on fait un DFS

~~ G(n) on calcule les degrées et on donne les sommets de degrée 1: (0 6(2m)

(m) (d

(on peut aussi procéder à un tri à l'aide d'un bucket don) Q2. (a) Gn fait de la programmation dynamique:

mwore G: min { poids (x) + 2 mwoe [y] , = mwoc [y] }.

(b) On fait un 1er DFS pour trouver le sommet ele plus loin de bommet choixi arbitrairement. Ensuite, avec un 2^{md} DFS, on pout ou x et on sugarde le sommet y le plus boin de x.

diam (T) = profondeur de y dans le 2nd porton

Q3. 6643633

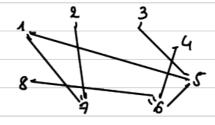
On crée une file de priorilé seu [1, lwl+2] où les priocités bent les mb d'acc dans us, plus un.

Solution: Em barre des sommets. Sont que la file de prio n'est pas viole foire 6m lit le mot, à une lettre on la relie au plus petit qui n'est pas barrie et qui n'est pos dons la téquence restante; puis en boire la

Extraire le min x. Relin x à wi

Retiren 1 à la prio de Wi et 2. Si prio = 0 alous on le retire.

Q5. $|\mathcal{I}_{m}| = n^{m-2}$



Q1. (a) Soient T_1 et T_2 deux avores convront de poids minimum. Supposons $T_1 \neq T_2$ d'avi $E(T_1) \triangleq E(T_2) \neq \emptyset$. Soif $e \in E(T_1) \triangleq E(T_2)$ de poids min.

Sans perdre en généralité, supposons ec $E(T_1)$. de graphe T_2 + e a un cycle C.

Soit e'e($C \cdot le$) n($E(T_2) \cdot E(T_2)$).

 $Algo, T_2 + e^2 - e$ est un avore assurant de poids < poids de T_2 .

Gm condut T1 = T2.

(b) Soit E = 7 e2, ..., en ? tels que w(e2) ≤ ... ≤ w(en).
Gov pose w'(ei) := i.

Comme les poids (w'(e)) sont tous différents, alors on peut appliquer l'algorithme et avoir T.

Et, comme l'ordre défini per w'est un reffinement de l'ordre défini par w, en a que T est un ACPM pour w.

Q2. Gn considère 6: (V, 8, (V), w) où w(v,v):=d(v,v).

Gn fait n-k étapes de Kruskal.

Complexité en G((n-k) d(n)).

Soit C le résultat d'expocemment E.

Soit () um autre k-clustering.

Il existe 11,10 dans 2 composantes différentes de c'et dans la même amprente de C

Cloutrons que d(11,10) & E (ce qui implique exportement (C') & E).

Soit it tel que d(s, t) = E.

Si $d(s,t) = \varepsilon < d(u,v)$ et en suit que st me crée pas de cycle alors absorde on Kruskal await choisit st.

Q3. Utibres mon enracines

- · Reflexivate: Φ = id
- · Symétice : φ' = φ-1
- Transikuité: $\phi' = \phi' \circ \phi$ $V_1 \xrightarrow{\phi} V_2 \xrightarrow{\phi'} \circ V_3$

Mibre enracine:

- · Réflexivité : 0 = id
- Symétie : $\phi' = \phi^{-1}$ Transitivité : $\phi'' = \phi' \circ \phi$

Q4.

$$A \sim D$$
 are c l'isomorphisme

- aw fukr

Cop A,D con il existe un sommet de degré 4 relié à trois fauilles dons C mais pas dons A.

$$B \neq A, C, D$$
 can deg (2) = 2 et deg (·) $\neq 2$ deg (·) $\neq 2$.

$$C(T-F) = \left\{ x \in V(T-F) \mid R_{T-F}(x) = R(T-F) \right\}$$

$$= \left\{ x \in V(T-F) \mid R_{\tau}(x) = R(T) \right\}$$

$$= C(T)$$

Q6. ´	Par récurrence	forte su	# 7.	- Gomplexité en (J(n), c.f. TD 5.
QЭ	T~T' =	⇒ ∃л	e CTT)	غ نه و C(T') ,	(T,n)~ (T',n')
	` <u>—</u> " <u>oui</u>				
	=>" R(♦(±		c 16 (-1)	φ (a c=\)	
	d'où.	CL7) = C	C Ψ (()) :	= φ(c(τ)).	
Q. % .	Gn colcule	CCT) et	C(T')	en G(a).	
	Soit x e				
	Pour tout oc	'εC(T') ,	Lester ($(\tau, \infty) \sim (\tau', \infty)$)
	Bemplexité e	m G(a)	9 A(m) = (ο (((n)+ n)	
	Complexio	4. O C k .	- 4 - 13		