# Relatório de atividades do trabalho de formatura - Julho

Henrique S Requejo

24/07/2020

# Conteúdo

1	Res	umo	1
2	O q	ue é o R Markdown e como foi meu workflow para gerar esse documento	2
	2.1	Sobre o R Markdown e onde começar	2
	2.2	Workflow	2
3	Rele	embrando sobre a modularidade multicamada e entendendo a variável ${\cal G}$	4
	3.1	Modularidade multicamada	4
	3.2	Variável G	5
	3.3	Variável G <sub>norm</sub>	7
4	Visã	to geral da rede Morcegos-plantas	7
5	Res	ultados da rede Morcegos-plantas	8
	5.1	Distribuição de $G_{norm}$	8
	5.2	Variação de $\overline{\mathbf{G}}$ por $\omega$	9
	5.3	Seleção das espécies com maior $G_{norm}$	13
6	Visã	to geral da rede Formigas-planta	14
7	Res	ultados da rede Formigas-planta	15
	7.1	Distribuição de $G_{norm}$	15
	7.2	Variação de $\overline{\mathbf{G}}$ por $\omega$	16
	7.3	Seleção das espécies com maior $G_{norm}$	20
8	Disc	cussão	21
9	Próximas etapas		
	9.1	Agosto	21
	9.2	Setembro	21

10 Referências 23

### 1 Resumo

Os principais objetivos deste mês eram entender como o R Markdown funciona, avaliar a rede de formigas-plantas, entender como o parâmetro de resolução  $\gamma$  da modularidade multicamada afeta as curvas de decaimento de  $\overline{G}$  por  $\omega$  e tentar visualizar o motivo de os valores de G estarem aumentando com ω para alguns nós. O último objetivo não foi cumprido ainda, pois foquei em aprender R Markdown, o que foi muito bom, pois esta é uma ferramenta que gostei muito e acredito que irei escrever meu TF inteiro nela. Este documento foi todo feito no R Markdown usando as redes morcego-planta e a rede de formigas-plantas. Acredito que este documento e seus códigos possam servir como exemplo e ajudar outras pessoas a entender o funcionamento do R Markdown e como gerar um relatório automatizado das suas análises em PDF, pois aqui estão contidos formulas matemáticas no estilo Latex, figuras simples, figuras múltiplas, tabelas e citações. As curvas de decaimento de  $\overline{G}$  por  $\omega$  foram extraídas para diferentes valores de  $\gamma$ , gerando agora uma família de curvas para cada espécie da rede. Isso faz com que a forma de calcular o valor de  $G_{norm}$  seja levemente alterada para considerar as variações de  $G_{norm}$  em relação a  $\gamma$ . Apesar de algumas variações, como esperado, a maioria das espécies que haviam sido selecionadas como boas conectoras entre camadas (permanecem em mais de um módulo mesmo aumentando a força do acoplamento entre camadas) com  $\gamma$  constante também foram selecionadas quando variamos  $\gamma$ . Neste documento também estão algumas formas diferentes de visualizar as famílias de curvas geradas, pois não tenho certeza qual a melhor forma de apresentar a família de curvas.

# 2 O que é o R Markdown e como foi meu workflow para gerar esse documento

#### 2.1 Sobre o R Markdown e onde começar

R Markdown é um formato de arquivo para gerar documentos dinâmicos com o R. Um documento R Markdown é escrito em Markdown e contém pedaços de códigos do R (Grolemund, 2014), ou seja, é um editor de texto em que você pode rodar pedaços de códigos R e usar suas saídas para produzir figuras, tabelas ou mesmo mostrar variáveis dentro do próprio texto, muito prático! O R Markdown suporta vários formatos estáticos de saída, como HTML, MS Word, ODT, PDF, entre outros. Para o caso de PDF, o R Markdown utiliza o motor Latex para gerar os documentos. Isso é muito bom, pois podemos utilizar quase todas (talvez todas?) as funcionalidades e praticidades da escrita em Latex. Utilizei sempre o R Studio para realizar as compilações. O site oficial do R Markdown¹ e o livro R Markdown: The Definitive Guide (Xie et al., 2019), que é gratuito para ler online² são muito bons para aprender e foram as fontes que mais consultei durante a elaboração deste relatório.

Um pequeno problema que tive foi que não consegui compilar o documento RMarkdown utilizando diretamente um diretório sincronizado na nuvem (google drive). Ocorre um problema quando o R Studio tenta acessar um arquivo que está sendo sincronizado, impedindo o documento de ser gerado. Tive que trabalhar em um diretório local.

#### 2.2 Workflow

Fui aprendendo com tentativa e erro a melhor forma de gerar o documento. Primeiro, comecei como sugerido na maioria das minhas buscas, usando o código diretamente dentro do documento R Markdown. Isso funcionou perfeitamente, e a grande vantagem de utilizar essa arquitetura de código diretamente dentro do R Markdown é que o documento fica 100% reprodutível, basta fazer o "knit" (como é conhecida a compilação do documento R Markdown) do documento e os resultados vão ser idênticos em todas as compilações. A grande desvantagem disso é que se o código levar muito tempo para ser executado, o documento também levará muito tempo para ser gerado, pois teremos que rodar todo o código R novamente para gerar o documento. Isso é um problema quando o código demora para rodar e precisamos ver o resultado da edição do documento rapidamente (ex: verificar como ficou disposta uma figura ou se o código Latex que usamos está correto).

