실내 구름형성에 대한 분석 및 군중에 의한 가열효과

6조 이재원 이지우 최경지 최석훈

Index

- 주제에 대한 간단한 소개
 - Step 1: 단순한 모델
 - Step 2: T profile
 - Step 3: 구름형성 z의 추정
- Step 4: 군중에 의한 효과
- 결론 및 한계점



Introduction

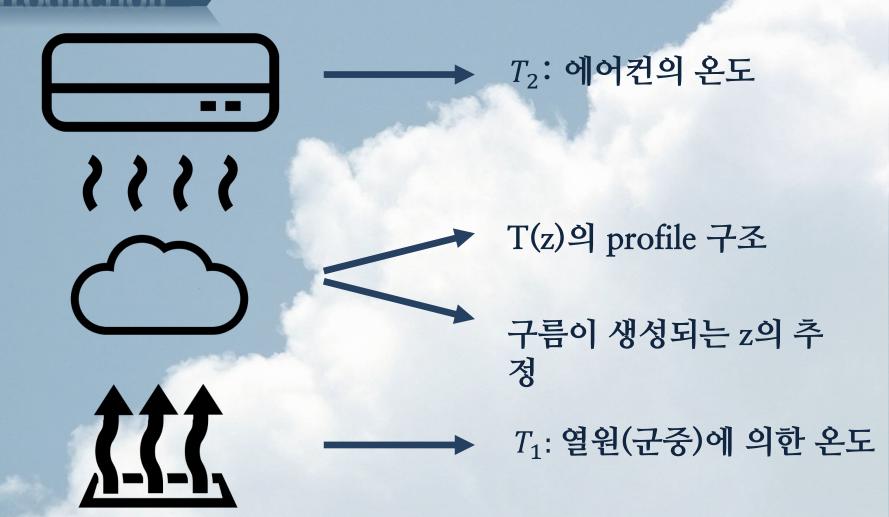
Berndnaut Smilde의 실내구름



Introduction

- 방 안의 온도 및 습도를 일정하게 유지
- → 물을 방출하여 수증기양을 높임 & 드라이아이스를 이용해 포화수증기압을 낮춤
- → 실내 구름을 생성
- 우리는 연직방향의 온도와 구름이 생성되는 높이를 중점적으로, 또 군중에 의해 시간에 따른 온도변화를 중심으로 연구하였음.

Introduction





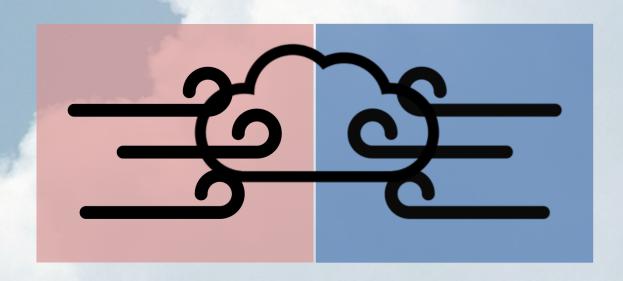
실내의 공기가 따뜻한 공기 (T_1, V_1, m_1, r_1) 와 차가운 공기 (T_2, V_2, m_2, r_2) 로 구별될 때를 생각

가정: 1. isobaric (등압과정)

→ 방의 크기가 수m 수준 → 단열팽창과정이 아닌 단열등압혼합

2. closed system (닫힌계)

3. $m_1=m_2$, $r_1=1$, $r_2=280$ K, $r_2=0.5$ (일반적인 에어컨 공기의 온도와 습도)



응결이 일어나기 위해서는 r > 1, 즉, $e > e_s$ 이다.

