

(4) 思路：设数组为 $a[0:n]$ ，用数组 $b[0:n]$ 纪录以 $a[i]$ ($0 \leq i < n$)，为结尾元素的最长递增子序列的长度。则对于序列中第一个数 $a[0]$ ，显然有 $b[0]=1$ ，之后可以从左向右按顺序计算 $a[i]$ ($i=1, 2, 3, \dots, n$) 作为结尾元素时，最长递增子序列的长度 $b[i]$ 。当计算到 $a[i]$ 的最长递增子序列时，应该选择比 $a[i]$ 小的数中以该数结尾的递增子序列长度最长的那个数，作为子序列的倒数第二个数，即 $b[i]=\max\{b[j]+1\}$ ($0 \leq j < i$ 且 $a[j] < a[i]$)；如果序列 $a[0:i-1]$ 中所有的数均不小于 $a[i]$ ，则令 $b[i]=1$ ，即以 $a[i]$ 为结尾元素时的最长递增子序列只包含 $a[i]$ 本身。

伪代码：

```
LongestSubstr(a[0:n]){
    for( i = 1 to n){
        max = 0;
        for( j = 0 to i){
            if(a[j] < a[i]){
                if(max < b[j]){
                    max = b[j];
                }
            }
        }
        b[i] = max + 1;
    }
}
```

最后找到 b 数组中的最大值（下标记为 k ）即为最长递增子序列的长度。从 $a[k]$ 开始，从右向左依次遍历数组 $a[n]$ 。对于某个下标 l ($0 \leq l < k$)，如果 l 满足 $a[l] < a[k]$ 且 $b[l] = b[k] - 1$ ，则 $a[l]$ 可以作为最长递增子序列的倒数第二个数。以此类推，可以重复直至得到最长递增子序列。