Para contornar esse problema, usei uma arquitetura para apenas acessar as variáveis globais da ses-

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>https://rmarkdown.rstudio.com/

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>https://bookdown.org/yihui/rmarkdown/

são R. As variáveis globais usadas no documento são geradas pelo script fonte, dessa forma podemos separar a parte "pesada" do código, e depois acessá-las pelo documento R Markdown apenas para gerar gráficos, tabela e texto. A vantagem dessa arquitetura é que podemos rodar o código "pesado" apenas uma vez para obtermos os dados necessários para construção do documento, depois editar o documento com boa agilidade de compilação, já que "o grosso" do processamento já está feito. Encontrei duas desvantagens nessa arquitetura, a menor delas é que não podemos compilar o documento via o botão "knit", apenas por linha de comando, o que na verdade as vezes é mais prático e, até mesmo, preferível. A segunda, e maior, desvantagem é que as variáveis globais são sobrescritas toda vez que rodamos o script fonte, isso impede que rodemos o script duas vezes para duas entradas diferentes. Por exemplo, no meu caso tenho um script que faz a análise e gera gráficos da curva de decaimento  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$  para uma dada rede multicamada. Se precisar gerar um documento com a análise de duas ou mais redes, terei que rodar o código novamente toda vez que precisar editar o documento, já que as variáveis globais serão sobrescritas para a última rede de entrada utilizada.

Finalmente, mudei para uma arquitetura onde salvamos as variáveis em um arquivo tipo .RData e depois carregamos este arquivo no documento R Markdown. Esta foi a melhor arquitetura que utilizei neste documento, pois podemos rodar o R Markdown pelo botão "Knit" ou linha de comando, precisamos rodar as análises apenas uma vez para cada entrada, salvando os dados de saída em seus respectivos arquivos .RDAta e depois carregando os mesmos no documento R Markdown, e, principalmente, o documento é gerado rapidamente pois o carregamento do arquivo .RData é rápido, possibilitando uma edição mais ágil, o que faz muita diferença.

Portanto, o workflow utilizado para gerar esse documento no R Markdown foi:

- 1. Rodar o script R para gerar as análises necessárias para a primeira rede, no caso morcego-plantas.
- Salvar as variáveis que pretendo usar no documento R Markdown em uma arquivo .RData (ex: bats-plants.RData). Também é possível salvar a imagem inteira da sessão se optar por praticidade.
- 3. Rodar novamente o script R para gerar as análises necessárias para a segunda rede, no caso formigas-plantas.
- 4. Salvar as variáveis que pretendo usar no documento R Markdown em uma arquivo .RData (ex: ants-plants.RData).
- 5. Proceder com a edição normal do documento R Markdown, lembrando de adicionar uma linha de comando para carregar o arquivo .RData (ex: load("bats.RData")) antes das respectivas sessões em que os dados serão usados.

Para este documento gerado em PDF e com referencias bibliográficas, foram precisos dois arquivos de texto, um chamado preamble.tex para definir pacotes e preferências do Latex, e um arquivo references.bib, com as referências no estilo biblatex. Estes arquivos devem estar referenciados no YAML (cabeçalho) do documento R markdown.

Algo que senti bastante falta é que o RStudio não faz o "autocomplete" para comandos e códigos Latex. Para escrever intensamente em Latex, sugiro usar um editor Latex para uma maior praticidade e depois colar o texto no documento R Markdown. Ele irá rodar normalmente caso os pacotes e configurações presentes no preamble.tex sejam os mesmos que foram usados no editor Latex.

# 3 Relembrando sobre a modularidade multicamada e entendendo a variável G

#### 3.1 Modularidade multicamada

Os dois parâmetros que são variados nesse relatório são o parâmetro de acoplamento  $\omega$  e o parâmetro de resolução  $\gamma$ . Estes parâmetros fazem parte da generalização multicamada da modularidade(Mucha et al., 2010):

$$Q^{M} = \frac{1}{\mu} \sum_{ij\alpha\beta} \left[ \left( A_{i\alpha,j\alpha} - \gamma_{\alpha} \frac{k_{i\alpha} k_{j\alpha}}{2m_{\alpha}} \right) \delta_{\alpha,\beta} + \omega A_{i\alpha,j\beta} \delta_{ij} \right] \delta(c_{i\alpha}, c_{j\beta}) \tag{1}$$

Onde  $\delta$  é o delta de kronecker, que retorna o valor 1 caso  $c_{i\alpha}=c_{j\beta}$  e zero caso contrário; a variável m representa a soma de do grau de cada nó na camada  $\alpha$ ;  $A_{i\alpha,j\alpha}$  é a matriz de adjacência na camada  $\alpha$ ;  $A_{i\alpha,j\beta}$  é a matriz de adjacência entre camadas;  $k_{i\alpha}$  representa o grau do nó i na camada  $\alpha$  e  $\mu=\sum_{i,j,\alpha}A_{i\alpha,j\alpha}+\omega\sum_{i,\alpha,\beta}A_{i\alpha,j\beta}$ . Note que se utilizarmos  $\omega=0$  e  $\gamma=1$ , a equação de modularidade generalizada (eq. 1) é proporcional a média da modularidade monocamada (Newman, 2004; Newman & Girvan, 2004) de cada camada. Isto também está descrito em Bianconi (2018), pg. 147-148:

$$Q^{M} = \frac{1}{\mu} \sum_{\alpha} \frac{1}{2m_{\alpha}} \sum_{ij} \left( A_{i\alpha,j\alpha} - \gamma_{\alpha} \frac{k_{i\alpha} k_{j\alpha}}{2m_{\alpha}} \right) \delta(c_{i\alpha}, c_{j\alpha}) \tag{2}$$

O parâmetro  $\omega$  está contido no intervalo (0,1), onde zero representa o desacoplamento total das camadas, onde cada camada é tratada como uma rede individual (desacoplamento total) e a modularidade final é a média da modularidade de cada camada (eq. 2), e 1 representa o acoplamento máximo (funciona como uma rede monocamada agregada de todas as camadas).

