

삼성 청년 SW 아카데미

APS 기본

목차

1. 완전 검색 - 부분집합
2. 부분집합 구현 - 반복문
3. 부분집합 구현 - 재귀
4. 완전 검색 - 부분집합의 합
5. 비트 연산
6. 부분집합 응용 - 바이너리 카운팅

완전 검색 - 부분 집합

- ✓ 집합에 포함된 원소들을 선택하는 것이다.
- ✓ 다수의 중요 알고리즘들이 원소들의 그룹에서 최적의 부분 집합을 찾는 것이다.
 - 예> 배낭 짐싸기(knapsack)

✓ 부분집합의 수

- 집합의 원소가 n 개일 때, 공집합을 포함한 부분집합의 수는 2^n 개이다.
- 이는 각 원소를 부분집합에 포함시키거나 포함시키지 않는 2가지 경우를 모든 원소에 적용한 경우의 수와 같다.
- 예)

$\{1, 2, 3, 4\}$



$2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ 가지

부분 집합 구현 - 반복문

부분 집합 생성하는 방법

- ✓ 예) {1, 2, 3} 집합의 모든 부분집합(Power Set) 생성
- ✓ 반복문을 통한 부분집합 생성

```
FOR i in 1 → 0
    selected[1] ← i                // 원소1
    FOR j in 1 → 0
        selected[2] ← j           // 원소2
        FOR k in 1 → 0
            selected[3] ← k        // 원소3
            FOR m in 1 → 3         //생성된 부분집합 출력
                if selected[i] == 1 then
                    print i
```


부분 집합 구현 - 재귀

부분 집합 생성하는 방법

- ✓ 입력된 숫자로 구성된 집합의 모든 부분집합(Power Set) 생성
- ✓ 재귀적 구현을 통해 생성하는 방법
 - 각 원소를 부분집합에 포함/비포함의 형태로 재귀적 구현을 함

```
input[] : 숫자 배열  
isSelected[] : 부분집합에 포함/비포함 여부를 저장한 배열  
  
generateSubSet(cnt) // cnt: 현재까지 처리한 원소개수  
  
    if(cnt == N)  
        부분집합 완성  
    else  
        isSelected[cnt] ← true  
        generateSubSet(cnt + 1)  
        isSelected[cnt] ← false  
        generateSubSet(cnt + 1)  
  
end generateSubSet()
```


완전 검색 - 부분 집합의 합

부분 집합의 합 문제

- ✓ 유한 개의 정수로 이루어진 집합이 있을 때, 이 집합의 부분집합 중에서 그 집합의 원소를 모두 더한 값이 0이 되는 경우가 있는지를 알아내는 문제
- ✓ 예를 들어, $\{-7, -3, -2, 5, 8\}$ 라는 집합이 있을 때, $\{-3, -2, 5\}$ 는 이 집합의 부분집합이면서 $(-3)+(-2)+5=0$ 이므로 이 경우의 답은 참이 된다.
- ✓ 완전검색 기법으로 부분집합 합 문제를 풀기 위해서는, 우선 집합의 모든 부분집합을 생성한 후에 각 부분집합의 합을 계산해야 한다.

비트 연산

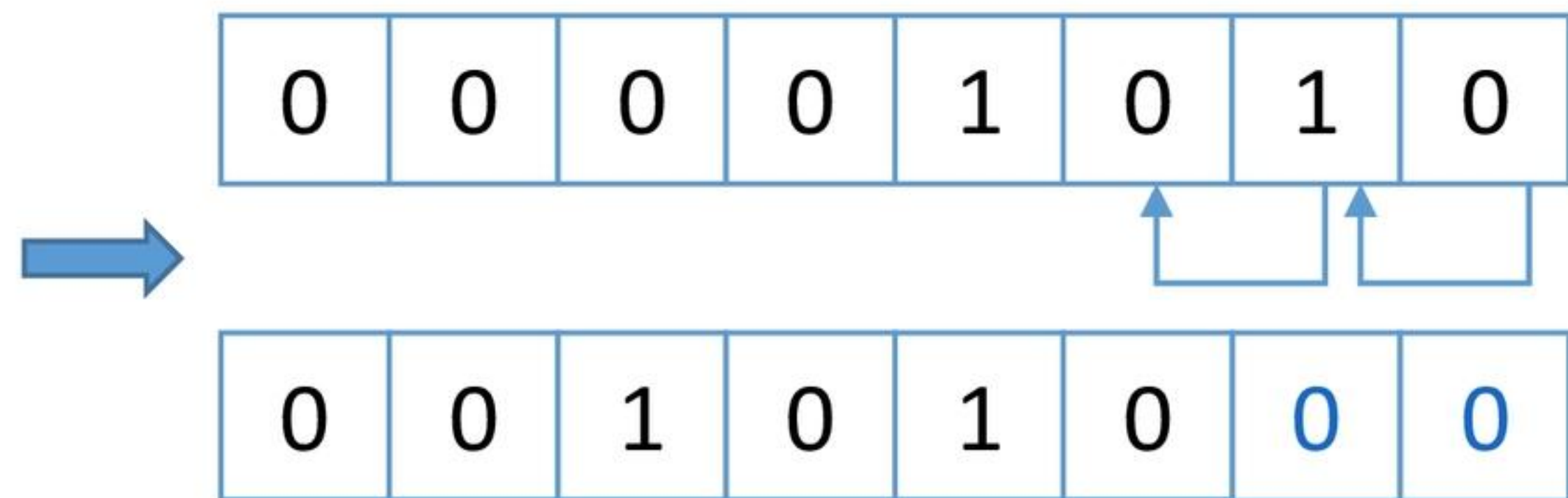
✓ 비트 연산자

연산자	연산자의 기능
&	비트단위로 AND 연산을 한다. 예) num1 & num2
	비트단위로 OR 연산을 한다. 예) num1 num2
^	비트단위로 XOR 연산을 한다. (같으면 0, 다르면 1) 예) num1 ^ num2
~	단항 연산자로서 피연산자의 모든 비트를 반전시킨다. 예) ~num
<<	피연산자의 비트 열을 왼쪽으로 이동시킨다. 예) num << 2
>>	피연산자의 비트 열을 오른쪽으로 이동시킨다. 예) num >> 2

