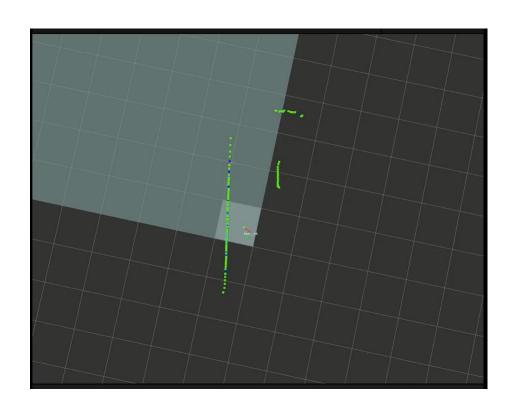


传感器数据处理II: 激光雷达运动畸变去除





参 运动畸变示意



蓝色的点表示原始数据 绿色的点表示去畸变后 的数据



1、激光雷达传感器介绍

概念介绍

- 🚺 2、激光雷达数学模型介绍
- 3、运动畸变介绍

🚺 1、纯估计方法

畸变去除

- 2、里程计辅助方法
- 3、融合方法



1、激光雷达传感器介绍

概念介绍



2、激光雷达数学模型介绍



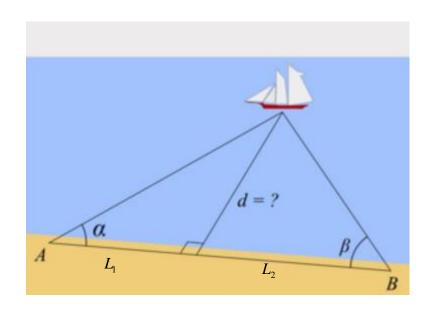
3、运动畸变介绍



激光雷达传感器介绍

0

三角测距原理



三角测距



三角测距特点

- 中近距离精度较高
- 价格便宜
- 远距离精度较差
- 易受干扰
- 一般在室内使用



•

TOF测距原理



飞行时间(TOF)特点

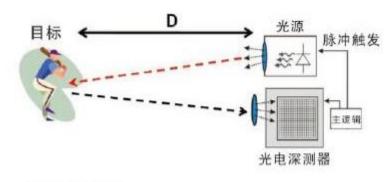


图1 ToF测距

飞行时间(TOF)

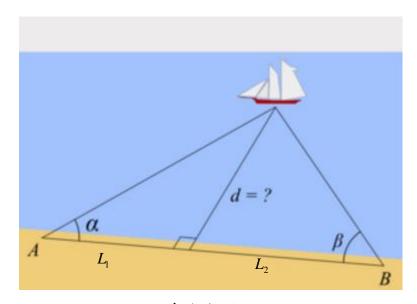
- 测距范围广
- 测距精度高
- 抗干扰能力强
- 价格昂贵
- 室内室外皆可



激光雷达传感器介绍



三角测距原理



$$\tan \alpha = \frac{d}{L_1}$$

$$\tan \beta = \frac{d}{L_2}$$

$$L_1 = \frac{d}{\tan \alpha}$$

$$L_2 = \frac{d}{\tan \beta}$$

$$L = L_1 + L_2 = d\left(\frac{\cos\alpha}{\sin\alpha} + \frac{\cos\beta}{\sin\beta}\right) = d\frac{\sin(\alpha + \beta)}{\sin\alpha\sin\beta}$$

$$d = L \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\sin(\alpha + \beta)}$$



激光雷达传感器介绍

0

TOF测距原理

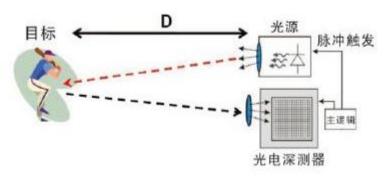


图1 ToF测距

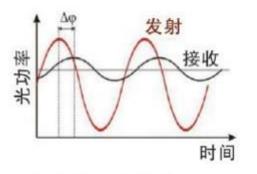


图2 基于相位的方法

 $D = \frac{c \Delta \varphi}{4\pi f_m}$

飞行时间(TOF)

波形相位差



1、激光雷达传感器介绍

概念介绍



2、激光雷达数学模型介绍



3、运动畸变介绍

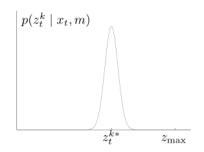


激光雷达数学模型

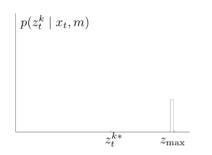


光束模型(beam model)

