財務工程導論 HW1

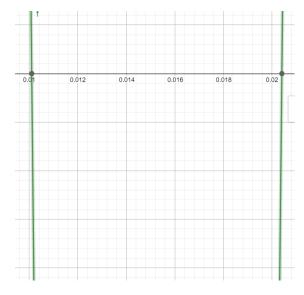
109550025 謝翔丞

Part1.

利用二分法(bisection method)雖然可以有效地朝特定值逼近,但是經由範例程式碼,我們會發現一旦 value > 0 時會將 low 的值往上調整,而這是建立在 f(x)是嚴格遞減函數的情況下才會成立。舉本題為例,有兩個可能的 IRR 值,且函數呈現開口向上的曲線,如果將 high 與 low 的值設為範例的 1 與 0,會造成 middle 在一開始就是 0.5,超過答案的 0.0101... 與 0.02...,再加上此函數 x>0.02...的部分 y 都呈現大於 0 且遞增的趨勢,一旦照著原本程式碼的 value > 0 就增加 low 的值,將會造成 low 不斷往 high 逼近,但實際上卻早已超過正確答案的值。

因此利用二分法解 IRR 的題目有以下幾點須注意:

- 1. high 與 low 的初始值需要謹慎設定
- 2. 當可能的 IRR 值超過一個時,如何正確地逼近與調整 high、low 值需要更嚴謹的判斷, if(value > 0) 這條判斷式只限用於嚴格遞減函式。



Part2.

使用 newton method,可以較為精準的找到答案,不像二分法會因為high、low 值的初始值而有所限制。但需要注意的是,以本題的答案 $0.01\cdots$ 與 $0.02\cdots$ 為例,當我們初始 x 值的 f'(x) < 0 時,他會找出較小的解,反之,則會逼近出較大者,言下之意就是只會找出一個答案,但都是屬於正解之一,而這都根據該函式的長相而有所差別。

//以上二分法和用來驗證的牛頓法都有附上 code