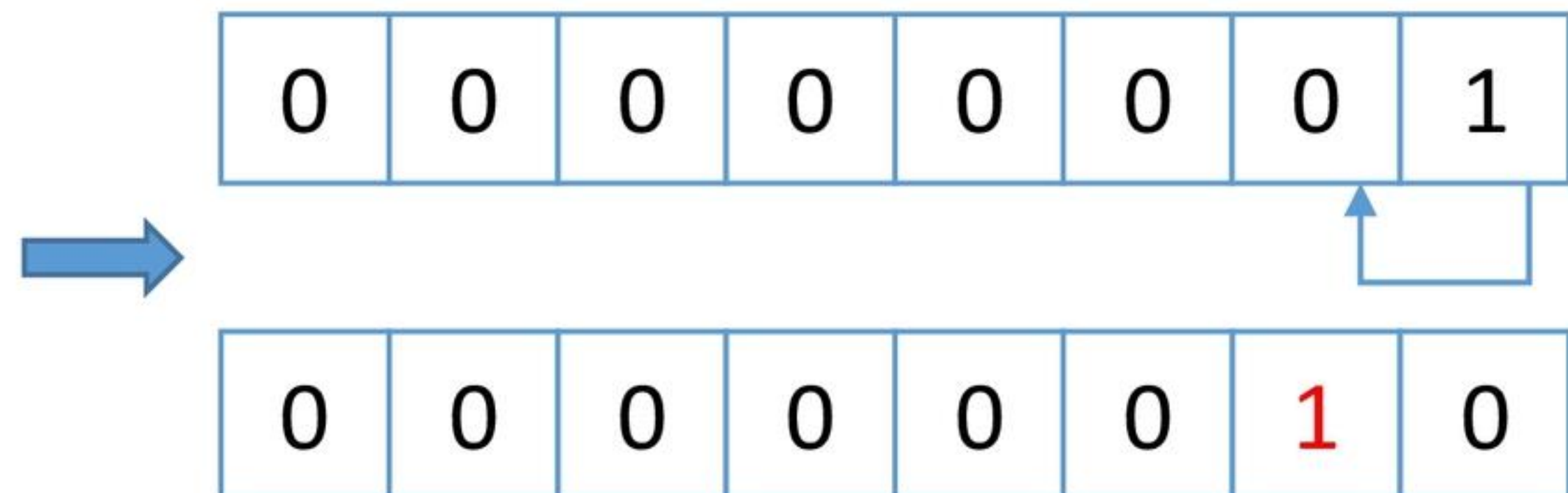
비트 연산자

✓ value << n

- value를 n비트 만큼 왼쪽으로 shift
- 왼쪽으로 밀어내고 남은 오른쪽 자리는 0으로 채움
- $10 << 2$



