on fait un DFS

mo G(m)

on calcule les degrés et on donne les sommets de degré 1:

(n)

6 6 (2n)

(22. (a) Gn fait de la programmation dynamique:

(on peut aussi procéder à un tri à l'aise d'un bucket

mwoc G: min { poids (x) + \sum mwoc [y] , \sum_{x \to y} mwoc [y] \sqrt{.

(b) On fait un 1er DFS pour trouver le sommet ele plus loin du hommet choibi arbitrairement. Ensuite, avec un 2^{mol} DFS, on pout de x et on sugarde le sommet y le plus loin de x.

diam (T) = profondeur de y dans le 2rd portous

Q3. 6643633

On crée une file de prionilé seu [1, lw|+2] où les priocités sont les mb d'acc dans w, plus un.

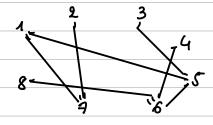
Solution: En borre des sommets. Nont que la file de puis n'est pas viole foire 6m lit le mot, à une lettre on la relie au plus petit qui n'est pas barre et qui n'est pas dons la téquence rastante; puis en boure la

Extraire le min x. Relin x à wi

Retiser 1 à la prio de Wi et 2. Si prio: o alous on le retire.

 $Q5. |\mathcal{I}_m| = n^{m-2}$

756156



Q1. (a) Soient T_1 et T_2 deux aubres courrant de poids minimum. Supposons $T_1 \neq T_2$ d'aû $E(T_1) \land E(T_2) \neq \emptyset$. Soif $e \in E(T_1) \land E(T_2)$ de poids min.

Sans perdre en généralité, supposons ec $E(T_1)$. de graphe T_1 + e a un cycle C.

Soit e'e(C\1e3) n(E(T_2)\ E(T_2)).

Alors, $T_2 + e^2 - e$ est un ordere convicent de poids < poids de T_2 .

Gm conclut T1 = T2.

(b) Soit $E = \frac{3}{2}e_1, \dots, e_n$? tels que $w(e_1) \leq \dots \leq w(e_n)$. Gru pose $w'(e_i) := i$.

Comme les poids (w'(e)) sont tous différents, alors on peut appliquer l'algorithme et avoir T.

Et, comme l'ordre défini per w'est un refferement de l'ordre défini par w, en a que T est un ACPM pour w.

Q2. Gn considère $G = (V, S_2(V), w)$ où w(v,v') := d(v,v'). Gn fait $m \cdot k$ étapes de Kruskal.

Complexité en G((n-k) d(n)).

Soit C le résultat d'espacement E.

Soit () um autre k-clustering.

Il existe 11,10 dans 2 composantes différentes de c'et dans la même amposante de C.

Offentions que d(11,10) & E (ce qui implique exporcement (C') & E).

Soit ist tell que $d(s, t) = \varepsilon$.

Si $d(s,t) = \varepsilon < d(u,v)$ et en soit que st me crée pas de cycle alors absorde on Kruskal await choisit st.

Q3. Utibres non enracines

· Réflexivité:
$$\phi = id$$

Transitivité:
$$\phi' = \phi' \circ \phi$$

$$V_1 \quad \phi \quad V_2 \quad \phi \circ V_3$$

$$\phi'' = \phi' \circ \phi$$

Mibre enraciné:

• Symétie:
$$\phi' = \phi^{-1}$$

• Symétie:
$$\phi' = \phi^{-1}$$
• Transitivité: $\phi'' = \phi' \circ \phi$

Q.4.

$$A \sim D$$
 we c ℓ' isomorphisme

$$B \neq A, C, D$$
 can deg (2) = 2 et deg (·) \neq 2 deg (·) \neq 2.

$$C(T-F) = \{x \in V(T-F) \mid R_{T-F}(x) = R(T-F)\}$$

$$= \{x \in V(T-F) \mid R_{T}(x) = R(T)\}$$

$$= C(T)$$

Q6. Par récussence foite sur #7. Complexité on G(m), c.f. TD 5.
Q3 Τ~Τ' => 3λε(CT), 3λ' ε C(T'), (Τ,λ)~(T',λ')
(x, y,
i e i e i
$= R(\psi(x)) = R(x)$
$doù C(T') = C(\varphi(T)) = \varphi(C(T)).$
Q8. On colcule C(T) et C(T') en G(n).
Soit $x \in C(7)$.
Poin tout $x' \in C(T')$, tester $(T, x) \sim (T', x')$.
Bemplexité en G(q+2 f(n)) = G(f(n)+n).