Contest 1

吴清月

October 1, 2020

中文题目	站军姿	向右看齐	齐步走
英文题目	Stand	Look	Walk
程序名	stand.c/cpp	look.c/cpp	walk.c/cpp
输入文件	stand.in	look.in	walk.in
输出文件	stand.out	look.out	walk.out
每个测试点时限	1.0 s	1.0 s	2.0 s
测试点数目	10	10	10
每个测试点分值	10	10	10
附加样例文件	有	有	有
题目类型	传统	传统	传统
运行内存上限	512M	512M	512M

注意事项:

- 1. 无特别声明时, 结果比较方式为逐行比较模式 (忽略多余空格和制表符).
- 2. C++ 语言源程序名称为题目名.cpp, C 语言源程序名称为题目名.c.
- 3. 编译命令为 g++ -o 题目名 题目名.* -lm -Wl,--stack=512000000 -02 -std=c++11 或 gcc -o 题目名 题目名.* -lm -Wl,--stack=512000000 -02 -std=c11. 即评测时开启 O2 优化开关. 开启无限栈. 开启 C++11/C11. 由于 11 特性导致的编译错误可以申请重测.
 - 4. 文件名 (程序名和输入输出文件名) 必须使用英文小写.
 - 5. 函数main()的返回值类型必须是int,程序正常结束时返回值必须是0.
- 6. 评测在 Windows 10 环境下用 Lemon 进行, 对于long long类型使用%lld和%l64d都可以接受. 实际评测时限可能更改.

Problem A. 站军姿 (stand.c/cpp)

Input file: stand.in
Output file: stand.out
Time Limit: 1.0 second
Memory Limit: 512 megabytes

今天是新生军训的第一天, 训练内容是站军姿。

虽然站在队列里,但是由于接下了国庆的出题任务,小 W 同学还是不得不一边站军姿一边想 OI 题。

站军姿一共要持续 n 分钟,在第 i 分钟,小 W 最多能够分配 a_i 的精力来想题(分配精力太多就容易被教官发现)。他的脑海里有 m 个问题,对于第 i 个问题,如果在一分钟内分配的精力值大于等于 b_i ,那么这道题就能够被想出来。注意剩余精力值不能延续到下一分钟。

现在小 W 想知道,在这 n 分钟里他最多能想出多少道题。(本题显然也是其中的一道)

Input

第一行包含两个整数 n, m。 接下来一行 n 个整数 a_1, a_2, \ldots, a_n 。 接下来一行 m 个整数 b_1, b_2, \ldots, b_n 。

Output

一行一个整数,表示最多能够想出几道题。

Examples

stand-sample0.in	stand-sample0.ans
5 5	4
1 2 3 4 5	
2 3 4 5 6	

样例解释:

在第 2,3,4,5 分钟,可以分别想出第 1,2,3,4 道题。

Notes

数据规模与约定:

对于 10% 的数据, 保证 $n, m \le 10$;

对于 30% 的数据, 保证 $n, m \le 1000$;

对于另外 30% 的数据, 保证 $a_i, b_i \leq 1000$;

对于 100% 的数据,保证 $1 \le n, m \le 100000, 1 \le a_i, b_i \le 10^9$ 。

Problem B. 向右看齐 (look.c/cpp)

Input file: look.in
Output file: look.out
Time Limit: 1.0 seconds
Memory Limit: 512 megabytes

今天是新生军训的第二天, 训练内容是向右看齐。

小 W 同学所在的九连五班共有 n 名男生和 n 名女生,女生用 0 表示,男生用 1 表示。当前队列中已经站好了 m 名同学,在教官喊向右看齐时,其他人需要补到队列中,但是这 m 名同学的位置不能改变。

为了避免同学们分心,教官规定站好之后每一个人右边男生数量不能小于女生数量。

我们定义两个方案是不同的,当且仅当存在一个位置使得这个位置上的人在两个方案中性别不同。(也就是说相同性别不区分)

