Sutorial no 1.

2. Linear algebra

A. 1.
$$(A^{\dagger})^{\dagger} = \overline{(\overline{A^{\top}})^{\dagger}} = \overline{(\overline{A^{\top}})} = \overline{\overline{A}} = A$$

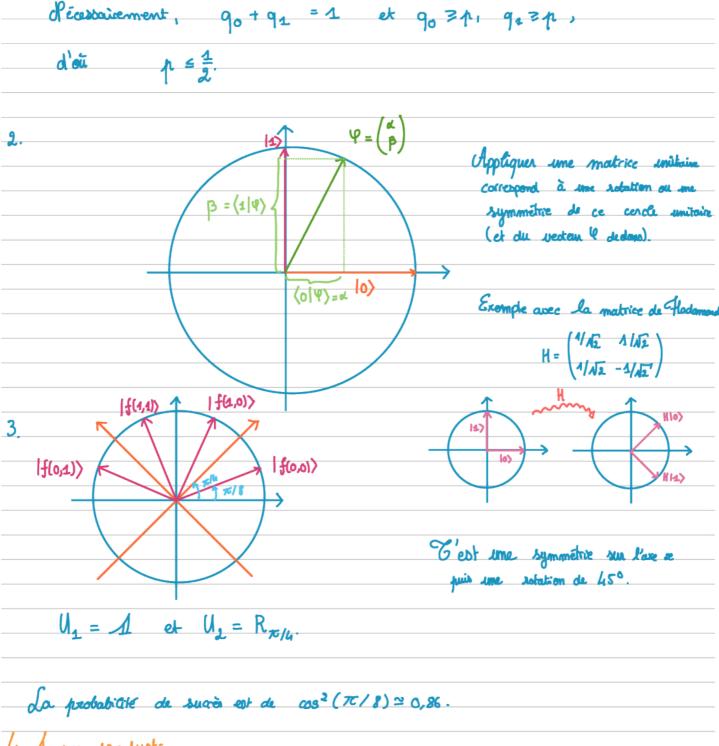
- 2. $(AB)^{\dagger} = \overline{(AB)^{\dagger}} = \overline{(B^{\dagger}A^{\dagger})} = \overline{B^{\dagger}A^{\dagger}} = \overline{B^{\dagger}A^{\dagger}}$ identique pour $(Ax)^{\dagger} = x^{\dagger}A^{\dagger}$
- 3. $\langle A^{\dagger}u, v \rangle = (A^{\dagger}u)^{\dagger}v = u^{\dagger}A^{\dagger\dagger}v = u^{\dagger}Av = \langle u, Av \rangle$.
- B. 1. Si A est harmitienne, $AA^{\dagger} = AA A^{\dagger}A$ donc A normale. Si A est unifaire, $AA^{\dagger} = AA^{\dagger} = A = A^{\dagger}A = A^{\dagger}A$ donc A normale.
 - 2. (UV) = V + U = V 1 U = (UV) 1 donc UV est unitaire.
 - 3. $(G+H)^{\dagger} = \overline{G+H}^{\dagger} = (\overline{G+H})^{\dagger} = \overline{G}^{\dagger} + \overline{H}^{\dagger} = G^{\dagger} + H^{\dagger} = G+H$ donc G+H ext hermitienne
 - $u. (vx^{\dagger})^2 = \sigma x^{\dagger} x \sigma^{\dagger} = \langle x, \alpha \rangle x \sigma^{\dagger} = ||x||^2 x \sigma^{\dagger} = v x^{\dagger}$ con v est initiaine
 - $(vv^{\dagger})^{\dagger} = v^{\dagger}v^{\dagger} = vv^{\dagger}$ donc vv^{\dagger} est bien une matrice de soit g est et u un vecteur.

Gma: $P^2 u = Pu$. $Pu = \lambda u \implies P(Pa) = P(\lambda u) = \lambda u$ $\Rightarrow \lambda^2 = \lambda$

D'où 2=0 ou 2=1.

3. Quantum romdom access code.

- 1. $6m = f: 10,17^2 \longrightarrow 10,17$ donc on a néossocirment une collision. Some pendre en généralité, supposons f(0,x) = f(1,x).
- D'où, pour obtenir le 1^{ex} brt, on a: $f(0,x) \xrightarrow{q_0} ex f(1,2) \xrightarrow{q_1} 1.$



4. Nember products

1. $0 e^{2i\pi/3} = e^{i\pi/3}$ $e^{-2i\pi/3} = e^{2i\pi/3}$ A $\otimes \beta = e^{2i\pi/3} = e^{2i\pi/3}$ $e^{2i\pi/3} = e^{2i\pi/3}$