$$e = (m_1 e_1 + m_2 e_2)/m = (e_1 + e_2)/2$$

 $e_1 = e_{sw}(T_1)$
 $e_2 = e_{sw}(T_{dew,2})$

$$T_2 - T_{dew,2} = -1.845 \times 10^{-4} T_2 T_{dew,2} \ln r_2$$

 $T_{dew,2} = T_2/(1 - 1.845 \times 10^{-4} T_2 \ln r_2)$
 $T_{dew,2} = 270 K$

$$e_2 = e_{sw}(T_{dew,2}) = 6.11e^{19.83 - 5417/T_{dew,2}}$$

 $e_2 = 4.84$

$$e > e_s$$
이므로,

$$\frac{e_{sw}(T_1)}{2} + \frac{e_2}{2} > e_{sw}((T_1 + T_2)/2)$$

$$\frac{e_{sw}(T_1)}{2} + 2.42 > e_{sw}((T_1 + 280)/2)$$

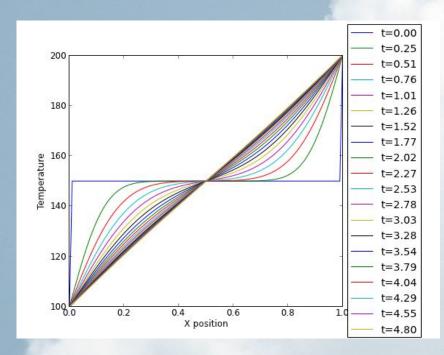
$$3.055e^{19.83-5417/T_1} + 2.4 > 6.11e^{19.83-\frac{5417}{\frac{T_1}{2}+140}}$$

따라서 *T*₁ *> 298K* (25℃)일 때 응결이 일어난다.



다음으로, 위아래의 온도가 결정되었을 때 구름이 형성되는 높이를 구하기를 앞서 방 안에서의 높이에 따른 T profile을 생각

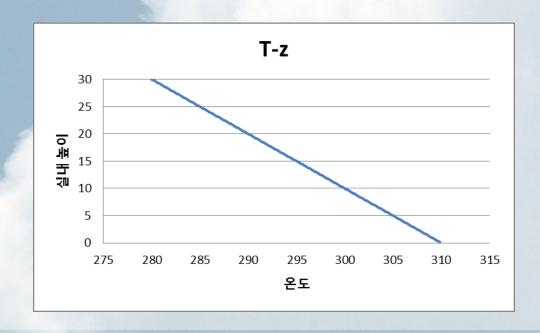
가정: 방 안의 작은 규모 → 복사에 의한 영향 무시 단열과정 → 열교환이 없다고 가정 → 대류의 열전달 무시



따라서 전도에 의한 영향만

가정:
$$T_1 = 310K$$
, $T_2 = 280K$, $l = 30m$

$$T'(z) = \frac{T_2 - T_1}{l}z + T_1$$





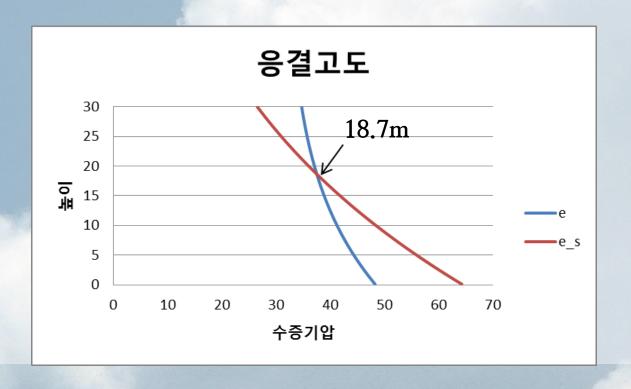
앞서 살펴본 방 안의 T profile을 통해 구름이 만들어질 수 있는 고도를 찾아보고자 함. Step 1에서 방 아래의 온도를 구했던 것과 다르게 방 아래의 일정한 공기 덩어리가 특정 높이의 공기와 섞인다고 생각

일정 높이에서 <mark>혼합된 두 공기의 수증기압과 그 온도에서의 포화수증 기압</mark>을 비교, 수증기가 응결될 수 있는 환경인지 생각

가정: Step 2의 가정, $r_1 = 1$, r' = 0.5

혼합된 두 증기의 수증기압(e)은 그 온도에서의 포화수증기압(e_s)을 18.7m에서부터 높게 나타났다.

즉, 18.7m에서부터 구름이 형성될 수 있다.



