programa propuesto sigue el esquema general del algoritmo DPLL que presentaron Martin Davis, Hilary Putnam, George Logemann y Donald Loveland para decidir el problema de satisfacción booleana.

Seguidamente presentamos el esquema general del algoritmo DPLL, que hemos adaptado de [4]:

```
status = preprocess();
if (status != UNKNOWN) return status;
while (true) {
  // Fase de selección de variable a asignar.
  decide_next_branch();
  while (true) {
    // Fase de deduccion.
    status = deduce();
    if (status == CONFLICT) {
      conflict_result = analyze_conflict();
      if (conflict_result == 0)
        return UNSATISFIABLE;
      else backtrack;
    else if (status = SATISFIABLE)
      return SATISFIABLE;
    else break;
}
```

Uno de los puntos en que esta presentación del algoritmo diverge del que presenta [4] es en el análisis de conflicto y en la posibilidad de efectuar un *backtracking* no cronológico. En el programa que aquí describimos, no se realiza sino una versión muy simplificada de análisis de conflicto, en donde no hay aprendizaje de cláusulas y el *backtracking* se hace sólo de un nivel de decisión en un nivel de decisión (cronológico).

Entre las razones por las que se escogió el algorimo DPLL están:

1. Este algoritmo es la base para las implementaciones de los SAT-solvers

completos —no estocásticos— más eficientes conocidos.

2. El esquema general del algoritmo es bastante sencillo de implementar como de comprender.

2.2. Fase de selección de variables a asignar

En esta primera versión de KECOSATS se propone una heurística para la selección de la próxima variable no asignada, a la que se le dará un valor booleano. La heurística consiste en seleccionar entre todas las variables no asignadas hasta el momento, a aquella variable—sin importar la polaridad—que aparezca como watcher o testigo en el mayor número de cláusulas posible. Ahora bien, para seleccionar el valor de verdad que se va a asignar esta variable, se escoge aquél valor que genere el mayor número de movimientos de watchers en todas las cláusulas.

La ventajas de haber escogido esta heurística son las siguientes:

- En la mayoría de las instancias de pequeño tamaño en las que se probó esta heurística, se redujeron los tiempos de ejecución del programa.
- 2. La forma de escoger el valor a asignar a la variable, antes descrita, sugiere que pudiera ser más probable que se detecten con mayor rapidez los conflictos —en caso de que los hubiera.
- 3. Se trata de una heurística muy sencilla de comprender e implementar.

Como desventaja de esta heurística está que obviamente en el peor caso, habrá que recorrer la lista completa de variables para encontrar aquel literal que ocurre en el mayor número de cláusulas como watcher.

2.3. Fase de deducción

Una vez que se ha seleccionado una variable para asignar junto al valor que se le asignará, se inicia la fase de deducción del algoritmo DPLL. Es en esta fase que se procede a la identificación y propagación de cláusulas unitarias. En esta sección describiremos los algoritmos de propagación de restricciones booleanas y de identificación y eliminación de literales puros.

2.3.1. Identificación y propagación de cláusulas unitarias

Tal como se indica en [4] y [5], el estudio de implementaciones del algoritmo DPLL que se han realizado con el pasar de los años, sugiere que la propagación de cláusulas unitarias como mecanismo de deducción parece ser el más eficiente que se ha encontrado hasta ahora.

La propagación de cláusulas unitarias consiste en ubicar cuáles cláusulas de la fórmula —dada ésta en forma normal conjuntiva— están compuestas de un solo literal. Estas cláusulas son llamadas cláusulas unitarias y se satisfacen con asignar a éste único literal el valor de verdad correspondiente. Lo explicamos con un ejemplo: En la fórmula $F_1: (x_1 \vee x_2 \vee \overline{x_3}) \wedge (x_1 \vee \overline{x_2}) \wedge (\overline{x_3})$, la única cláusula unitaria es $\overline{x_3}$. Si se asigna $x_3:=0$, queda la nueva fórmula $F_2: (x_1 \vee x_2 \vee \overline{x_3}) \wedge (x_1 \vee \overline{x_2})$ y bajo el supuesto de que $x_3=0$ se tiene que F_2 es satisfactible si y sólo si F_1 lo es.

