DM n°1 - FDI

 $Hugo \ Salou$

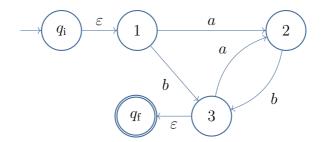


9 avril 2025

Exercice 1.

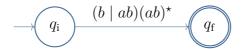
On applique l'algorithme d'éliminations d'états sur l'automate. Les différentes étapes sont représentées.

On commence par « détourer » l'automate (on ajoute q_i et q_f).



On supprime l'état 2. \xrightarrow{ab} $\xrightarrow{g_{\rm i}} \xrightarrow{\varepsilon} 1 \xrightarrow{b \mid ab} 3 \xrightarrow{\varepsilon} q_{\rm f}$

On supprime les états 2 et 3.



On en déduit une expression régulière équivalente à l'automate initial :

$$(b \mid ab)(ab)^{\star}.$$

$$-2/3 -$$

Exercice 2.

On procède en deux temps :

- 1. on réalise un DFA \mathfrak{A}_1 reconnaissant le langage $\mathfrak{L}((aba)^*) = L$;
- 2. et on inverse les états finaux et non finaux (donnant \mathcal{A}_2).

L'automate déterministe obtenu reconnaitra le langage $\Sigma^* \setminus L$.

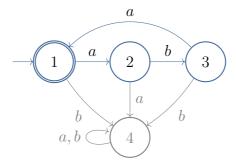


Figure 1 | Automate fini déterministe pour l'étape 1

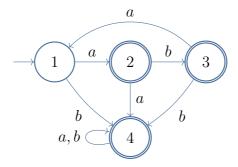


Figure 2 | Automate fini déterministe pour l'étape 2