CONSTANTE DE KAPREKAR

Se conoce como **constante de Kaprekar** (en honor al <u>matemático D. R. Kaprekar</u>) al <u>punto fijo</u> de la aplicación <u>iterativa</u>de la denominada **Operación de Kaprekar**, ¹² que consiste en calcular la diferencia entre un número cualquiera con sus dígitos ordenados de mayor a menor y dicho número con el orden de sus dígitos de menor a mayor.

La constante de Kaprekar más conocida es el **6174**, que ocurre cuando el número inicial de la operación de Kaprekar tiene cuatro dígitos y está en <u>base 10</u>. Por ejemplo, con el número 2435:

- 1. Se comienza con el número
- 2. Se ordenan sus dígitos en orden descendente:
- 3. Se ordenan sus dígitos en orden ascendente:
- 4. Se resta el número ascendente al número descendente:
- 5. Se repite el proceso con el resultado obtenido:
- 6. Se continúa repitiendo el proceso:
- 7. Una vez que se llega a 6174, la operación se detiene:

Como aplicar la operación de Kaprekar a 6174 da 6174, ese número es un punto fijo; y por tanto, una constante de Kaprekar

El <u>cero</u> es una constante de Kaprekar trivial para todos los casos, debido a que . Lógicamente, si el número que se selecciona tiene <u>todas sus cifras iguales</u>, llevará a la constante trivial.

Gráfico que muestra la rutina con la que se obtiene la constante de Kaprekar **6174** El algoritmo es el siguiente:

- 1. Elíjase cualquier <u>número natural</u> en una <u>base</u>
- Créese un nuevo número ordenando las cifras de en orden descendente;
 y un nuevo número , con el orden de sus cifras ascendente.
- 3. Repítase el paso anterior con el resultado de

Base 10

Números de cuatro dígitos

En 1949 D.R. Kaprekar descubrió que si se aplica el proceso descrito anteriormente a números de cuatro dígitos en base diez, la secuencia converge a 6174 en como máximo siete iteraciones si se retienen los ceros. 45 (excluyendo los números con sus cuatro dígitos iguales, porque llevan a la constante trivial, el 0).

En la formulación original se retienen los ceros, pero si no se retienen, hay 77 números que convergen a cero, por ejemplo el 2111:⁶