La implementación de la propagación de cláusulas unitarias con 2 testigos por cláusula ([4] y [5] los llama 2-watched literals) empleada por zChaff asocia a cada literal x_i , $i \in 1, ..., n$ un par de listas, la primera de ellas tiene como elementos a todas las cláusulas en las que la el literal x_i ocurre no negado (polaridad positiva) como testigo o watched literal. La segunda lista asociada a x_i tiene como elementos a todas las cláusulas en las que el literal $\overline{x_i}$ ocurre como testigo o watched literal.

Asimismo, cada cláusula tiene asociados dos apuntadores a literales que ocurren dentro de ella, estos apuntadores son los *watchers* a los que nos hemos referido antes.

Ahora bien, para detectar si, tras asignar $x_i = 0$, una cláusula es unitaria se buscan todas las cláusulas en las que aparezca x_i con polaridad positiva (no negada) y como watcher. Este último apuntador debe ser movido a otro literal no asignado en la misma cláusula. Si el único literal no asignado en esa cláusula está siendo apuntado por el otro watcher entonces esa cláusula es unitaria.

Para la implementación de este mecanismo de deducción, se escogió la

implementación de los 2-watched literals descrita en las fuentes [3], [4] y [5] y que fue propuesta con el programa Chaff.

Las razones para escoger esta implementación de 2-watched literals para la identificación de cláusulas unitarias son las siguientes:

- 1. En pruebas de ejecución[4] se ha observado que el comportamiento de la implementación por 2-watched literals requiere de menor tiempo que implementaciones como la de SATO —implementación a la que [4] se refiere como Head/Tail lists— y considerablemente menor tiempo que la implementación por contadores.
- 2. La implementación de 2-watched literals no requiere que se realicen operaciones sobre los watchers, o sobre el conjunto de datos que permite directamente determinar cuáles son las cláusulas unitarias, cuando se realiza el backtracking a un nivel de decisión anterior. Las implementaciones de SATO y contadores sí requieren estas operaciones. Esta ventaja es señalada por el trabajo [3].

Entre las desventajas que trae consigo la implementación de 2-watched literlas está:

1. Cuando es necesario mover alguno de los watchers, porque la variable a la que apuntan en la cláusula resulta asignada, se debe buscar una nueva variable no asignada—puede que ni exista tal variable— en la misma cláusula. Entonces, en el peor caso, para identificar una cláusula unitaria, la implementación de 2-watched literals tendrá que recorrer todos los literales de una misma cláusula en busca de esta variable no asignada.

2.3.2. Eliminación de literales puros

La eliminación de literales puros en una fórmula dada en forma normal conjuntiva consiste en ubicar primero cuáles son las variables booleanas que sólo ocurren con una polaridad en la fórmula. Ahora bien, estos literales que ocurren con una única polaridad en toda la fórmula no condicionan la satisfacción de la fórmula; es decir, si se eliminaran todos los literales puros, la fórmula resultante es satisfactible si y sólo si asignando a los literales puros los valores de verdad que los satisfagan, se logra que la fórmula original lo sea.

Lo explicamos con un ejemplo: En la fórmula siguiente F_1 : $(x_1 \lor x_2 \lor \overline{x_3}) \land (x_1 \lor \overline{x_2}) \land (\overline{x_3})$ el único literal puro es x_1 , de forma que F_1 será satisfactible si y sólo si asignando a x_1 el valor de verdad se logra que F_2 : $(x_2 \lor \overline{x_3}) \land (\overline{x_2}) \land (\overline{x_3})$ sea satisfecha.

Para la implementación de este mecanismo de deducción se hizo un recorrido por todas las cláusulas de la fórmula anotando cuál es la polaridad que se ha observado para cada literal. Si en un momento del paseo por las cláusulas de la fórmula se encuentra con un literal que ocurre con una polaridad distinta a la ya observada anteriormente para ese literal, se descarta que esa variable sea un literal puro. Para más detalles consultar más adelante.