응결이 일어나기 위해서는 \mathbf{r} \rangle 1, 즉, $e > e_s$ 이다.

$$e = \frac{e_1 + e'}{2} \text{ M/s}$$

$$e_1 = 6.11e^{19.83 - \frac{5417}{T_1}}$$

$$e' = 6.11e^{19.83 - \frac{5417}{T'_{dew}}}$$

$$T'$$

$$T_{dew} = \frac{T'}{1 - 1.845 \times 10^{-4} T' \ln r'}$$

$$(T'(z) = \frac{T_2 - T_1}{l} z + T_1)$$

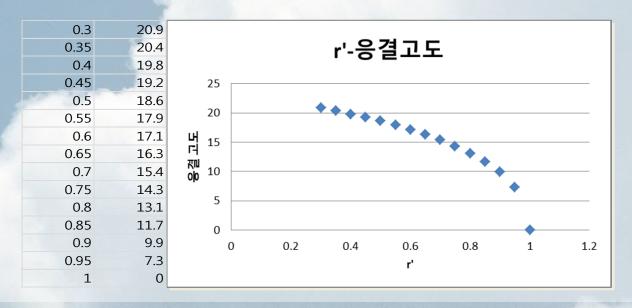
$$e_S = 6.11e^{19.83 - 5417 / \frac{T_1 + T'}{2}}$$

 $T_1 = 310K, r_1 = 1, r' = 0.5$ 일 때 $e > e_s$ 일 조건은 $z \approx 18.7m$

r'의 값을 0.3에서 1까지 증가 시켰을 때 \rightarrow 응결고도가 상승한다.

$$T_{dew} = \frac{T'}{1 - 1.845 \times 10^{-4} T' \ln r'}$$

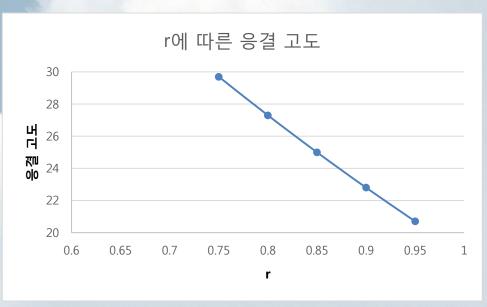
$$e' = 6.11e^{19.83 - \frac{5417}{T'_{dew}}}$$



 r_1 의 값을 1에서부터 감소시켰을 때 \rightarrow 응결고도는 상승한다.

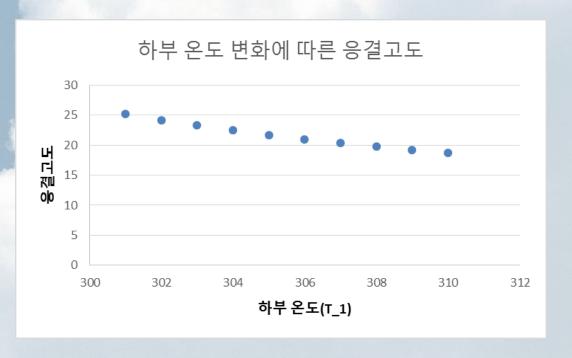
$$e_1 = 6.11e^{19.83 - \frac{5417}{T_1}} \rightarrow e_1 = 6.11e^{19.83 - \frac{5417}{T_{dew,1}}}$$

0.95	20.7
0.9	22.8
0.85	25
0.8	27.3
0.75	29.7



하부 온도 (T_1) 를 310K에서 감소시켰을 때 → 응결고도는 상승한다.

25.1
24.1
23.2
22.4
21.6
20.9
20.3
19.7
19.1
18.6





다음으로 <mark>군중에 의한 가열효과</mark>가 과연 얼마나 되느냐에 대해 생 각

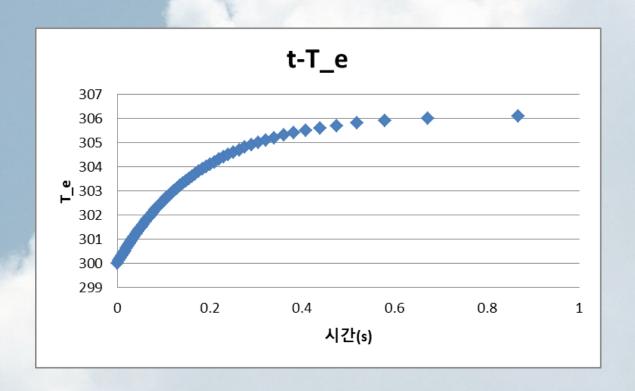
사람들이 모여 있을 때 전도와 대류로 방 아래가 데워지는데 이 때, 열이 사람들이 있는 층에 한해서만 머무른<u>다고 가정.</u>