A consequência para os nós da rede é que com  $\omega=0$  temos que todos os nós pertencem a diferentes módulos em diferentes camadas, já que as camadas estão sendo analisadas individualmente. Ao aumentarmos o parâmetro  $\omega$ , os nós tendem a se tornar parte de apenas um módulo em camadas diferentes, sobrando cada vez menos nós que pertencem a diferentes módulos em diferentes camadas. Finalmente, se atingirmos o valor de  $\omega=1$ , nenhum nó estará presente em mais de um módulo, exatamente como ocorre ao utilizarmos o algoritmo Louvain em redes monocamada.

O parâmetro de resolução foi introduzido por Reichardt & Bornholdt (2006) para avaliar redes monocamada e foi propagado para a modularidade generalizada multicamada (Mucha et al., 2010), funcionando da mesma forma. De uma forma geral, se  $\gamma_2 > \gamma_1$ , os módulos encontrados com  $\gamma_2$  possuem menos nós (módulos menores) e são mais numerosos (maior quantidade de módulos). Os módulos encontrados com  $\gamma_2$  podem ser submódulos dos obtidos usando  $\gamma_1$ , mas nem sempre é o caso (Reichardt & Bornholdt, 2006).

Preciso explorar um pouco mais esse parâmetro de resolução  $\gamma$  para entendê-lo melhor. Entender bem o Reichardt & Bornholdt (2006) será fundamental.

#### 3.2 Variável G

A variável G representa o número de módulos que um determinado nó pertence. Como o algoritmo Louvain não permite que um mesmo nó participe de mais de um módulo dentro de uma mesma camada, G é uma variável discreta inteira que possui o mínimo de 1 e o máximo igual ao número de camadas da rede estudada. G possui valores bem definidos nos extremos, se  $\omega=0 \Rightarrow G=1$  e se  $\omega=0 \Rightarrow G=$  número total de camadas da rede. Entre estes valores de  $\omega$  o comportamento de G é variado, mas tende a cair conforme a força de acoplamento  $\omega$  aumenta. O comportamento do decaimento de G em relação a  $\omega$  é diferente para cada nó da rede, alguns nós resistem e permanecem em mais de um módulo ao aumentarmos  $\omega$ , já outros rapidamente passam a pertencer a apenas um módulo ao aumentarmos  $\omega$ . A figura 1 ilustra o comportamento de diferentes nós ao aumentarmos  $\omega$ . A figura 2 mostra um exemplo de curva de decaimento de G em relação a  $\omega$ .

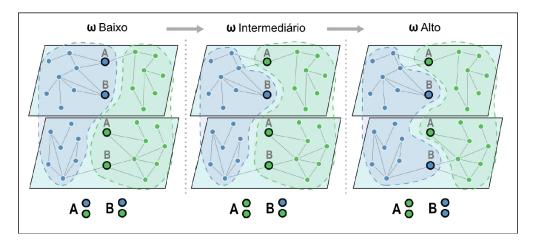
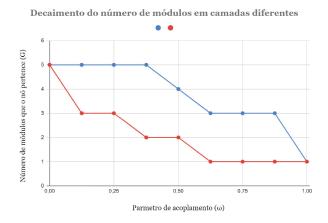


Figura 1: Esquema ilustrativo do que ocorre com alguns nós ao aumentarmos o parâmetro  $\omega$ . Para valores de  $\omega$  baixos, vemos que os nós A e B estão em módulos diferentes em camadas diferentes. Ao aumentarmos a força de acoplamento  $\omega$ , o nó A passa a pertencer ao módulo verde tanto na camada superior como na camada inferior, já o nó B resiste e permanece no módulo azul na camada superior e no módulo verde na camada inferior. Se aumentarmos ainda mais a força de acoplamento  $\omega$ , em algum momento o nó B acaba cedendo e passa a pertencer a apenas um módulo nas duas camadas.



**Figura 2:** Exemplo hipotético de decaimentos de G (módulos que o nó pertence em diferentes camadas) em relação ao parâmetro  $\omega$  (constante de acoplamento) esperados. O nó representado pela cor vermelha possui um decaimento rápido de G, portanto, representa uma espécie pouco conectiva do ponto de vista da rede multicamada como um todo. O contrário ocorre com a espécie representada pelo nó azul.

Como o algoritmo Louvain não é determinístico (pode retornar diferentes resultados a cada compilação) e a variável G é inteira e discreta, para termos uma maior confiabilidade precisamos repetir o processo várias vezes para cada valor de  $\omega$  e extrair uma média de G para cada nó. Assim o valor médio de G é dado por:

$$\overline{G_{\omega}} = \frac{1}{I} \sum_{i=1}^{I} G_i \tag{3}$$

Onde *I* se refere ao número de iterações.

Repetindo isso para diferentes valores de  $\omega$ , teremos uma curva de decaimento  $\overline{G}$  por  $\omega$ .

Podemos agora repetir esse processo para diferentes valores de  $\gamma$ , assim vamos obter diferentes curvas  $\overline{G}$  por  $\omega$  para cada valor de  $\gamma$ .

