## 수리통계학 9강 예제 56 풀이

예제 56

어떤 대리점에서 판매되는 TV는 7대 중 2대가 불량품이라고 한다. 이들 TV 중 임의로 3대를 구입할 때 불량 TV가 포함되는 수를 확률변수 X라 할 때

(1) X의 확률분포를 구하여라.

(풀이)

$$P(X=0) = \frac{\binom{5}{3}}{\binom{7}{3}} = \frac{10}{35} = \frac{2}{7}, \ P(X=1) = \frac{\binom{5}{2}\binom{2}{1}}{\binom{7}{3}} = \frac{20}{35} = \frac{4}{7}$$

$$P(X=2) = \frac{\binom{5}{1}\binom{2}{2}}{\binom{7}{3}} = \frac{5}{35} = \frac{1}{7}$$

x	0	1	2	합
f(x)	$\frac{2}{7}$	$\frac{4}{7}$	$\frac{1}{7}$	1

(2) X의 누적분포함수를 구하여라.

(풀이)

$$F(x)=0, x<0$$

$$F(0) = P(X \le 0) = P(X = 0) = \frac{2}{7} \implies F(x) = \frac{2}{7}, \ 0 \le x < 1$$

$$F(1) = P(X \le 1) = \frac{6}{7} \implies F(x) = \frac{6}{7}, \ 1 \le x < 2$$

$$F(2) = P(X \le 2) = 1 \implies F(x) = 1, x \ge 2$$

(3) 누적분포함수 F(x)를 이용하여 다음을 구하여라.

① 
$$P(0 < X \le 1) = P(X \le 1) - P(X \le 0) = F(1) - F(0) = \frac{6}{7} - \frac{2}{7} = \frac{4}{7} = P(X = 1)$$

② 
$$P(0 < X \le 2) = P(X \le 2) - P(X \le 0) = F(2) - F(0) = 1 - \frac{2}{7} = \frac{5}{7} = P(X = 1) + P(X = 2)$$

③ 
$$P(1 < X \le 2) = P(X \le 2) - P(X \le 1) = F(2) - F(1) = 1 - \frac{6}{7} = \frac{1}{7} = P(X = 2)$$