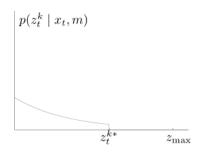
(a) Gaussian distribution p_{hit}



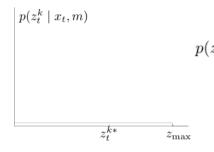
(c) Uniform distribution p_{max}



(b) Exponential distribution $p_{\rm short}$



(d) Uniform distribution $p_{\rm rand}$



• 激光的观测值有四种可能性

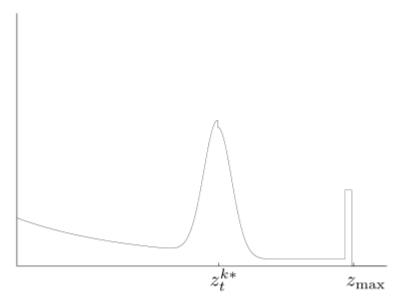
$$p(z_t \mid x_t, m) = \prod_{k=1}^K p(z_t^k \mid x_t, m)$$

$$p(z_t^k \mid x_t, m) = \begin{pmatrix} z_{\text{hit}} \\ z_{\text{short}} \\ z_{\text{max}} \\ z_{\text{rand}} \end{pmatrix}^T \cdot \begin{pmatrix} p_{\text{hit}}(z_t^k \mid x_t, m) \\ p_{\text{short}}(z_t^k \mid x_t, m) \\ p_{\text{max}}(z_t^k \mid x_t, m) \\ p_{\text{rand}}(z_t^k \mid x_t, m) \end{pmatrix}$$



0

光束模型缺点



混合模型示意图

 期望值的计算需要用raytracing,每 一个位姿需要进行N次raytracing,N 为一帧激光的激光束数量。

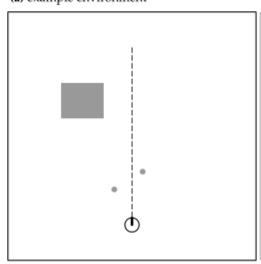
在非结构化环境中(clutter),位姿微小的改变会造成期望值的巨大变化,从而导致得分进行突变。



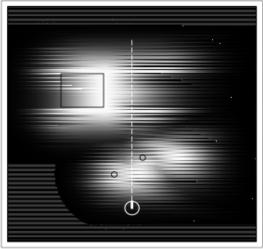


似然场模型(likelihood model)

(a) example environment



(b) likelihood field



- 对图像进行高斯平滑,在任何环境中期望值对于位姿都是平滑的。
- 得分的计算不需要经过raytracking, 直接通过查表即可得到, 计算量低

• 同时适合结构化环境和非结构环境中

似然场计算模型示意图



1、激光雷达传感器介绍

概念介绍



2、激光雷达数学模型介绍



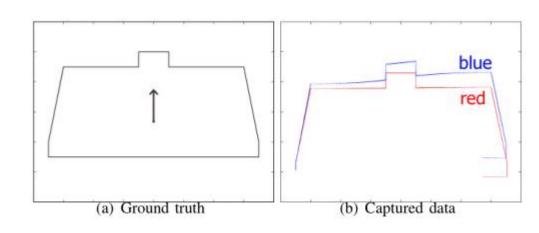
3、运动畸变介绍

💲 运动畸变

产生的原因

- 激光点数据不是瞬时获得
- 激光测量时伴随着机器人的运动
- 激光帧率较低时, 机器人的运动不能忽略





运动畸变示意图



1、纯估计方法

畸变去除

- 2、里程计辅助方法
- 3、融合方法

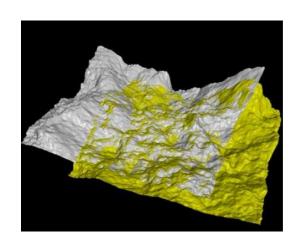


运动畸变去除—ICP(Iterative Cloest Point)方法介绍



目的

ICP方法是最通用的用来求解两个点云集合 转换关系的方法。



0

数学描述

• 给定两个点云集合:

$$X = \left\{x_1, x_2, \cdots, x_{N_x}
ight\} \ x_i$$
和 p_i 表示点云坐标 $P = \left\{p_1, p_2, \cdots, p_{N_p}
ight\} \ N_x$ 和 N_p 表示点云的数量

• 求解旋转矩阵R和平移向量t, 使得下式最小:

$$E(R,t) = \frac{1}{N_p} \sum_{i=1}^{N_p} ||x_i - Rp_i - t||^2$$



运动畸变去除—ICP方法介绍



已知对应点的求解方法

$$u_x = \frac{1}{N_p} \sum_{i=1}^{N_p} x_i$$
 $u_p = \frac{1}{N_p} \sum_{i=1}^{N_p} p_i$

