ALGORYTMY I STRUKTURY DANYCH [P] SEMESTR LETNI 2021/2022

LABORATORIUM NR 3

SORTOWANIE SZYBKIE (QUICKSORT)

ZADANIE AiSD.P.L3.1

Tablicę A = [23, 6, 11, 12, 17, 19, 7, 18, 12, 14, 15] sortujemy sortowaniem szybkim (Quicksort) omawianym na wykładzie. W jaki sposób będzie zmieniała się ta tablica w czasie pierwszego przebiegu procedury Partition dokonującej podziału? Wskaż kolejne elementy, które są ze sobą zamieniane, oraz zaznacz, jak ostatecznie zostanie podzielona tablica.

ZADANIE AiSD.P.L3.2 (4 pkt.)

- Zaimplementuj algorytm sortowania szybkiego omówiony na wykładzie. (3 pkt.)
- Zmierz i porównaj czasy działania sortowania dla dwóch rodzajów danych: dane losowe oraz dane skrajnie niekorzystne (np. liczby uprządkowane rosnąco). (1 pkt)

Testy (pomiary czasu) powinny być wykonane dla różnych wielkości tablicy, np. 100 elementów, 500 elementów, 1000 elementów i 2500 elementów. Ponadto w przypadku danych losowych należy wziąć średni czas (średnia arytmetyczna) z odpowiednio dużej próbki (np. 100, 500, 1000, 2500 losowań, odpowiednio, dla tablicy 100-, 500-, 1000-i 2500-elementowej).

Sugerowany sposób prezentacji wyników testów.

rozmiar tablicy N	(średni)	czas – dane losowe	czas - dane niekorzystne
100	1	1	
500	1	1	
1000	1	1	
2500	1	1	

Specyfikacja wejścia/wyjścia tylko w przypadku realizacji pierwszej części zadania.

Wejście. Liczby (całkowite) zapisane w kolejnych wierszach pliku tekstowego.

Wyjście. Posortowane liczby z pliku wejściowego zapisane w kolejnych wierszach pliku wyjściowego.

ZADANIE AiSD.P.L3.3 (4.5 pkt)

Zaimplementuj (3.5 pkt.) oraz przetestuj (1 pkt) podstawową/zmodyfikowaną wersję sortowania szybkiego, gdzie element wyznaczający podział jest:

- skrajnie prawym elementem A[r] (pod)tablicy;
- wybranym (pseudo)losowo (Randomized-Quicksort);

- medianą (czyli elementem środkowym co do wartości) z trzech następujących elementów tablicy:
 - skrajnie lewego (A[p]),
 - środkowego $(A[p + \lfloor \frac{r-p}{2} \rfloor]),$
 - skrajnie prawego (A[r]).

Podobnie jak w zadaniu AiSD.P.L3.2, testy powinny być wykonane dla danych losowych i niekorzystnych, dla różnych wielkości tablicy (np. 100, 500, 1000 i 2500). Dla tego samego rodzaju danych należy zestawić czasy działania trzech wersji algorytmów.

- Tworząc konkretną instancję I danych losowych lub niekorzystnych, każdy z tych algorytmów wykonywany jest dla tej samej instancji I, mierząc jego czas działania.
- Ze względu na "losową" naturę algorytmu Randomized-Quicksort, testy dla danych niekorzystnych (przy ustalonym rozmiarze tablicy) należy również wykonać wielokrotnie, a następnie uśrednić.

Sugerowany sposób prezentacji wyników testów.

DANE LOSOWE

rozmiar tablicy N	algorytm 1	algorytm 2	algorytm 3
100		1	1
500		1	1
1000	1	1	1
2500	1	1	1

DANE NIEKORZYSTNE

rozmiar tablicy N	algorytm 1	algorytm 2	algorytm 3
100	1	1	1
500	1	1	1
1000	1	1	
2500	1	1	

ZADANIE AiSD.P.L3.4 (5 pkt.)

- Zaimplementuj algorytm sortowania szybkiego omówiony na wykładzie. (3 pkt.)
- Następnie zmodyfikuj ten algorytm tak, aby dla tablic o rozmiarze mniejszym od pewnej stałej $c \ge 1$ (tj. kiedy r-p+1 < c) nie była wykonywana procedura Partition i rekursywne wywołania, a tablice te pozostawały nieposortowane. Dopiero po zakończeniu tak "zepsutego" sortowania szybkiego, cała tablica ma być dodatkowo sortowana algorytmem sortowania "przez wstawianie". (1 pkt)
- Porównaj czasy działania algorytmu podstawowego oraz jego modyfikacji dla dwóch rodzajów danych: dane losowe oraz dane skrajnie niekorzystne (ciąg malejący).
 Podobnie jak w zadaniu AiSD.P.L3.3, dla tego samego rodzaju danych należy zestawić czasy działania dwóch wersji algorytmów. (1 pkt)

ZADANIE AiSD.P.L3.5 (5 pkt)

- Zaimplementuj algorytm sortowania szybkiego omówiony na wykładzie. (3 pkt.)
- Następnie zmodyfikuj ten algorytm tak, aby dla tablic o rozmiarze mniejszym od pewnej stałej $c \ge 1$ (tj. kiedy r-p+1 < c) nie była wykonywana procedura Partition i rekursywne wywołania, tylko stosowane było jakieś proste sortowanie, np. bąbelkowe czy przez wstawianie. (1 pkt)
- Porównaj czasy działania algorytmu podstawowego oraz jego modyfikacji dla dwóch rodzajów danych: dane losowe oraz dane skrajnie niekorzystne (ciąg malejący).
 Podobnie jak w zadaniu AiSD.P.L3.3, dla tego samego rodzaju danych należy zestawić czasy działania dwóch wersji algorytmów. (1 pkt)