

程式作業 6

1. 演算法設計

藉 **vector** 儲存各點間路徑，無向圖轉為有向圖、新增雙向的路徑、權重通通設為一，如此一來只要再對各點做 **fordFulkerson** 其輸出結果便是各點對其他點的 **maxflow**，取其中最小的值便可得到 **minflow**=圖形連接度，最後透過使用 **bfs** 以及先決定唯一起始點減少計算時間。

2. Pseudo code

3.

4. main()

5. 存輸入

6. `int minD=INT_MAX //減少計算次數 先得到擁有最小 degree 的點 minV`

7. `int minV`

8. `for(int i=1;i<=v;i++) //減少計算次數 先得到擁有最小 degree 的點 minV`

9. `int Dcount=0;`

10. `for(int j=1;j<=v;j++)`

11. `if(rount[i][j]>0)`

12. `Dcount++`

13. `if(minD>Dcount)`

14. `minD=Dcount`

15. `minV=i`

16. `//進行 fordFulkerson 檢查 minV 對其他點的 minflow`

17. `for(int des=1; des<=v; des++)`

18. `ans = fordFulkerson(rount, minV, des, v, minD, minf);`

19. `return ans`

20.

21. `bool bfs(vector<vector<int> >rGraph, int s, int t, int parent[],int V)`

22. `bool visited[V];`

23. `queue<int> q;`

24. `q.push(s);`

25. `visited[s] = true;`

26. `parent[s] = -1;`

27.

28. `while (!q.empty())`

29. `u = q.front()`

30. `q.pop()`

31. `for (int v = 1; v <= V; v++)`

32. `if (!visited[v] && rGraph[u][v] > 0)`

```

33.          q.push(v);
34.          parent[v] = u;
35.          visited[v] = true;
36.          if(v==t){
37.              return true;
38.          return false;
39.
40.int fordFulkerson(vector<vector<int> > graph, int s, int t, int V, int mind,
    int minf)
41.    vector<vector<int> > rGraph=graph
42.    int parent[V+1]={0};
43.    int max_flow = 0;
44.
45.    while(bfs(rGraph, s, t, parent, V))
46.        int path_flow = 1;
47.        for (v = t; v != s; v = parent[v])
48.            u = parent[v];
49.            rGraph[u][v] -= path_flow;
50.            rGraph[v][u] += path_flow;
51.            max_flow += path_flow;
52.    if(max_flow < minf)
53.        minf = max_flow;
54.    return minf;

```

3. 時間複雜度分析

Bfs $O(ve)$

FordFulkerson $O(ve)*O(v^2)$

Main $O(v^4(e))$