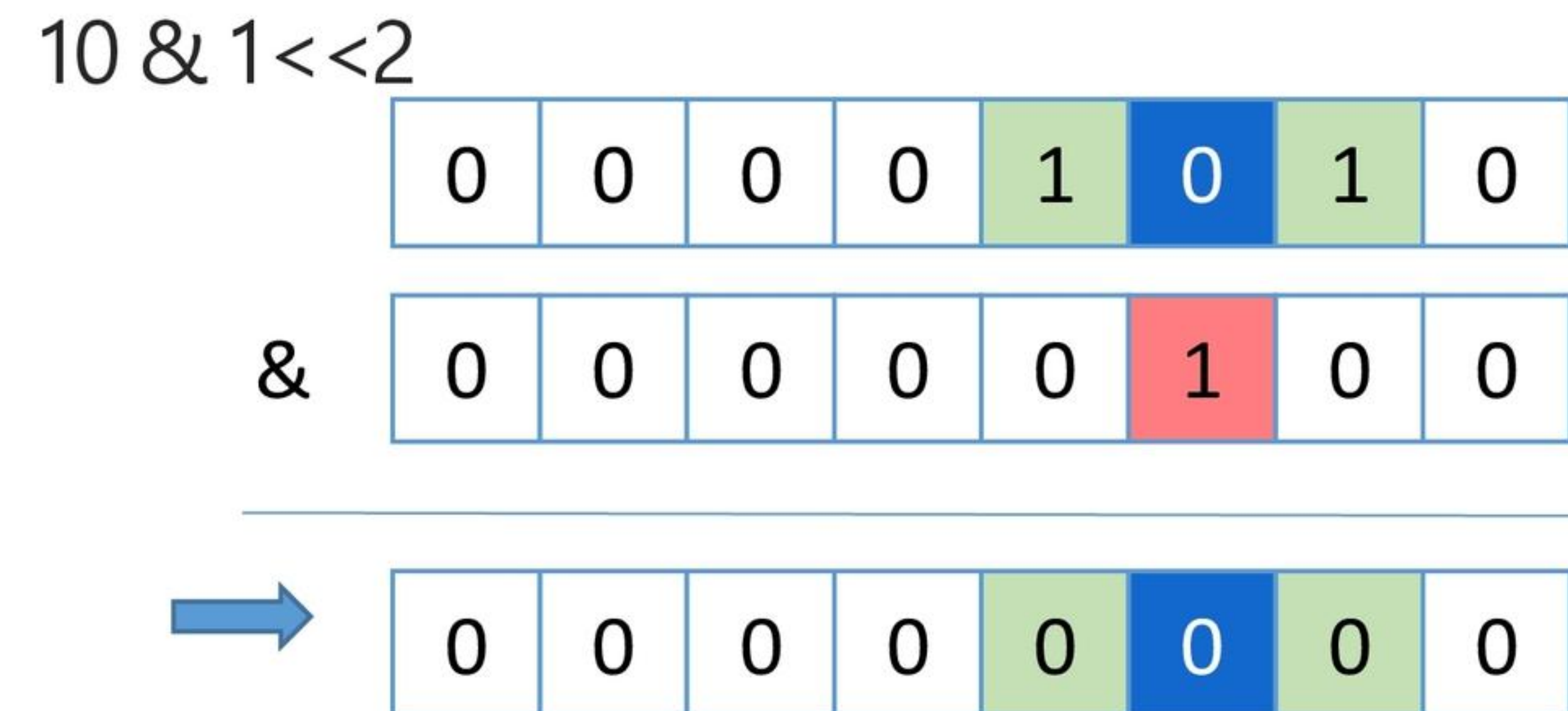
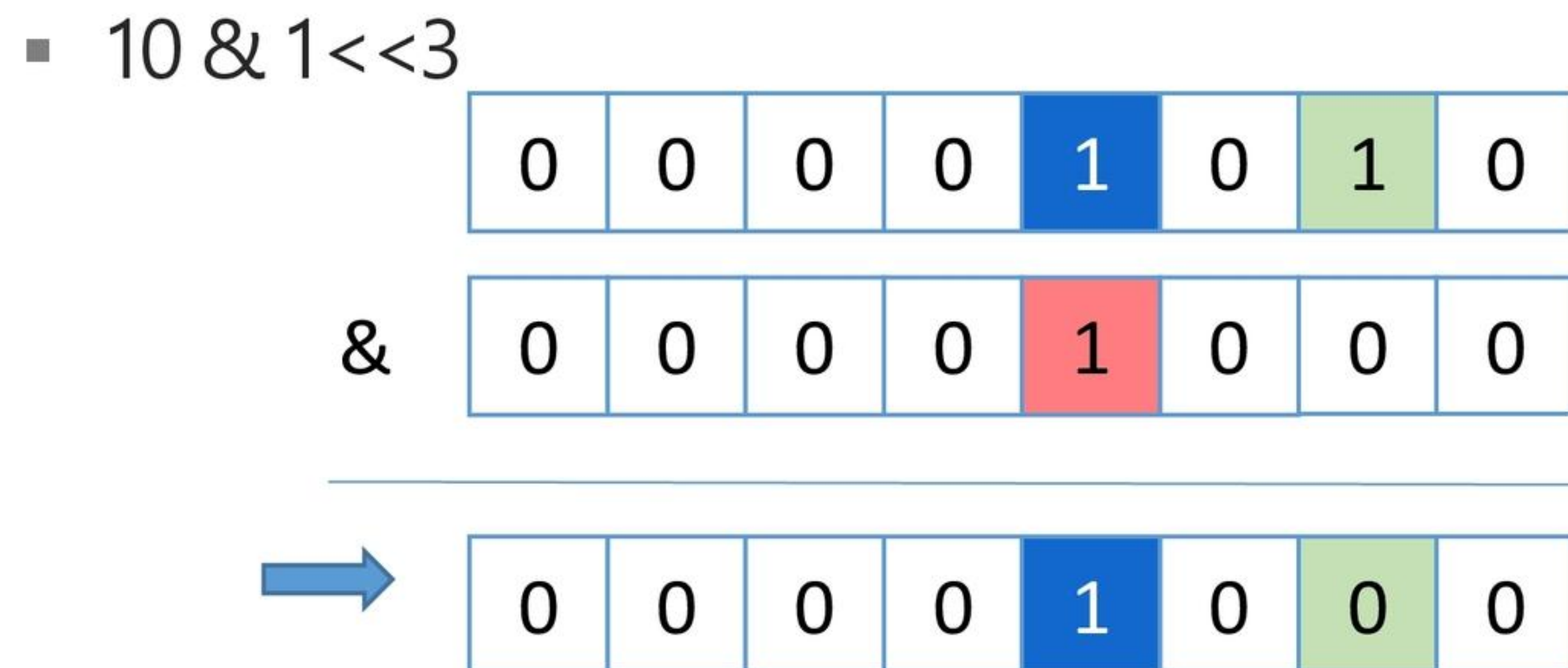
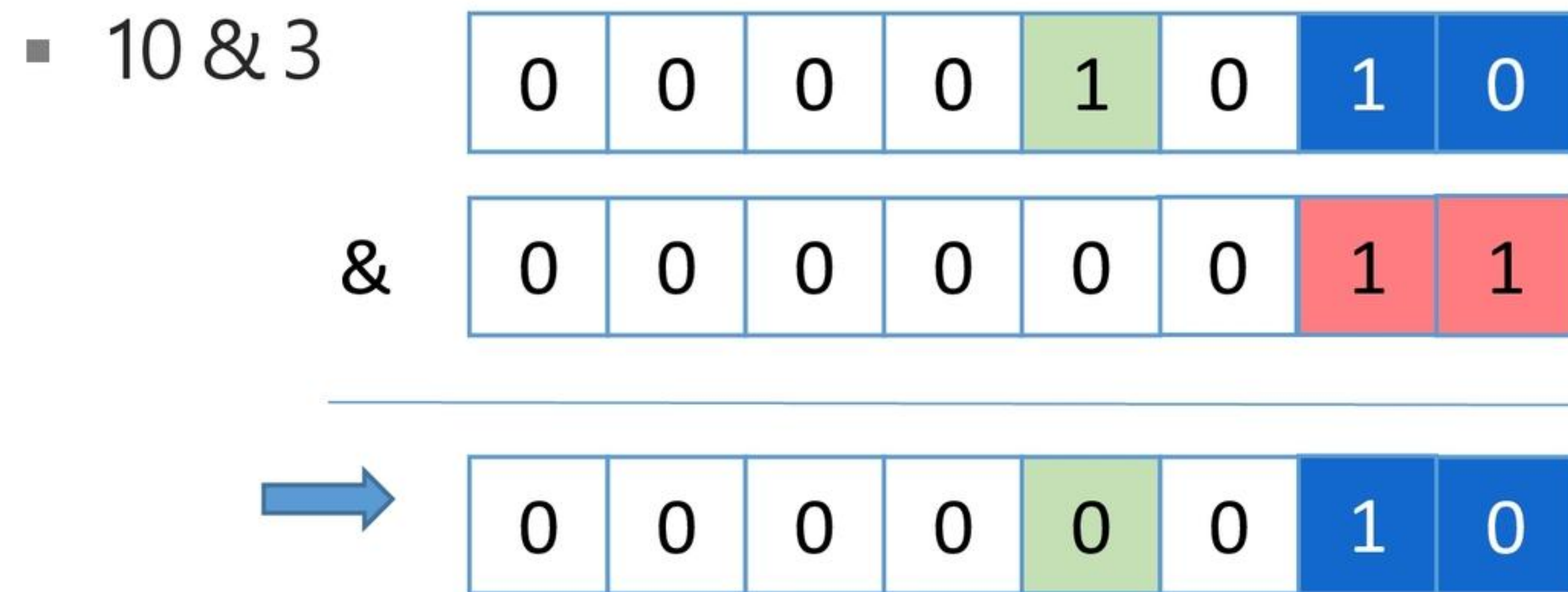
- $1 << 1$