## 3.3 Variável G<sub>norm</sub>

Para facilitar a classificação dos nós de acordo com sua curva  $\overline{G}$  por  $\omega$  por  $\gamma$ , toda a família de curvas será resumida em uma única variável para cada nó, normalizada pela média. Chamaremos essa variável de  $G_{norm}$ , definida na equação 4.

$$G_{norm} = \frac{\sum_{j=1}^{P_2} \sum_{i=1}^{P_1} \overline{G}_{i,j}}{\frac{1}{N} \sum_{k=1}^{N} \sum_{j=1}^{P_2} \sum_{i=1}^{P_1} \overline{G}_{i,j,k}}$$
(4)

Onde  $P_1$ ,  $P_2$  são o número de partições de  $\omega$  e  $\gamma$ ; N é u número de nós na rede; i, j são os índices de  $\overline{G}$  dentro de  $\omega$ ,  $\gamma$ ; e k é o índice do nó na rede (número de identificação do nó).

## 4 Visão geral da rede Morcegos-plantas

A rede Morcegos-plantas (Mello et al., 2019) possui 2 camadas (Nectarivoria e Frugivoria), 512 nós e 1248 conexões. A tabela 1 mostra o resumo das propriedades da rede. A figura 3 apresenta uma visão geral da rede.

Tabela 1: Propriedades da rede Morcegos-plantas

Propriedade	Valor
Número de Camadas	2
Tipo de conexões	Nectarivoria e Frugivoria
Número de nós	512
Número de conexões	1248

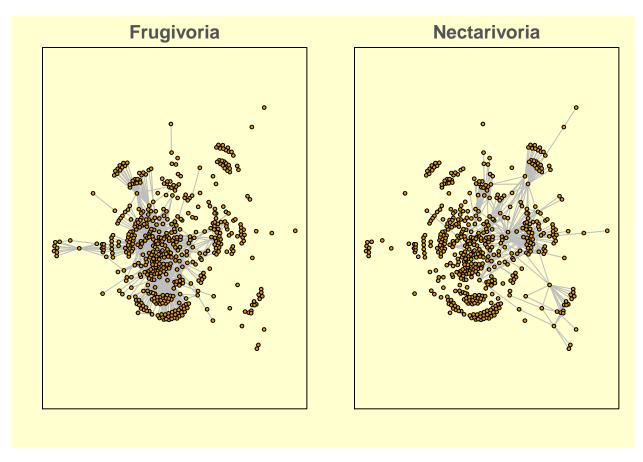


Figura 3: Visão geral da rede Morcegos-plantas.

# 5 Resultados da rede Morcegos-plantas

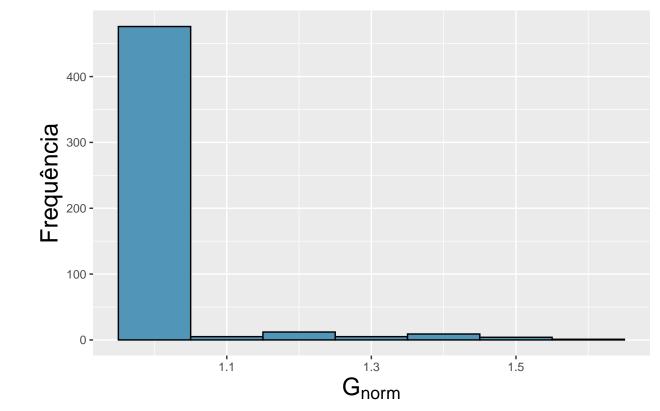
# 5.1 Distribuição de G<sub>norm</sub>

A variável G foi calculada para 10 partições de  $\omega$ , ou seja, o tamanho do passo dado dentro de  $\omega$  foi de 0.1. O processo foi repetido para 16 partições de  $\gamma$ , com  $\gamma$  começando em 0.25, com passos de 0.25 até um  $\gamma$  máximo de 4. O cálculo de  $\overline{G}$  foi feito usando 50 iterações. A tabela 2 resume os parâmetros de execução do código e a figura 4 mostra a distribuição dos valores de  $G_{norm}$  médio obtidos.

Tabela 2: Parâmetros de execucao

Parâmetro	Valor
Iterações	50
Partições de omega	10

#### Distribuicao de G normalizado



**Figura 4:** Distribuição de  $G_{norm}$  médio da rede Morcegos-plantas .

## 5.2 Variação de $\overline{\mathbf{G}}$ por $\omega$

Como temos dados em 3 dimensões  $(\overline{G}, \omega, \gamma)$  temos algumas formas diferentes para apresentar os valores de  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$ , não sei dizer se devemos usar uma delas, as três ou alguma outra. A figura 5 mostra curvas de decaimento de  $\overline{G}$  por  $\omega$  para diferentes nós com diferentes valores de  $G_{norm}$  e para diferentes valores de  $G_{norm}$  e par

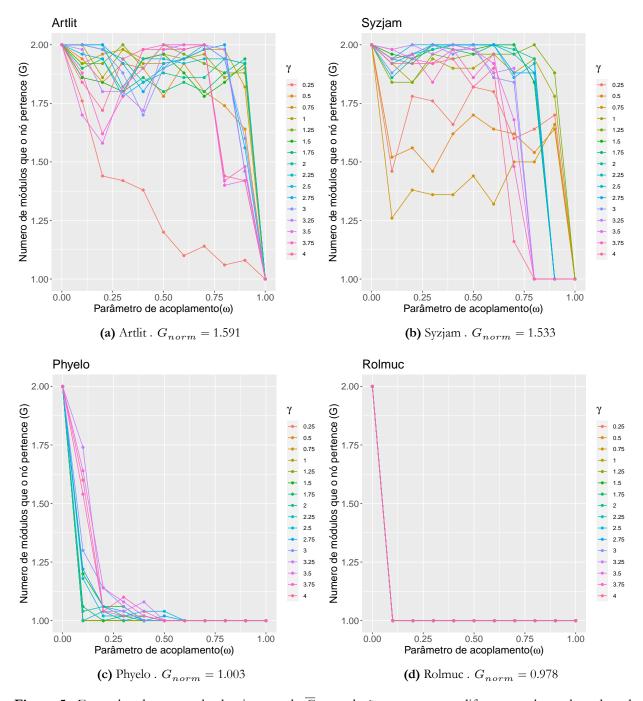


Figura 5: Exemplos de curvas do decaimento de  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$  para diferentes valores de  $\gamma$  da rede Morcegos-plantas . (a) Curvas de  $\overline{G}$  da especie com maior valor de  $G_{norm}$  da rede. (b) Segundo maior valor de  $G_{norm}$ . (c) Valor de  $G_{norm}$  mais proximo da média geral da rede. (d) Curvas de  $\overline{G}$  referente a uma espécie com valor de  $G_{norm}$  abaixo da média da rede.