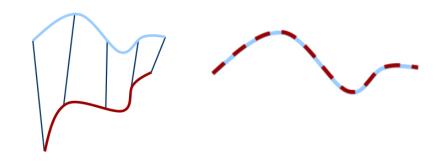
 u_x 表示点云集合X的几何中心 u_p 表示点云集合P的几何中心

$$W = \sum_{i=1}^{N_p} x_i' p_i'^T = U \begin{bmatrix} \sigma_1 & 0 & 0 \\ 0 & \sigma_2 & 0 \\ 0 & 0 & \sigma_3 \end{bmatrix} V^T$$

则ICP的解为:

$$R = VU^T$$

$$t = u_{x} - Ru_{p}$$





运动畸变去除—ICP方法介绍

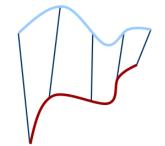


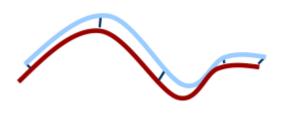
未知对应点的求解方法

- 实际中,不知道对应点匹配
- 不能一步到位计算出R和t
- 进行迭代计算
- EM(Expectation-Maximization)算法 的一个特例

算法流程:

- 寻找对应点
- 根据对应点, 计算R和t
- 对点云进行转换, 计算误差
- 不断迭代,直至误差小于某一个值







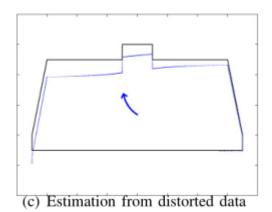


运动畸变去除—VICP方法介绍



ICP方法在激光匹配中的缺点

- 没有考虑激光的运动畸变
- 当前的激光数据是错误的



- **VICE**
 - ICP算法的变种
 - 考虑了机器人的运动
 - 匀速运动
 - 进行匹配的同时估计机器人的速度



运动畸变去除—VICP方法介绍



VICP方法

- X^{i} , X^{i-1} 表示第i帧和第i-1帧数据
- T_i, T_{i-1} 表示对应的位姿矩阵
- 机器人的速度: $V_i = \frac{1}{\Delta t} \log T_{i-1}^{-1} T_i$
- 设第i帧的时刻表:

$$(t_i - n\Delta ts, t_i - (n-1)\Delta ts, \dots, t_i - \Delta ts, t_i)$$

注: $\Delta ts = \Delta t/n$,为一帧激光中相邻两个激光节点的时间间隔

•则第i帧第j个节点的位姿矩阵为:

$$T (t_i - (n-j)\Delta t) = T_i e^{(n-j)\Delta t s(-V_i)}$$

•可得矫正过程为:

$$\bar{X}^i = \left\{ e^{(n-j)\Delta t s(-V_i)} x_j | j = 0, \cdots, n \right\}$$



运动畸变去除—VICP方法介绍

0

VICP算法流程

```
1: V_i = V_{i-1}

2: while ||V - V_i|| > \epsilon do

3: T_{\Delta ts} = e^{\Delta ts(-V_i)}

4: for j = \mathbf{n} : 1 do

5: T_{j\Delta ts} = T_{(j-1)\Delta ts}T_{\Delta ts}

6: \bar{x}^i_j = T_{j\Delta ts} \ x^i_j

7: end for

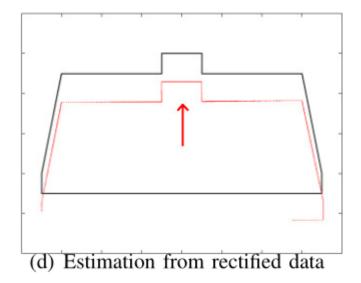
8: T = \text{ICP}(\bar{X}^{-1}, \bar{X}^i, T)

9: V = V_i

10: V_i = 1/\Delta \log T

11: end while
```

VICP矫正效果





1、纯估计方法

畸变去除

- 2、里程计辅助方法
- 3、融合方法



运动畸变去除—传感器辅助



- 低帧率激光(5Hz), 匀速运动假设不成立
- 数据预处理和状态估计过程耦合

解决方法

- 尽可能准确的反应运动情况
- 实现预处理和状态估计的解耦

● 传感器辅助方法(Odom/IMU)

- 极高的位姿更新频率(200Hz),可以比较 准确的反应运动情况
- 较高精度的局部位姿估计

• 跟状态估计完全解耦



运动畸变去除—传感器辅助



惯性测量单元(IMU)