비트 연산자

✓ value1 & value2

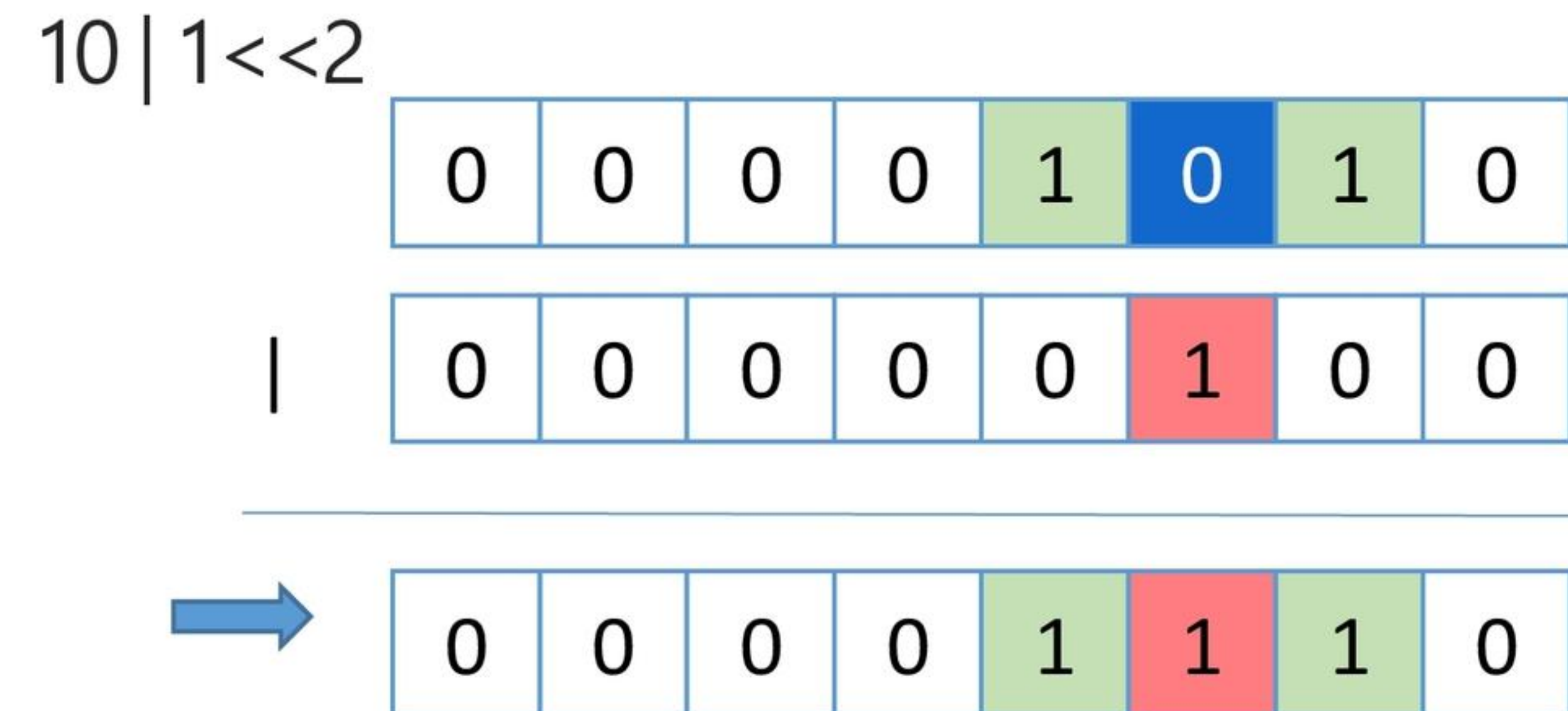
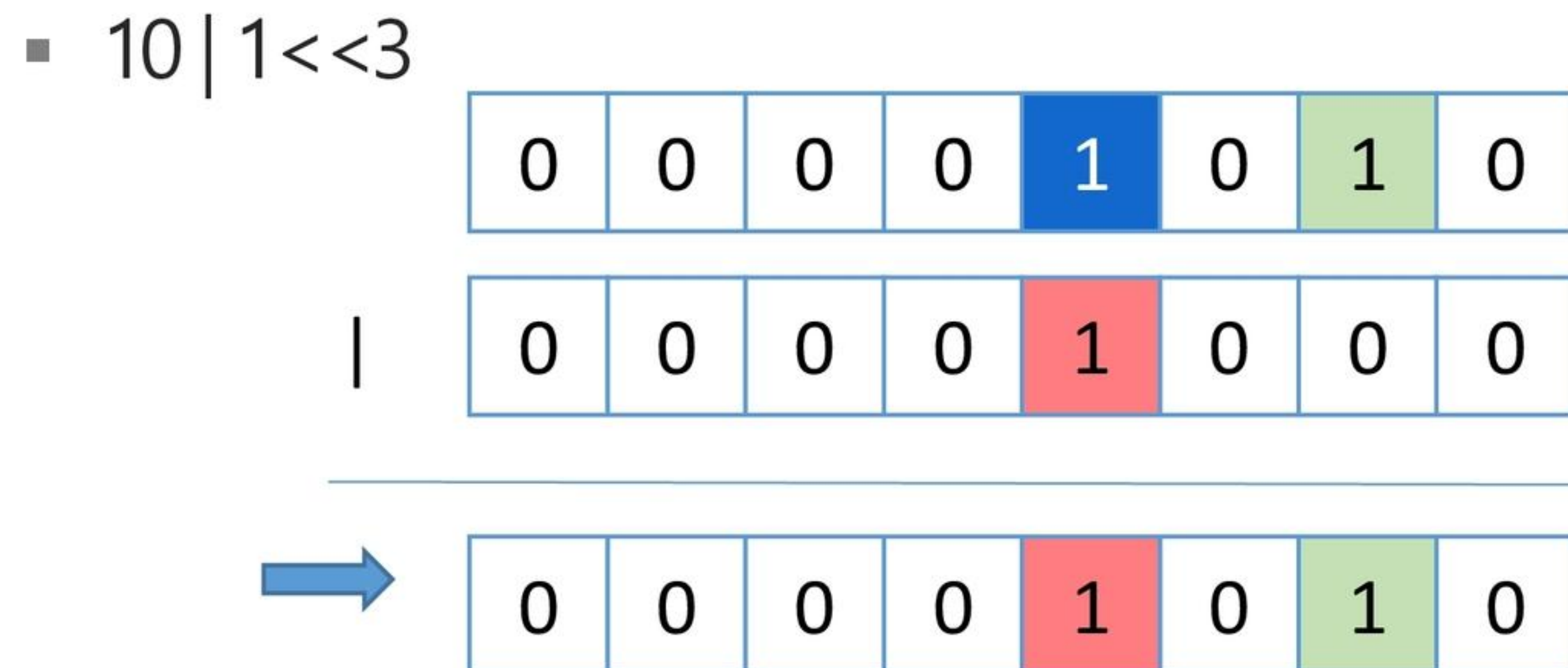