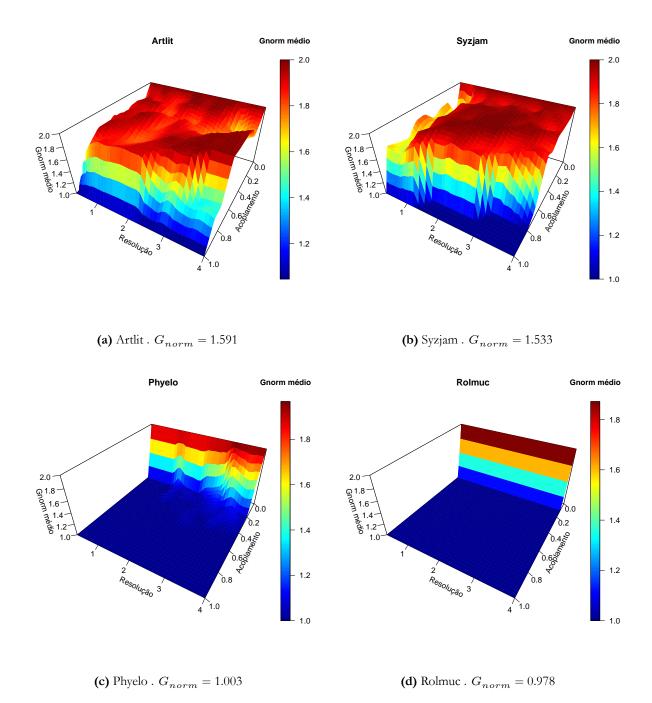


Figura 6: Exemplos de superfícies do decaimento de  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$  para diferentes valores de  $\gamma$  da rede Morcegos-plantas . (a) Superfície de  $\overline{G}$  da especie com maior valor de  $G_{norm}$  da rede. (b) Segundo maior valor de  $G_{norm}$ . (c) Valor de  $G_{norm}$  mais proximo da média geral da rede. (d) Superfície de  $\overline{G}$  referente a uma espécie com valor de  $G_{norm}$  abaixo da média da rede.

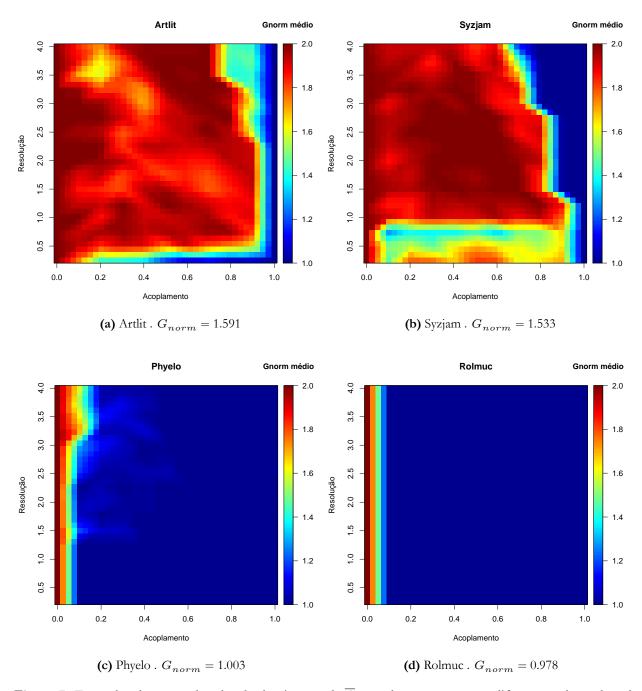
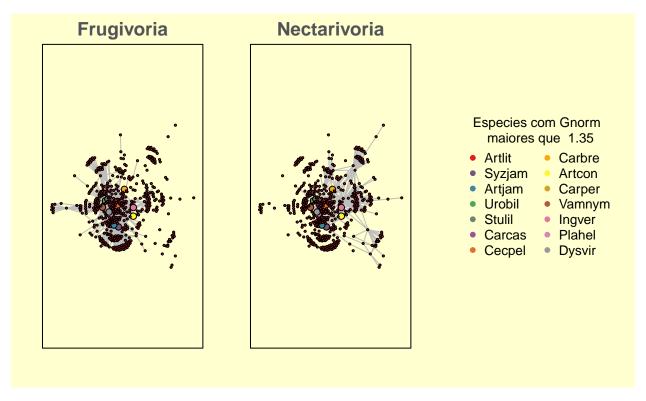


Figura 7: Exemplos de mapas de calor do decaimento de  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$  para diferentes valores de  $\gamma$  da rede Morcegos-plantas . (a) Mapa de calor de  $\overline{G}$  da especie com maior valor de  $G_{norm}$  da rede. (b) Segundo maior valor de  $G_{norm}$ . (c) Valor de  $G_{norm}$  mais proximo da média geral da rede. (d) Mapa de calor de  $\overline{G}$  referente a uma espécie com valor de  $G_{norm}$  abaixo da média da rede.