求所有人站好后总共有多少种不同的方案。答案对 998244353 取模。

Input

第一行两个整数 n, m。

接下来一行 m 个数字,表示当前队列从左到右每一个人,其中 0 代表女生,1 代表男生。

Output

输出一行一个整数,表示可能的方案数。答案对 998244353 取模。

Examples

look-sample0.in	look-sample0.ans
3 3	4
1 0 1	

样例解释:

最终序列共有 4 种可能的情况:

0 1 0 1 0 1

0 0 1 1 0 1

0 1 0 0 1 1

0 0 1 0 1 1

Notes

数据规模与约定:

对于 30% 的数据, 保证 $n \le 10$;

对于另外 20% 的数据, 保证 m=2n;

对于另外 20% 的数据, 保证 m=0;

对于 100% 的数据, 保证 1 < n < 200, 0 < m < 2n。

Problem C. 齐步走 (walk.c/cpp)

Input file: walk.in
Output file: walk.out
Time Limit: 2.0 seconds
Memory Limit: 512 megabytes

今天是新生军训的第三天, 训练内容是齐步走。

教官要求每个人和他前面和左面的人标齐步子。不过话虽那么说,如果前面的某个人错步了,就很有可能会导致后面很多人跟着一起错步。

队列可以看做一个 n 行 m 列的矩阵。在齐步走的过程中,对于第 i 行第 j 个人,若 $a_{i,j}=0$,则他会尝试和自己前面的人 (i-1,j) 标齐步子,若 $a_{i,j}=1$,则他会尝试和自己左面的人 (i,j-1) 标齐步子。显然 $\forall i \neq 1, a_{1,i}=1, a_{i,1}=0$ 。($(a_{1,1})$ 无意义)

然而总是有人错步。对于第i行第j个人,他有 $p_{i,j}$ 的概率会错步,也就是会和前面或左面的人步子刚好相反。($p_{1,1}$ 无意义)

教官会在一旁盯着同学们走。一旦他注意到有人错步,就会让大家踏步,直到整齐为止。不过限 于视角原因,教官只能看到位于第一排、最后一排、第一列或最后一列的同学。

身为队列里的一员,小 W 想知道有多大概率可以不用踏步,也就是边缘一圈所有人的步子是一致的。答案对 998244353 取模。

因为他还要准备特战连选拔,因此这个问题就交给你了。

Input

第一行两个整数 n, m。

接下来 n 行, 每行 m 个整数, 表示 $a_{i,i}$ 。

接下来 n 行,每行 m 个整数,表示 $P_{i,j}$ 。 $p_{i,j} = \frac{P_{i,j}}{100}$ 。

Output

一行一个整数,表示所求的概率。

Examples

walk-sample0.in	walk-sample0.ans
2 2	873463809
0 1	
0 0	
50 50	
50 50	

样例解释:

容易发现四个人都不能错步。所以概率是 $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$ 。

walk-sample1.in	walk-sample1.ans
3 3	796598994
0 1 1	
0 1 1	
0 0 0	
0 0 0	
0 10 20	
0 30 40	

Contest 1 Notes

样例解释:

总共只有两种情况: 所有人步子一致或只有中间的一个人错步。 所以概率为 $\left(\frac{9}{10} \times \frac{8}{10} \times \frac{7}{10} \times \frac{6}{10}\right) + \left(\frac{1}{10} \times \frac{2}{10} \times \frac{3}{10} \times \frac{6}{10}\right) = \frac{3060}{10000} = \frac{153}{500}$ 。

Notes

数据规模与约定:

对于 20% 的数据, 保证 $nm \le 4$;

对于 40% 的数据, 保证 $nm \le 1000$;

对于另外 30% 的数据, 保证 $\forall i \geq 2, a_{i,j} = 0$;

对于 100% 的数据,保证 $nm \le 1000000$ 。