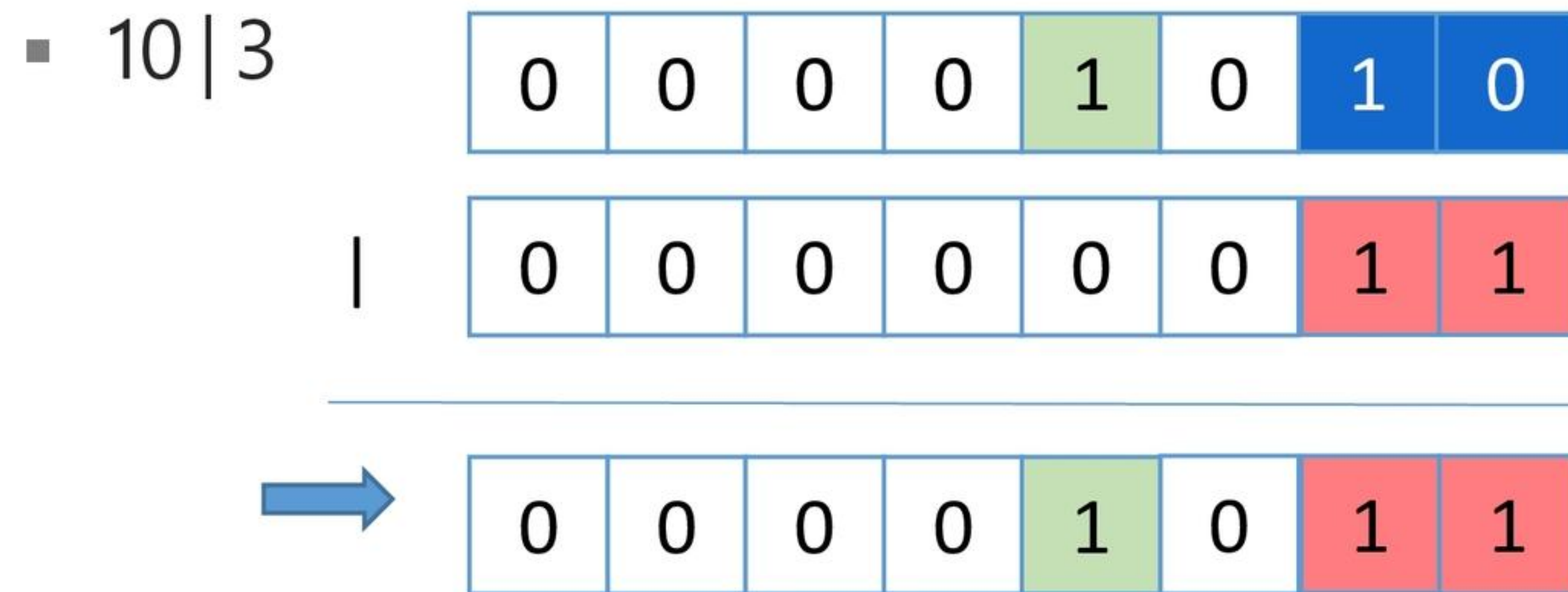
- value1과 value2를 & 연산
- 각 비트열을 비교하여 두 비트 모두 1이면 1, 아니면 0으로 처리