# 5.3 Seleção das espécies com maior $G_{norm}$ .

A figura 8 e a tabela 3 mostram as espécies com valor de  $G_{norm}$  acima de 1.35, ou seja, aquelas com decaimento de G mais lento da rede Morcegos-plantas.



**Figura 8:** Espécies com  $G_{norm}$  maiores que 1.35 em destaque de tamanho e cor.

Tabela 3: Espécies com valores de  $G_{norm}$  maiores que 1.35

Espécie	$G_{norm}$
Artlit	1.591
Syzjam	1.533
Artjam	1.491
Urobil	1.491
Stulil	1.472
Carcas	1.400
Cecpel	1.390
Carbre	1.388
Artcon	1.381
Carper	1.363
Vamnym	1.362
Ingver	1.361
Plahel	1.357
Dysvir	1.351

# 6 Visão geral da rede Formigas-planta

A rede Formigas-planta (Costa et al., 2016) possui 5 camadas (Flor , Visita , Fruta , Tropho e EFN), 108 nós e 370 conexões. A tabela 4 mostra o resumo das propriedades da rede. A figura 9 apresenta uma visão geral da rede.

Tabela 4: Propriedades da rede Formigas-planta

Propriedade	Valor
Número de Camadas	5
Tipo de conexões	Flor , Visita , Fruta , Tropho e EFN
Número de nós	108
Número de conexões	370

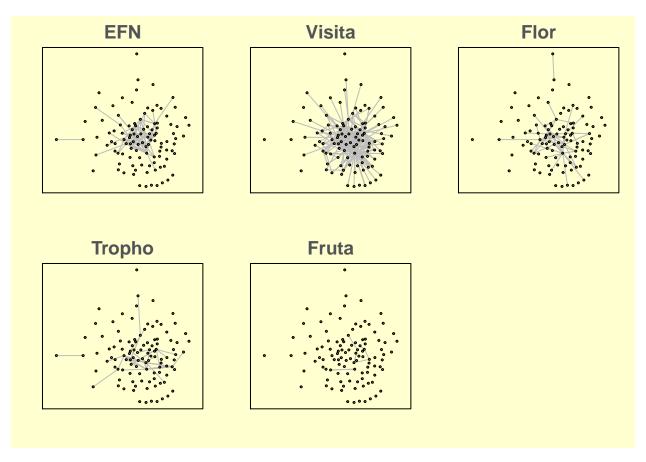


Figura 9: Visão geral da rede Formigas-planta.

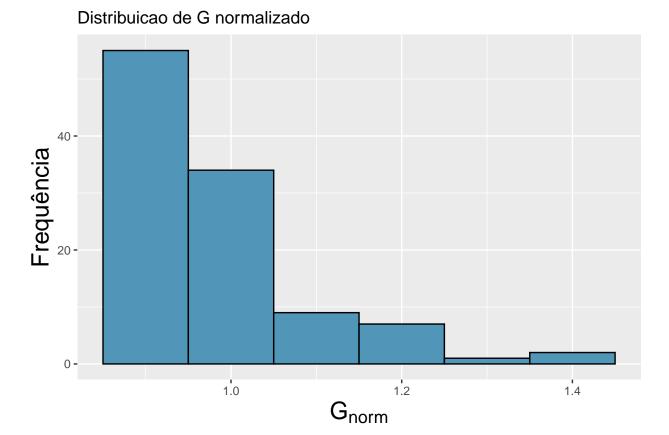
# 7 Resultados da rede Formigas-planta

# 7.1 Distribuição de G<sub>norm</sub>

A variável G foi calculada para 10 partições de  $\omega$ , ou seja, o tamanho do passo dado dentro de  $\omega$  foi de 0.1. O processo foi repetido para 16 partições de  $\gamma$ , com  $\gamma$  começando em 0.25, com passos de -0.25 até um  $\gamma$  máximo de 4. O cálculo de  $\overline{G}$  foi feito usando 100 iterações. A tabela 5 resume os parâmetros de execução do código e a figura 10 mostra a distribuição dos valores de  $G_{norm}$  médio obtidos.

Tabela 5: Parâmetros de execucao

Parâmetro	Valor
Iterações	100
Partições de omega	10



**Figura 10:** Distribuição de  $G_{norm}$  médio da rede Formigas-planta .

## 7.2 Variação de $\overline{\mathbf{G}}$ por $\omega$

Como temos dados em 3 dimensões  $(\overline{G}, \omega, \gamma)$  temos algumas formas diferentes para apresentar os valores de  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$ , não sei dizer se devemos usar uma delas, as três ou alguma outra. A figura 11 mostra curvas de decaimento de  $\overline{G}$  por  $\omega$  para diferentes nós com diferentes valores de  $G_{norm}$  e para diferentes valores de  $\gamma$ . A figura 12 mostra a superfície 3D formada por  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$ . A figura 13 mostra a mesma superfície da figura 12 mas no formato de mapa de calor.