3. Implementación

El programa que proponemos está orientado por los cambios que se efectúan, durante la ejecución, sobre una variable global de nombre sat_st que es la única con el tipo SAT_status en todo el programa. Este tipo de dato registra:

- 1. La información que es necesario preservar de la instancia del problema de satisfacción que se ha leído y que se pretende resolver.
- 2. El estatus de resolución de un problema de satisfacción en cualquier momento dado.

Por esta razón podríamos afirmar que este es el tipo de dato más importante de todo el programa. Presentamos ahora la definición del tipo SAT_status

```
typedef struct SAT_status{
   int num_vars;
   int num_clauses;
   clause *formula;
   list *pos_watched_list;
   list *neg_watched_list;
   stack backtracking_status;
   int *model;
} SAT_status;
```

, para comentar sus campos con detalle:

- El atributo formula, representa la fórmula en forma normal conjuntiva. Se trata de un arreglo de cláusulas, cada una de tipo clause.
- En la implementación que aquí se describe, se optó por por los campos pos_watched_list y neg_watched_list en el tipo SAT_status. Cada uno de éstos es un arreglo de cabezas de listas, de forma que pos_watched_list[i] sea la cabeza de la lista cuyos elementos son las cláusulas en las que el literal x_i ocurre como watcher. Análogamente ocurre con neg_watched_list[i]: es la cabeza de la lista cuyos elementos son las cláusulas en las que el literal $\overline{x_i}$ ocurre como watcher.
- El campo model del tipo SAT_status es un arreglo de enteros tal que model [i] es el valor de asignación que se prueba para la variable x_i . El model indica cuál nodo de la arborescencia del backtracking se está considerando en un determinado instante de la ejecución¹.
- Se incluye el campo num_clauses en el tipo SAT_status, para poder recorrer el arreglo formula de todas las cláusulas que componen la fórmula.

A continuación comentaremos algunos detalles sobre la variable global sat_st. La razón por la que se escogió a sat_st de tipo SAT_status como variable global, en lugar de pasarla como parámetro entre las sucesivas llamadas a funciones durante la ejecución del algoritmo son:

- 1. El pasaje del parámetro sat_st a cada una de las funciones supone un costo acumulado muy grande a lo largo de la ejecución de todo el programa. Cuando bien pudiera ahorrarse la operación de empilar esa parámetro en cada llamada.
- 2. Si se pasara una referencia a sat_st como parámetro a cada función, se incurriría en un costo adicional, en comparación con la alternativa de tener a sat_st como variable global, por la indirección que es necesario ejecutar en cada subrutina por cada vez que se quiera acceder a los campos de esta variable.

 $^{^1{\}rm V\'ease}$ la sección 3.2.1 que describe la arborescencia implícita que se recorre en el backtracking.

3.1. Implementación de las cláusulas

Para la implementación de cada cláusula se definió el siguiente tipo de dato clause:

```
typedef struct clause{
   int size;
   variable* head_watcher;
   variable* tail_watcher;
   variable* literals;
} clause;
```

, que a continuación describiremos campo por campo.

- 1. Los apuntadores head_watcher y tail_watcher señalan cuáles son los literales testigos —watched literals— de una cláusula. En virtud de que en la fase de propagación de restricciones booleanas se optó por implementar la propagación de cláusulas unitarias con los 2-watched literals según se describe en [4], cada cláusula exige dos apuntadores a variables en la misma cláusula.
- 2. Como cada cláusula es una disjunción de literales, optamos por representarla como un arreglo de variables llamado literals. Para poder recorrerlo es necesario almacenar su tamaño, que estará almacenado en el campo size de la cláusula.

3.1.1. Ventajas de la implementación escogida para las cláusulas

La implementación de los literales que componen una cláusula en un arreglo de variables apuntado por literals implica:

• Una rapidez de acceso en tiempo constante a cada literal de la cláusula. Hecho que resulta de particular utilidad en los recorridos a través de los literales de cada cláusula que son efectuados durante la detección de literales puros y durante la actualización de los watchers o testigos que permiten identificar cláusulas unitarias.