비트 연산자

✓ value1 | value2

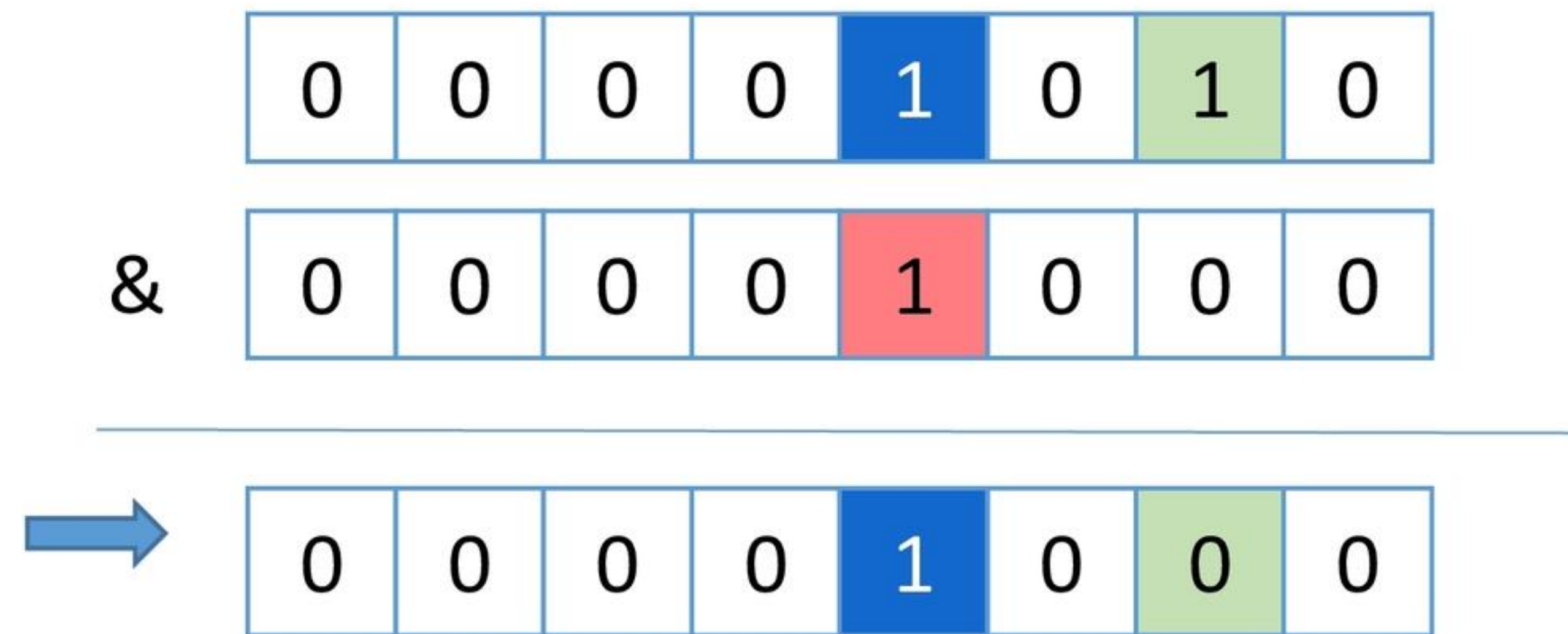
- value1과 value2를 | 연산
- 각 비트열을 비교하여 두 비트 모두 0이면 0, 아니면 1로 처리