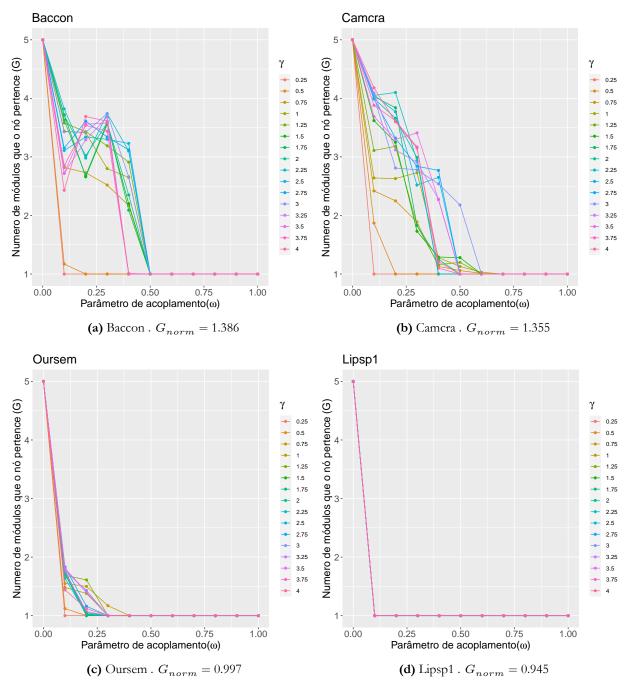


Figura 11: Exemplos de curvas do decaimento de  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$  para diferentes valores de  $\gamma$  da rede Formigas-planta . (a) Curvas de  $\overline{G}$  da especie com maior valor de  $G_{norm}$  da rede. (b) Segundo maior valor de  $G_{norm}$ . (c) Valor de  $G_{norm}$  mais proximo da média geral da rede. (d) Curvas de  $\overline{G}$  referente a uma espécie com valor de  $G_{norm}$  abaixo da média da rede.

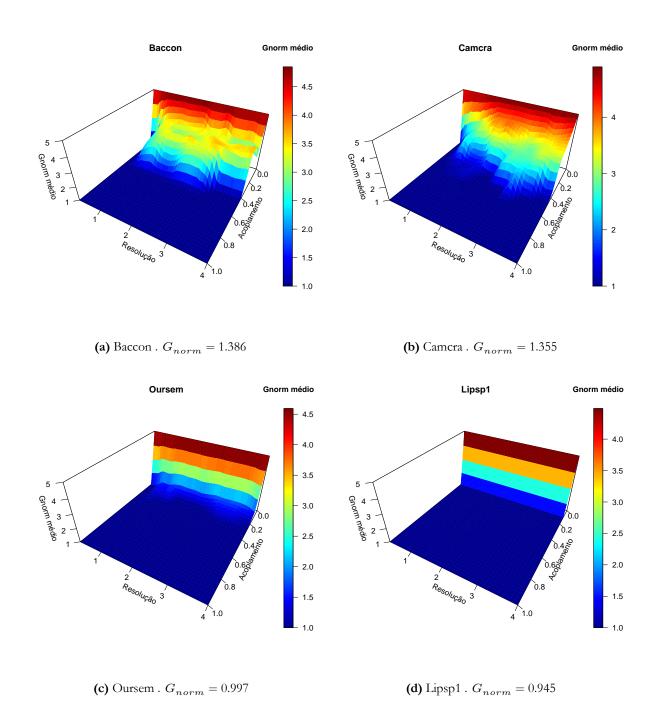


Figura 12: Exemplos de superfícies do decaimento de  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$  para diferentes valores de  $\gamma$  da rede Formigas-planta . (a) Superfície de  $\overline{G}$  da especie com maior valor de  $G_{norm}$  da rede. (b) Segundo maior valor de  $G_{norm}$ . (c) Valor de  $G_{norm}$  mais proximo da média geral da rede. (d) Superfície de  $\overline{G}$  referente a uma espécie com valor de  $G_{norm}$  abaixo da média da rede.

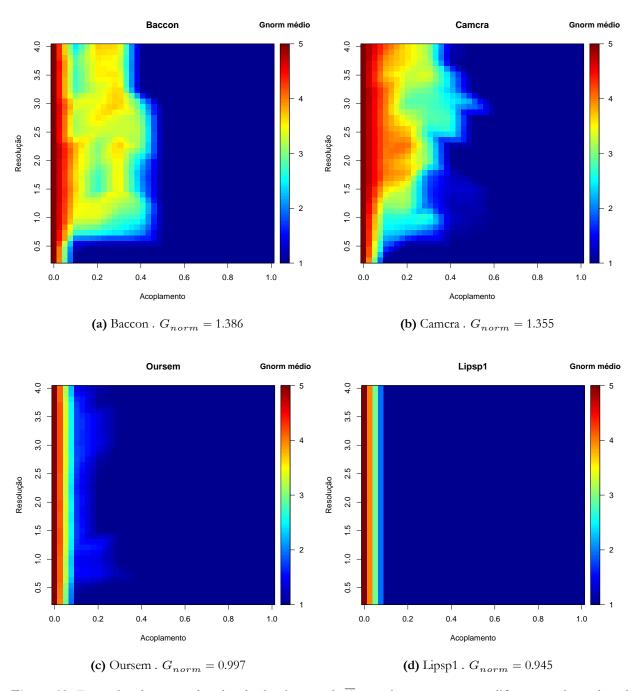
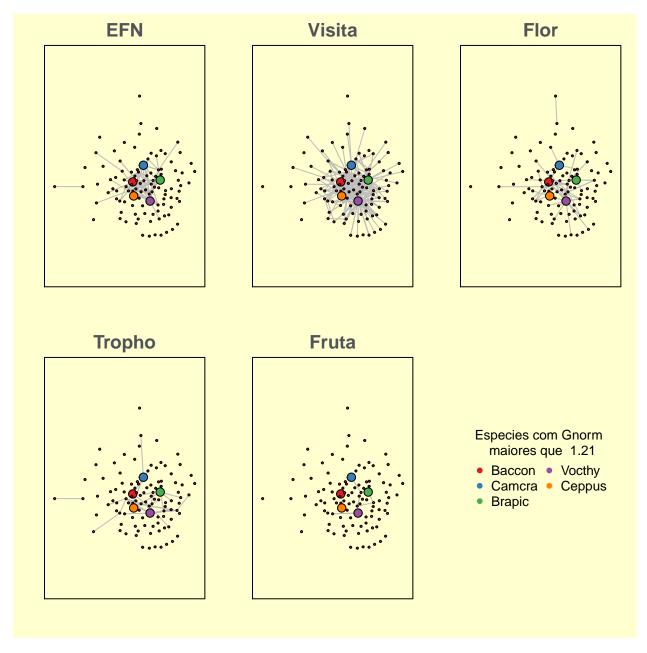