Recuerde el lector que se ha mencionado en la sección 2.3.1 que una de las desventajas de las implementación por 2-watched literals es que en el peor caso hay que recorrer todos los literales de una cláusula para determinar si ésta es unitaria o no.

 Un ahorro de espacio para los apuntadores, el cual sería necesario si la conjunción de literales en las cláusulas se implementara con una lista enlazada.

3.2. Implementación del Backtracking

3.2.1. Árbol implícito del Backtracking

Toda implementación de *Backtracking* es un recorrido *Depth-First Search* sobre una arborescencia implícita. Esta descripción implícita de la arborescencia a recorrer exige que se defina cuáles son sus nodos y para cada nodo, cuáles son sus nodos sucesores. En el caso que nos concierne, los nodos son de la forma:

$$[x_{i_1} = \mathbb{B}, x_{i_2} = \mathbb{B}, \dots, x_{i_k} = \mathbb{B}],$$

donde $0 \le k \le n$, con n el número de variables de la instancia del problema de satisfacción a resolver y $x_{i_k} = \mathbb{B}$ indica que la variable booleana x_{i_k} tiene un valor booleano (sea 1 ó 0) asignado. Imponemos adicionalmente una condición a los nodos de esta arborescencia y es que la asignación hecha a las variables del nodo: x_{i_1}, \ldots, x_{i_k} no haga que la fómula no se pueda satisfacer. Las x_{i_k} denotan variables booleanas distintas $\forall k \in \{1, \ldots, n\}$.

Ahora, dado un nodo $[x_{i_1} = \mathbb{B}, x_{i_2} = \mathbb{B}, \dots, x_{i_k} = \mathbb{B}]$ sus sucesores son todos los nodos de la forma: $[x_{i_1} = \mathbb{B}, x_{i_2} = \mathbb{B}, \dots, x_{i_k} = \mathbb{B}, x_{i_{k+1}} = \mathbb{B}].$

El backtracking implementado busca encontrar en la arborescencia —en caso de que exista— un nodo de la forma

$$[x_1 = \mathbb{B}, x_2 = \mathbb{B}, \dots, x_n = \mathbb{B}],$$

y que se corresponde con una asignación de valores de verdad a todas las variables que hace que la fórmula dada sea satisfecha —si n es el número total de variables booleanas.

3.2.2. Estructuras de datos que apoyan la implementación del bactracking

El backtracking se implementó iterativo en lugar de recursivo, por los motivos que se señalan en la sección 3.2.3. Para ello fue necesario trabajar

explícitamente con una pila de elementos de un nuevo tipo de dato llamado decision_level_data. Este tipo almacena la información que caracterizan a cada nodo del árbol implícito que se recorre en el backtracking² y que deben ser conservados en caso de que el algoritmo se encuentre con un nodo parcial que no tiene sucesores; esto es, con un nodo $[x_{i_1} = \mathbb{B}, x_{i_2} = \mathbb{B}, \dots, x_{i_k} = \mathbb{B}], k < n$ tal que la asignación de cualquier otra variable no logra satisfacer la fórmula

Presentamos entonces el tipo decision_level_data:

```
typedef struct decision_level_data {
    variable assigned_literal;
    int missing_branch;
    list propagated_var;
} decision_level_data;
```

que a continuación describimos:

- 1. El campo assigned_literal contiene el valor y el nombre del literal asignado en un determinado nivel de decisión. Expresado de otra forma, si $[x_{i_1} = \mathbb{B}, x_{i_2} = \mathbb{B}, \dots, x_{i_k} = \mathbb{B}], k < n, v_k \in \mathbb{B}$ es un nodo de la arborescencia recorrida con el backtracking, en el momento en que se consideran una nueva variable $x_{i_{k+1}}$ con un valor booleano se ha creado un nuevo nivel de decisión caracterizado por un elemento del tipo decision_level_data en el programa. Este elemento tendrá en su campo assigned_literal a la variable $x_{i_{k+1}}$ con su valor.
- 2. El campo missing_branch es un valor booleano que es cierto si y sólo si se ha explorado la asignación de assigned_literal con un sólo valor de verdad. Es decir, si $[x_{i_1} = \mathbb{B}, x_{i_2} = \mathbb{B}, \dots, x_{i_k} = v_k], k < n, v_k \in \mathbb{B}$ es un nodo de la arborescencia recorrida con el backtracking, en la que la variable x_{i_k} fue la última variable asignada con un valor booleano determinado, missing_branch será cierto si y sólo si el conjunto de asignaciones $[x_{i_1} = \mathbb{B}, x_{i_2} = \mathbb{B}, \dots, x_{i_k} = \overline{v_k}], k < n todavía no ha sido estudiado si es nodo o no.$
- 3. El campo propagated_var es la cabeza de una lista cuyos elementos son todas las variables booleanas cuya asignación actual se dedujo a partir

²En [4] les llaman niveles de decisión.

4 IMPLEMENTACIÓN DE PROPAGACIÓN DE CLÁUSULAS UNITARIAS.

de la propagación de cláusulas unitarias que aparecen en la fórmula como consecuencia de la asignación del assigned_literal.

3.2.3. Ventajas de la implementación escogida para el backtracking

Entre las ventajas de la implementación iterativa para el *backtracking* está:

 Resultará más sencillo modificar el programa para implementar un bactracking no cronológico, que si se hubiera implementado el backtracking de manera recursiva.

3.2.4. Desventajas de la implementación escogida para el backtracking

Quizás la única desventaja de la implementación iterativa respecto a la recursiva para el *backtracking* sea la mayor dificultad que supone el manejo explícito de la pila, que en el caso recursivo se maneja implícitamente con la pila de llamadas a subrutinas.

4. Implementación de Propagación de Cláusulas Unitarias.

Como se mencionó en la sección 2.3.1, el algoritmo empleado para la detección y propagación de cláusulas unitarias es el de los 2-watched literals, que fue propuesto por los desarrolladores del programa zChaff. Ahora bien, nuestra implementación del algoritmo no difiere de la que se encuentra descrita en [4]. En la sección 3.1 comentamos acerca del par de watchers que tiene asociados cada cláusula y anteriormente comentamos también sobre los arreglos de cabezas de listas pos_watched_list y neg_watched_list, tales que neg_watched_list[i] es la cabeza de la lista de cláusulas en las que el literal x_i ocurre de la forma $\overline{x_i}$ como watcher.

Una vez comentado esto y en virtud de que nuestra implementación de

la propagación de cláusulas unitarias no difiere de la expuesta en [4], consideramos que no hay nada más que agregar al respecto.

5. Dificultades encontradas

Entre las dificultades encontradas a lo largo del desarrollo de esta primera versión de KECOSATS están:

- El problema del manejo de la memoria: En varios puntos del programa se emplean listas enlazadas para implementar pilas. Así que todas las operaciones de empilamiento ejecutan llamadas al sistema que consumen mucho tiempo. En esta primera entrega se decidió mantener esta implementación de pilas que realizan llamadas al sistema en cada push por el motivo de su sencillez. Se dice "sencillez" porque para evitarse estas llamadas al sistema KECOSATS tendría que tener su propio manejador de memoria.
- El problema de la selección de la próxima variable a asignar. En un principio se consideró como algoritmo de selección de variables el siguiente: se supone que las variables x_1, x_2, \ldots, x_n de la instancia están ordenadas. Se selecciona la variable x_i con el índice i menor entre todas las variables que no han sido asignadas. Como se tiene almacenada la última variable asignada y una vez asignada una variable ésta permanece asignada, la selección de la próxima variable tarda un tiempo constante. Al observar con algunas instancias pequeñas que KECO-SATS se demoraba un poco, se decidió sustituir este algoritmo por el que se describió en la sección 2.2, logrando con ello mejorar el desempeño del programa.