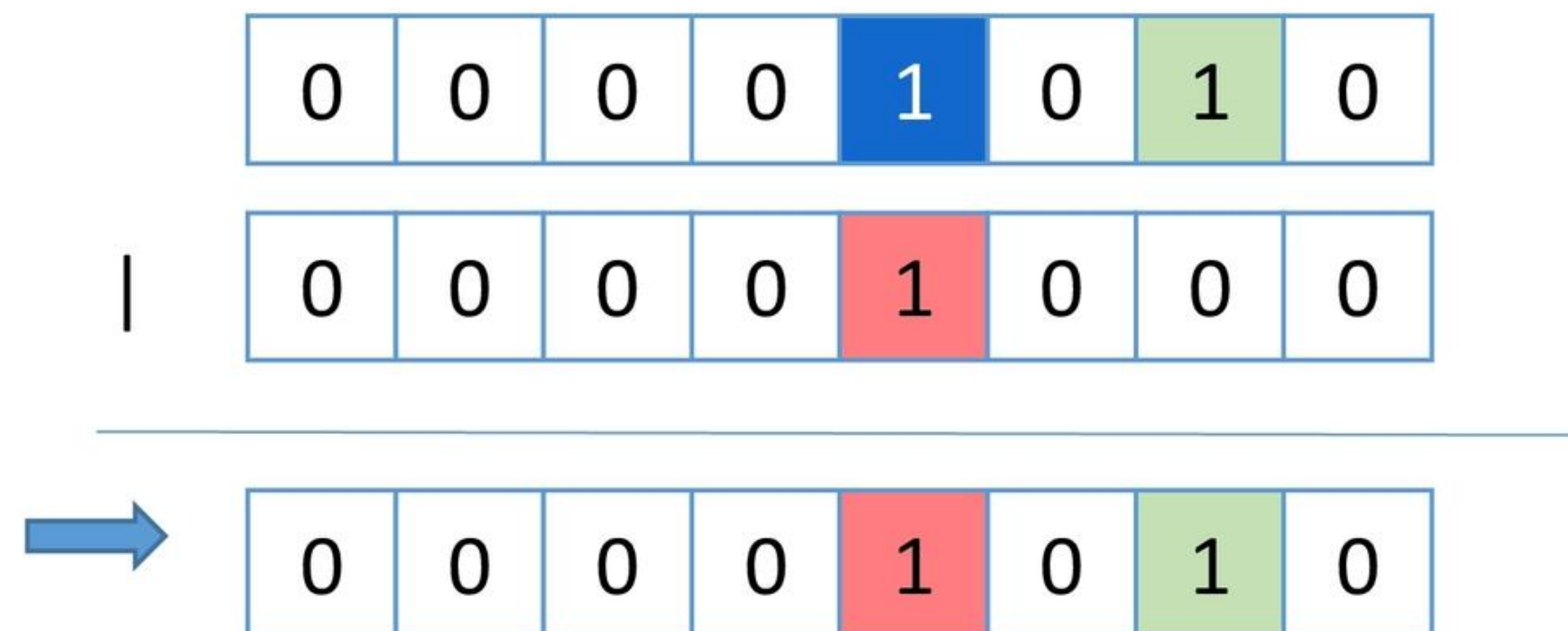
비트 연산자

✓ & 와 | 비교

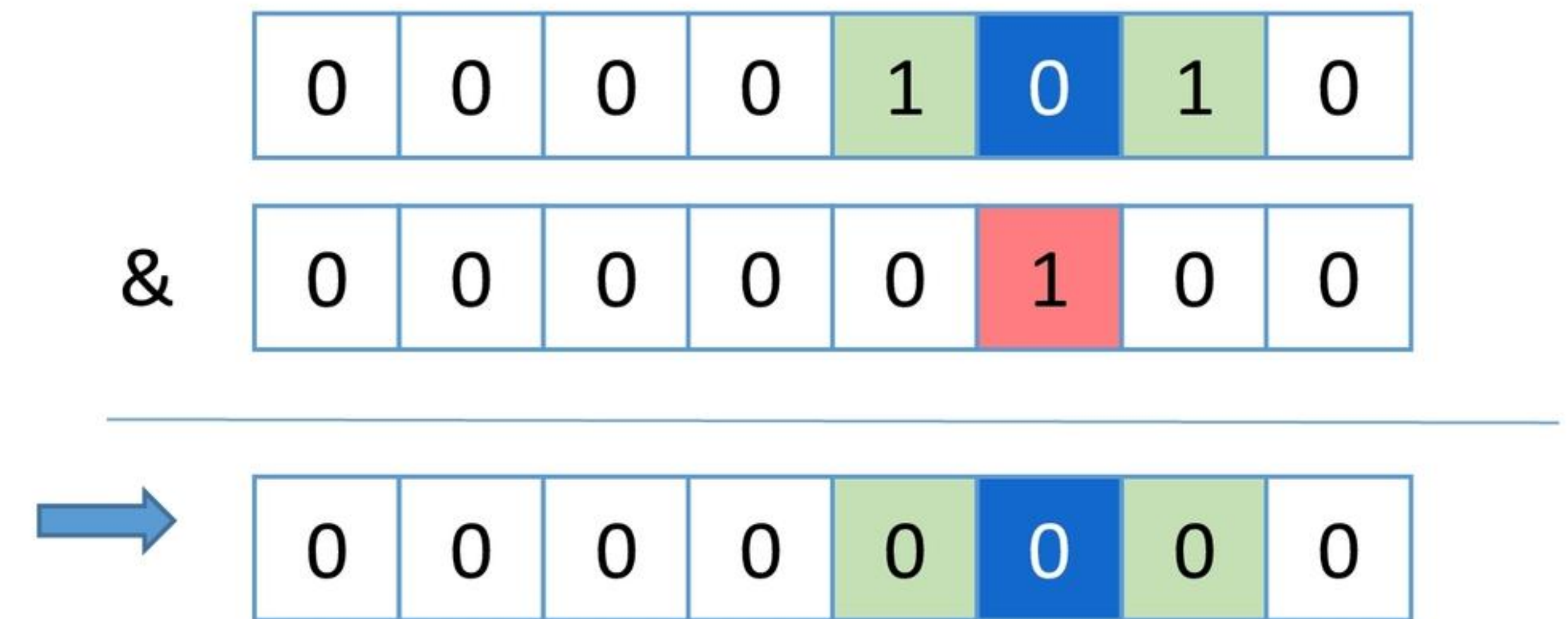
■ $10 \& 1 \ll 3$



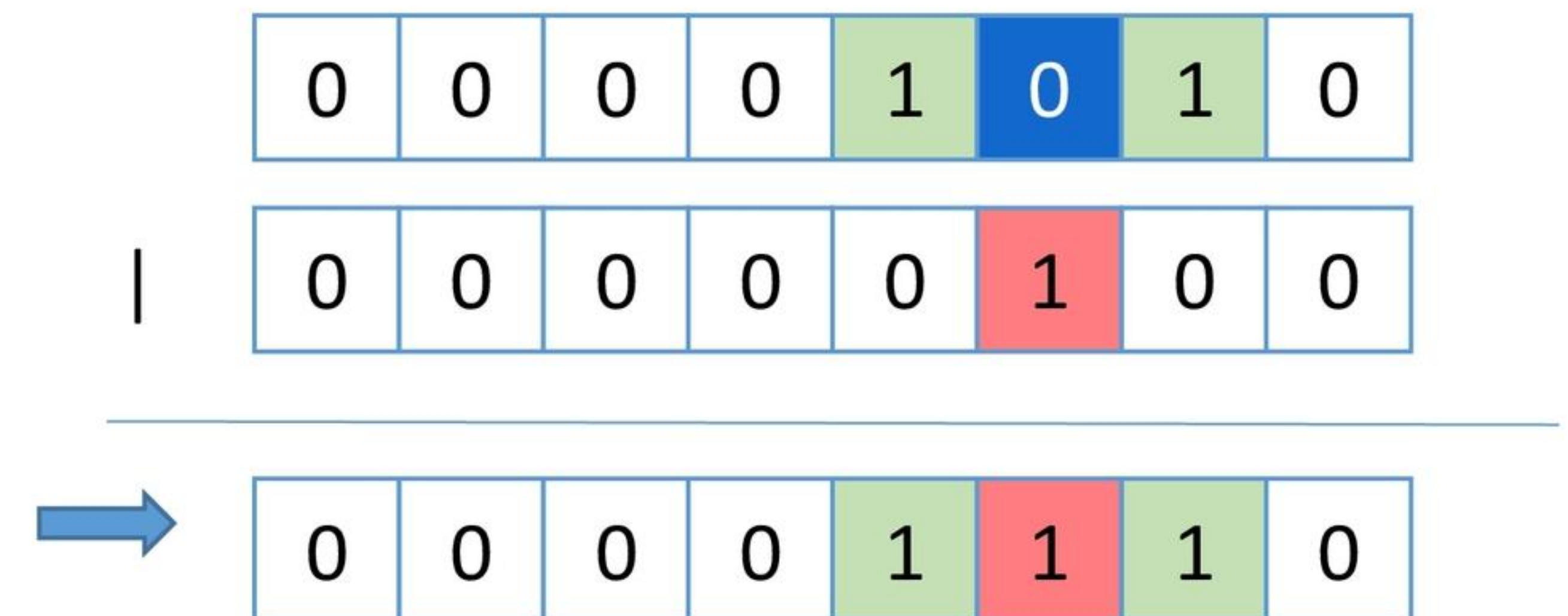
■ $10 | 1 \ll 3$



$10 \& 1 \ll 2$



$10 | 1 \ll 2$



부분집합 응용 - 바이너리 카운팅

- ✓ **바이너리 카운팅을 통한 사전적 순서(Lexicographical Order)로 생성하는 방법**
 - 부분집합을 생성하기 위한 가장 자연스러운 방법이다.
 - 바이너리 카운팅(Binary Counting)은 사전적 순서로 생성하기 위한 가장 간단한 방법이다.

✓ 바이너리 카운팅(Binary Counting)

- 원소 수에 해당하는 N개의 비트열을 이용한다.
- n번째 비트값이 1이면 n번째 원소가 포함되었음을 의미한다.

10진수	이진수	{A, B, C, D}
0	0000	{}
1	0001	{A}
2	0010	{B}
3	0011	{B,A}
4	0100	{C}
5	0101	{C,A}
6	0110	{C,B}
7	0111	{C,B,A}
8	1000	{D}
9	1001	{D,A}
10	1010	{D,B}
11	1011	{D,B,A}
12	1100	{D,C}
13	1101	{D,C,A}
14	1110	{D,C,B}
15	1111	{D,C,B,A}

부분 집합 응용 - 바이너리 카운팅

✓ 바이너리 카운팅을 통한 부분집합 생성 코드 예

```
int arr[] = {3, 6, 7, 1, 5, 4};
int n = arr.length;

for(int i = 0; i < (1 << n); i++)           // 1 << n : 부분집합의 개수
{
    for(int j = 0; j < n; j++)               // 원소의 수만큼 비트를 비교함
    {
        if( i & (1<<j) != 0)                 // i의 j번째 비트가 1이면 j번째 원소 출력
            System.out.print(arr[j]+" ");
    }
    System.out.println();
}
```


다음 방송에서 만나요!

삼성 청년 SW 아카데미