

挑戰極限

壹、題敘

假設 $f(x)$ 是一個實函數， C 是一個實數。

$$\lim_{x \rightarrow C} f(x) = L$$

表示當 x 充分靠近 C 時， $f(x)$ 的值就會十分靠近 L ，也就是將 C 代入 $f(x)$ 會等於 L ，我們稱為「當 x 趨向於 C 時， $f(x)$ 的極限是 L 」，另外，即使 $f(x)$ 在 C 點無意義，我們仍然可以定義出它的極限。

舉個例子：

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x - 1}$$

這個例子中，如果你把 $x = 1$ 帶入，你會得到一個無意義的分數，但這並不影響它的極限，這是因為極限考慮的只是在 $x = 1$ 附近值的變化情形，而不是 $x = 1$ 的值。

我們假設 $x \neq 1$ ，那麼上面的式子就會變成

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x - 1} = \frac{(x - 1) \times (x + 1)}{(x - 1)} = \frac{(x + 1)}{1} = x + 1$$

$f(x)$ 的圖形就會是一個在 $x = 1$ 有缺口的斜直線 $y = x + 1$ ，而當 x 趨近於1時，他的值會任意地靠近2。

上述範例的解法除了將分數約分，也可以將分子分母的多項式都進行微分，並將 x 代入即可求出答案。需要注意的是，這種方法只適用於 x 帶入後分子和分母都恰好為0的情況。

因此上面的式子能夠再改為這樣：

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) = x^2 - 1}{g(x) = x - 1} = \frac{f'(x)}{g'(x)} = \frac{2x}{1} = 2$$

而基礎的微分(求導)要如何解，相信國中都已經教過了，但離國中已經那麼久了，相信有些人已經忘了，因此下面示範一個範例。

$$\begin{aligned} f(x) &= 6x^2 + 5x + 10 \\ f'(x) &= 6 \cdot 2x + 5 = 12x + 5 \end{aligned}$$

貳、輸入說明

測資開頭將會輸入以空白間隔的6個數字， a, b, c, i, j, k 。

保證分子的多項式必為分母的被式。

表示：

$$\lim_{x \rightarrow k} \frac{f(x) = ax^2 + bx + c}{g(x) = ix + j}$$

參、輸出說明

輸出「當 x 趨向於 C 時， $f(x)$ 的極限是多少」。

行尾換行。

肆、範例測資

範例測資一 輸入

1 0 -1 1 -1 1

範例測資一 輸出

2

範例測資二 輸入

5 6 1 5 1 1

範例測資二 輸出

2