6. Instrucciones de operación

Para emplear la aplicación, escribir en la consola el comando

kec_o_sat_s -f inputfilename -o outputfilename

donde:

- inputfilename es el nombre del archivo que contiene la instancia del problema SAT a resolver. Esta instancia debe estar en el formato DI-MACS. (Consultar http://logic.pdmi.ras.ru/ basolver/dimacs.html para información sobre este formato.)
- outputfilename es el nombre del archivo que contendrá los resultados generados tras correr el algoritmo.

Para más detalles acerca de la operación, leer el archivo README que se incluye con la distribución del programa.

7. Estado Actual

El programa se encuentra totalmente operativo.

8. Comparación de desempeño entre KECO-SATS y zChaff

Tras ejecutar 60 casos de prueba ³, cada uno una instancia de SUDOKU que es transformada a una instancia equivalente de SAT, en un computador Intel Core 2 Duo, 2.4Ghz con 4Gb de memoria RAM corriendo en la distribución Ubuntu 10.04, se obtuvieron los siguientes resultados:

Nota 1: Un tiempo de -1 segundos en la columna de tiempos para KE-COSATS indica que este programa, para esa instancia de SUDOKU (transformada a SAT), se demoró más de 6 minutos en dar una respuesta.

Nota 2: Los tiempos en negrillas en la columna de tiempos para KECO-SATS indica que este programa, para esa instancia de SUDOKU (transformada a SAT) se desempeñó mejor que zChaff en tiempo.

Tiempo ZChaff (segundos)	Tiempo KECOSATS (segundos)
0.0201	0.0173
0.0256	-1.0000

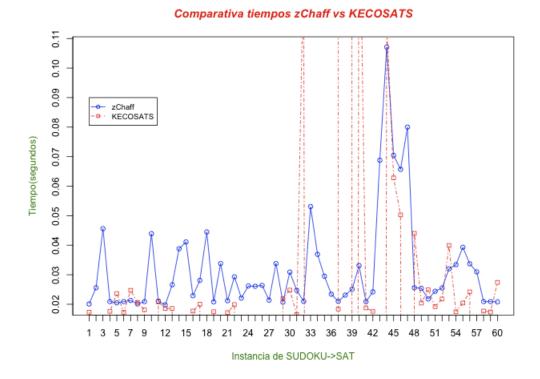
³http://www.ldc.usb.ve/%7Emeza/ci-5651/e-m2011/InstanciasSudoku.txt

-1.0000
0.0176
0.0236
0.0173
0.0247
0.0206
0.0181
-1.0000
0.0208
0.0186
0.0186
-1.0000
-1.0000
0.0177
0.0200
-1.0000
0.0175
-1.0000
0.0172
0.0199
-1.0000
-1.0000
-1.0000
-1.0000
-1.0000
-1.0000
0.0219
0.0248
0.0165
0.1374
-1.0000
-1.0000
-1.0000
-1.0000
0.0184
45.6845
-1.0000

8 COMPARACIÓN DE DESEMPEÑO ENTRE KECOSATS Y ZCHAFF

0.0331	0.1749
0.0209	0.0188
0.0242	0.0176
0.0688	-1.0000
0.1071	0.1159
0.0704	0.0628
0.0657	0.0503
0.0800	-1.0000
0.0256	0.0440
0.0254	0.0204
0.0218	0.0249
0.0244	0.0192
0.0255	0.0218
0.0320	0.0399
0.0334	0.0175
0.0393	0.0204
0.0337	0.0242
0.0310	-1.0000
0.0209	0.0177
0.0209	0.0174
0.0208	0.0274

Más abajo se incluye una gráfica que permitirá captar más fácilmente las diferencias en el rendimiento entre estos dos programas:



Comentarios acerca de los resultados obtenidos, expuestos gráficamente en la ilustración de arriba:

- En 27 de los 60 casos de prueba (cerca del 50 % de los casos), KE-COSATS tiene un rendimiento *ligeramente mejor* que zChaff. En estos casos, las diferencias de tiempo entre KECOSATS y zChaff son algunas centésimas de segundo.
- En 11 de los 60 casos de prueba (cerca del 15 % de los casos), KE-COSATS tiene un rendimiento *ligeramente peor* que zChaff. En estos casos, las diferencias de tiempo entre KECOSATS y zChaff son algunas centésimas de segundo.
- En 1 de los 60 casos de prueba (cerca del 2 % de los casos), KECOSATS tiene un rendimiento peor que zChaff. En este caso, la diferencia de tiempo entre KECOSATS y zChaff es de unos 45 segundos, cuando zChaff da la respuesta en fracciones de segundo.