Figura 13: Exemplos de mapas de calor do decaimento de  $\overline{G}$  em relação a  $\omega$  e  $\gamma$  para diferentes valores de  $\gamma$  da rede Formigas-planta . (a) Mapa de calor de  $\overline{G}$  da especie com maior valor de  $G_{norm}$  da rede. (b) Segundo maior valor de  $G_{norm}$ . (c) Valor de  $G_{norm}$  mais proximo da média geral da rede. (d) Mapa de calor de  $\overline{G}$  referente a uma espécie com valor de  $G_{norm}$  abaixo da média da rede.

# 7.3 Seleção das espécies com maior $G_{norm}$ .

A figura 14 e a tabela 6 mostram as espécies com valor de  $G_{norm}$  acima de 1.21, ou seja, aquelas com decaimento de G mais lento da rede Formigas-planta.



**Figura 14:** Espécies com  $G_{norm}$  maiores que 1.21 em destaque de tamanho e cor.

**Tabela 6:** Espécies com valores de  $G_{norm}$  maiores que 1.21

Espécie	$G_{norm}$
Baccon	1.386
Camcra	1.355
Brapic	1.341
Vocthy	1.235
Ceppus	1.222

#### 8 Discussão

A variação de resolução  $\gamma$  não parece influenciar G de forma tão intenssa quanto a variação no acoplamento  $\omega$ , mas ela existe e com certeza é mais robustos selecionar nós com alto  $G_{norm}$  como candidatos a centrais considerando a variação em  $\gamma$  também, pois assim minizamos a probabilidade de estarmos observando uma exceção.

Devido a essa variação de  $G_{norm}$  em relação a  $\gamma$ , podemos tentar identificar espécies que sejam boas conectoras entre camadas dentro de módulos menores (submódulos?) que fazem parte de módulos maiores, sendo importantes para a manutenção deste módulo maior de que fazem parte.

## 9 Próximas etapas

## 9.1 Agosto

- Compreender melhor o parâmetro de acoplamento  $\gamma$  com visualização.
- Buscar uma boa forma de visualizar os módulos para rastrear a situação de um nó. Acredito
  que assim será possível entender melhor como estão posicionados os nós de maior G<sub>norm</sub> em
  relação aos módulos ao variarmos ω e γ. Acredito que isso ajuadrá no insight do que significa
  na prática essa variável G<sub>norm</sub> alta que apenas alguns nós possuem.

#### 9.2 Setembro

- Validar ou desvalidar G<sub>norm</sub> como forma de localizar espécies que são boas conectoras entre camadas usando diversas redes sintéticas (usar simulação do Rafael Pinheiro) para verificar se o comportamento de G<sub>norm</sub> é consistente, e compará-lo como outras métricas.
- Começar a escrita oficial do TCC.

(Nakagawa et al., 2019)

## 10 Referências

Bianconi, G. (2018). Multilayer networks: Structure and function. Oxford University Press.

Costa, F. V., Mello, M. A. R., Bronstein, J. L., Guerra, T. J., Muylaert, R. L., Leite, A. C., & Neves, F. S. (2016). Few ant species play a central role linking different plant resources in a network in rupestrian grasslands. *PLOS ONE*, *11*(12), e0167161. https://doi.org/10.1371/journal.pone.0167161

Grolemund, G. (2014). *Introduction to r markdown*. https://rmarkdown.rstudio.com/articles\_intro. html

Mello, M. A. R., Felix, G. M., Pinheiro, R. B. P., Muylaert, R. L., Geiselman, C., Santana, S. E., Tschapka, M., Lotfi, N., Rodrigues, F. A., & Stevens, R. D. (2019). Insights into the assembly rules of a continent-wide multilayer network. *Nature Ecology & Evolution*, *3*(11), 1525–1532. https://doi.org/10.1038/s41559-019-1002-3

Mucha, P. J., Richardson, T., Macon, K., Porter, M. A., & Onnela, J.-P. (2010). Community structure in time-dependent, multiscale, and multiplex networks. *Science*, *328*(5980), 876–878. https://doi.org/10.1126/science.1184819

Nakagawa, S., Samarasinghe, G., Haddaway, N. R., Westgate, M. J., O'Dea, R. E., Noble, D. W., & Lagisz, M. (2019). Research weaving: Visualizing the future of research synthesis. *Trends in Ecology & Evolution*, 34(3), 224–238. https://doi.org/10.1016/j.tree.2018.11.007

Newman, M. E. J. (2004). Analysis of weighted networks. *Physical Review E*, 70(5). https://doi.org/10.1103/physreve.70.056131

Newman, M. E. J., & Girvan, M. (2004). Finding and evaluating community structure in networks. *Physical Review E*, 69(2). https://doi.org/10.1103/physreve.69.026113

Reichardt, J., & Bornholdt, S. (2006). Statistical mechanics of community detection. *Physical Review E*, 74(1). https://doi.org/10.1103/physreve.74.016110

Xie, Y., Allaire, J. J., & Grolemund, G. (2019). R markdown the definitive guide. CRC Press.