## Algebrické výrazy

Educat - vzdelávacie centrum

3. apríla 2024

## 1 Polynómy a monómy

|                      | Polynóm       | Monóm                |                          |
|----------------------|---------------|----------------------|--------------------------|
|                      | Stupeň monómu | Stupeň polynómu      |                          |
| •<br>mocnín premenný |               | , ktoré nazývame [l  | koeficient, a niekoľkých |
| •                    | je súčet monć | ómov, ktoré tiež naz | ývame cleny.             |
| •                    | je súčet mocn | ún premenných, kto   | ré ho tvoria.            |
| •                    | je maximálny  | stupeň jeho monón    | nov.                     |

Príklad 1. Určme stupne nasledovných monómov.

- 1.  $5x^3y^4z^{11}$
- 2. 4
- 3.  $x^3y^2$
- 4. xyz
- 5.  $xz^5$
- 6.  $\frac{2}{3}$

Riešenie 1. Ukážme si riešenia.

1. V prvom výrazy vystupujú tri premenné x, y a z. Ak sa pozrieme na ich mocniny, tak sú nimi  $x^3$ ,  $y^4$  a  $z^{11}$ , a teda ich exponentami sú čísla 3, 4, 11. A keď že ich súčet je 16, tak stupeň prvého monómu je 16.

- 2. V druhom monóme vystupuje len číslo 4. Takže keď nemáme v ňom žiadne premenné, tak súčet ich mocnín je 0. Teda číslo je vždy monóm nultého stupňa.
- 3. Podobne ako v prvom monóme máme urobíme súčet exponentov a neprekvapivo dostaneme číslo 5. Takže tretí monóm je stupňa 5.
- 4. V treťom monóme si len potrebujeme uvedomiť, že ak máme čisto premennú x, tak je to to isté ako  $x^1$ , ale vieme, že jednotku v exponente písať nemusíme. Z toho dôvodu máme v monóne xyz 3 premenné, ktorých exponenty sú 1. A súčet troch jednotiek je znovu neprekvapivo 3. Takže monóm xyz je tretieho stupňa.
- 5. Pri tomto monóme len využijeme skúsenosti z predošlých dvoch príkladov. Exponenty mocnín sú teda 1 a 5. Takže máme polynóm šieteho stupňa.
- 6. Stačí sa pozrieť na druhý monóm a vieme, že stupeň je tuna tiež 0.

Príklad 2. V tomto príklade si ukážme určovanie stupňa polynómu.

1. 
$$2x^4 - 5x^3 + 41x^2 + x - 99$$

2. 
$$x^7y^2 - 6z^{12} + 3$$

3. 
$$-x^6k^5z^3 - 9x^12y^2 + xyz^{10}$$

4. 
$$9 + x - 33x^2$$

$$5. \ 33x^4y^5 - 10x^{10}$$

6. 
$$-4k^5 + 3$$

7. 
$$x^{22} + x^{12}y^6z^5k^7$$

$$8. \ 33 + x$$

$$10. \ 22 - y^7 - 11x^4y^8$$

- 1.1 Cvičenia
- 2 Aritmetika polynómov
- 2.1 Sčitovanie a násobenie polynómov
- 2.2 Násobenie polynómov
- 2.3 Delenie polynómov
- 3 Úpravy a zjednodušovanie polynómov