■ En 21 de los 60 casos de prueba (cerca del 30 % de los casos), la demora de KECOSATS en dar una solución es superior a los 6 min, cuando zChaff da resultados en fracciones de segundo.

9. Conclusiones y recomendaciones

A continuación se comentará sobre algunas recomendaciones para KE-COSATS.

En esta primera versión de KECOSATS hay varios aspectos que pudieran ser modificados para obtener un mejor desempeño. Entre los aspectos que podemos citar están:

- El manejo de la memoria. En varios puntos del programa es necesario armar listas de elementos y estas operaciones implican llamadas al sistema para la solicitud de memoria. Demás está decir el tiempo que consumen estas peticiones al sistema operativo. Se propone para la próxima entrega que KECOSATS incorpore su propio manejador de memoria, que solicite al arrancar un gran trozo de memoria y se encargue él solo de la gestión de este recurso, ahorrando así el tiempo que se consumen las llamadas malloc. Ahora bien, es conocido por los desarrolladores que la realización de un manejador de memoria de "buen desempeño" no es algo trivial, particularmente si los segmentos de memoria que se solicitaría el programa a sí mismo pueden tener cualquier tamaño en algún rango dado. No obstante, dada la naturaleza de los elementos en las listas, los bloques de memoria que el programa se solicitaría a su propio manejador serían prácticamente homogéneos en cuanto al tamaño, lo cual facilitaría la tarea de programación de este manejador.
- El problema de la selección de la próxima variable, al que nos hemos referido anteriormente en varias oportunidades. La mejora en los tiempos de ejecución de KECOSATS, producto del algoritmo implementado, que consiste en seleccionar la variable que apareza en el mayor número de cláusulas como watcher, nos inclina a conjeturar que es posible que otras heurísticas igualmente sencillas puedan producir resultados aún mejores. Es conveniente por ello consultar un poco más a fondo sobre

REFERENCIAS REFERENCIAS

estos algoritmos de selección de variables en fuentes como [4] y [5], en las que se comenta sobre heurísticas como la *Variable State Independent Decaying Sum (VSIDS)*. Sería recomendable considerar mejorar la heurística para una segunda versión de KECOSATS.

Como conclusión de los resultados obtenidos tras la comparación de la demora de KECOSATS y la de zChaff para resolver los 60 casos de prueba, concluimos que el rendimiento de KECOSATS es aceptable para esta primera versión del programa porque el 67 % de los casos de prueba dieron resultados en un tiempo razonable. No obstante, la demora de más de 6 minutos para el 30 % de los casos probados es un asunto en el que hay que trabajar con más cuidado. Consideramos entonces que las mejoras propuestas en el apartado de arriba merecen especial consideración, con el objetivo de disminuir los tiempos de este 30 % de los casos.

Referencias

- [1] Cook, Stephen: "The complexity of theorem-proving procedures". ACM, 1971.
- [2] Karp, Richard: "Reducibility Among Combinatorial Problems". Complexity of Computer Computations. 1972. . ACM, 1971.
- [3] Lynce, I. y Marques-Silva, J.: "Efficient Data Structures for Fast SAT Solvers". Reporte Técnico. Cadence European Laboratories, Instituto de Engenharia de Sistemas e Computadores. 2001.
- [4] Zhang, Lintao y Malik, Sharad: "The Quest for Efficient Boolean Satisfiability Solvers".
- [5] Zhang, Lintao: "Searching for truth: Techniques for satisfiability of boolean formulas". Tesis de doctorado. Princeton University. 2003.