- 直接测量角速度和线加速度
- 具有较高的角速度测量精度
- 测量频率极高(1kHz~8kHz)
- 线加速度精度太差,二次积分在局部的精度依然很差





轮式里程计

- 直接测量机器人的位移和角度
- 具有较高的局部角度测量精度
- 具有较高的局部位置测量精度
- 更新速度较高(100Hz~200Hz)







在单片机上处理

- 用单片机读取激光雷达数据,每次读取激光点数据时都可以获取当时机器人的位姿,根据机器人位姿消除运动畸变。得到一帧完整的数据后,上传至处理器。
- 在单片机层消除运动畸变
- 无需考虑时间同步的问题
- 需要对数据进行压缩,否则会产生较大延时



0

在处理器上处理

- 用CPU读取激光雷达数据,同时单片机上 传里程计积分数据,两者进行时间同步。 在CPU上统一进行运动畸变去除。
- 体系清晰,不会产生延时
- 需要进行时间同步
- 需要进行位姿插值







已知数据

- 当前帧激光起始时间为 t_s, t_e
- 两个激光束间的时间Δt
- 里程计数据按照时间顺序存储在一个队列中,队首的时间最早
- 最早的里程计数据的时间戳 $< t_s$
- 最晚的里程计数据的时间戳> t_e



目标

• 求解当前帧激光数据中每一个激光点对应的机器人位姿,即求解 $\{t_s, t_{s+\Delta t}, \cdots, t_e\}$ 时刻的机器人位姿

• 根据求解的位姿把所有激光点转换到同一 坐标系下

• 重新封装成一帧激光数据,发布出去





求解 t_s , t_e 时刻的位姿 p_s , p_e

• 里程计队列中正好和激光数据同步,假设第i和第j跟数据是时刻分别为 t_s, t_e :

$$p_s = OdomList[i]$$

 $p_e = OdomList[j]$

• 在 t_s 时刻没有对应的里程计位姿,则进行线性插值,设在 l_s 比时刻有位姿,且 l_s 1<s < k,则:

$$\begin{aligned} p_l &= OdomList[l] \\ p_k &= OdomList[k] \\ p_s &= LinarInterp(p_l, p_k, \frac{s-l}{k-l}) \end{aligned}$$



二次插值

- 在一帧激光数据之间,认为机器人做匀加速运动。
- 机器人的位姿是关于时间t的二次函数。
- 设 $t_m = \frac{t_s + t_e}{2}$, 且I<m<k则:

$$p_m = LinarInterp(p_l, p_k, \frac{m-l}{k-l})$$

• 已知 p_s, p_m, p_e ,可以插值一条二次曲线:

$$P(t) = At^2 + Bt + C$$
$$t_s \le t \le t_e$$



二次曲线的近似

- 用分段线性函数对二次曲线进行近似
- 分段数大于3时,近似误差可以忽略不计
- 在 t_s 和 t_s 时间段内,一共取k个位姿 $\{p_s, p_{s+1}, \cdots, p_{s+k-2}, p_s\}$
- 位姿通过线性插值获取,在这K个位姿之间,进行线性插值:

设
$$p_s$$
和 p_{s+1} 之间有N个位姿 $\{p_s, p_{s1}, \cdots, p_{s(n-2)}, p_{s+1}\}$ 则:

$$p_{si} = LinarInterp(p_l, p_k, \frac{si - s}{\Delta t})$$





坐标系统一&激光数据发布

- 一帧激光数据n个激光点,每个激光点对应的位姿 $\{p_1,p_2,\cdots,p_n\}$ 通过上述介绍的方法插值得到
- x_i 为转化之前的坐标, x_i 为转换之后的坐标,则:

$$x_i' = p_i^T x_i$$

• 把转换之后的坐标转换为激光数据发布出去:

$$x'_{i} = (p_{x}, p_{y})$$

$$range = \sqrt{p_{x} * p_{x} + p_{y} * p_{y}}$$

$$angle = atan2(p_{y}, p_{x})$$



1、纯估计方法

畸变去除

- 2、里程计辅助方法
- 🚺 3、融合方法



运动畸变去除—两者结合



轮式方法和匹配方法的结合

- 用里程计方法进行矫正,去除绝大部分的运动畸变。
- 认为里程计存在误差,但是误差值线性分布的。
- 用ICP的方法进行匹配,匹配的结果作为正确值,得到里程计的 误差值。
- 把误差值均摊到每一个点上,重新进行激光点位置修正。
- 再一次进行ICP迭代,直到收敛为止。

位置误差的线性假设比位置线性假设更合理!!!



- [1] VICP: Velocity updating Iterative Closest Point Algorithm.
- [2] LOAM:Lidar Odometry and Mapping in real-time.



详细见作业说明



感谢各位聆听

Thanks for Listening