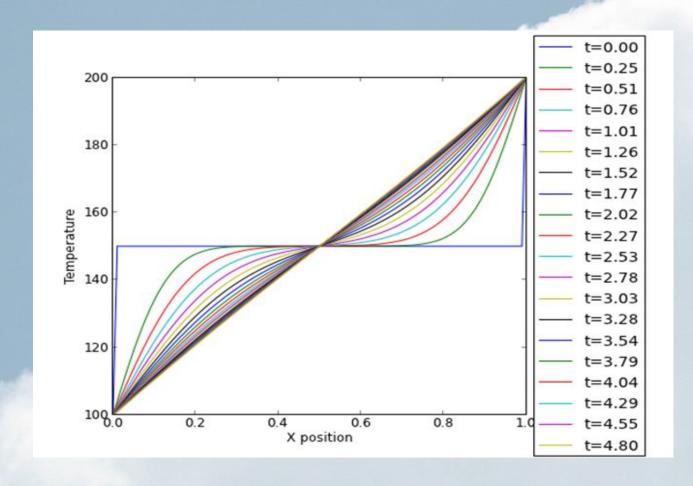


군중에 의한 시간에 따른 주변온도의 변화를 생각해보자.

$$\begin{split} \frac{\mathrm{d}T_e}{\mathrm{d}t} &= \frac{\sigma A \epsilon}{c_p} \left(T_{body}^4 - T_e^4 \right) \\ &\int \frac{\mathrm{d}T_e}{T_{body}^4 - T_e^4} = \int \frac{\sigma A \epsilon}{cp} \mathrm{d}t \\ t &= \frac{c_p}{\sigma A \epsilon} \times \frac{1}{4 T_{body}^3} \bigg[\bigg\{ -\ln(T_{body} - T_e) + \ln(T_{body} + T_e) + 2 \arctan\frac{T_e}{T_{body}} \bigg\} \bigg] \frac{T_f}{T_i} \\ &\qquad \qquad (T_{body} = \frac{1}{2 + 2}) \text{ e.g. } T_e = \text{주변으도}) \end{split}$$

이 그래프에 따르면 군중에 의한 주변 공기의 가열은 매우 빠르며 충분한 시간이 흐른 후, T_{body} (군중의 온도)로 수렴한다.







결론 및 한계점

Step 1에서는 방 아래가 포화된 조건에서 방 위의 온도, 습도를 알 경우 수중기가 응결하기 위한 방 아래의 온도를 수식으로 계산할 수 있었다.

Step 2에서는 방 안의 T profile을 전도에 의한 열 전달로 가정하여 온 도가 선형으로 감소함을 알 수 있었으며,

Step 3에서는 혼합된 두 증기의 수증기압과 그 온도에서의 포화수증기압을 비교하여 구름이 생성될 수 있는 높이를 수식으로 계산하였으며, 또한 r', r, 의 변화에 따른 응결 높이의 변화를 살펴보고자 하였다.

마지막으로 Step 4에서는 군중에 의한 방 하부의 가열효과에 대해 생각해보고 시간에 따른 온도의 변화를 수식으로 계산해보는 과정을 거쳤다.

따라서 이 연구에서는 군중에 의한 온습도의 변화와 방 상부의 온습도를 통해 방 안에 구름이 생성될 수 있는 즉, 수중기가 응결 가능한 높이를 수식으로 유도해볼 수 있음에 초점을 맞추었다.

결론 및 한계점

- 1. 공기 parcel의 이동과 mixing에 대한 가정
- 2. 대류를 고려하지 못한 계산
- 3. 상수들 결정의 어려움
- 4. 시간을 고려하기 매우 힘듦
- 5. 외부와의 열 교환 생각하지 않음
- 6. 수증기의 분포 알기 어려움

Reference

- 1. http://ivanlice.tistory.com/70
- 2. http://kitchingroup.cheme.cmu.edu/blog/2013/03/07/T ransient-heat-conduction-partial-differential-equations/
- 3. http://news.naver.com/main/read.nhn?mode=LSD&mid=sec&sid1=102&oid=001&aid=0000401395
- 4. http://web.mit.edu/lienhard/www/ahttv131.pdf
- 5. Infrared Services. "Emissivity Values for Common Materials". Retrieved 2007–06–24.

Q&A

Thank you