Universidad de San Carlos de Guatemala Escuela de Ciencias Físicas y Matemáticas Programas de Licenciatura

Programa de Análisis funcional 1

1. Descripción del Curso

Nombre: Análisis funcional 1 Código: M702 Prerrequisito: M605-M602 Créditos: 6

Profesor: Hugo García Semestre: Segundo 2018

El curso se dedica al estudio de espacios de Banach, con especial énfasis en espacios de Hilbert, operadores adjuntos y sus propiedades. Para ello se parte del estudio de espacios métricos, mostrando que cualquier espacio métrico es un espacio topológico y por lo tanto podemos hablar de propiedades importantes como la completitud. Además se estudia espacios vectoriales normados tanto de dimensión finita como no finita.

2. Competencias

2.1. Competencias generales

- 2.1.1 Capacidad de abstracción, incluido el desarrollo lógico de teorías matemáticas y las relaciones entre ellas.
- 2.1.2 Dominio de los conceptos fundamentales de la matemática pura.
- 2.1.3 Capacidad creativa para formular demostraciones.
- 2.1.4 Capacidad para presentar razonamientos y teorías matemáticas, con claridad y rigor pero de forma adecuada para la audiencia a la que van dirigidos, tanto oralmente como por escrito.
- 2.1.5 Capacidad para trabajar en equipos interdisciplinarios.

2.2. Competencias específicas

- a. El estudiante es capaz de describir la completación de cualquier espacio métrico dado a través del teorema de completación de espacios métricos.
- b. Capacidad de caracterizar de manera correcta los espacios vectoriales de dimensión infinita.
- c. El estudiante plantea hipótesis de propiedades de los espacios de Hilbert y las demuestra con rigor matemático.
- d. El estudiante es capaz de reconocer los coeficiente de Fourier para cualquier espacio de Hilbert dado.
- e. 4. Capacidad para enunciar los teoremas más importantes del análisis funcional, dando un bosquejo de su demostración, explicación de sus consecuencias y posibles aplicaciones.
- f. Comprensión de la teoría general de los coeficientes de fourier, presentes en espacios de Hilbert.
- g. Aprendizaje de conceptos básicos de la mecánica cuántica a través de la aplicación de conceptos de análisis funcional.

3. Unidades

3.1. Espacios métricos

Descripción: Definición de espacios métricos y ejemplos. Topología de espacios métricos. Convergencia, sucesiones de Cauchy y espacios métricos completos. Completación de espacios métricos.

Duración: 18 períodos de 50 minutos.

Metodología: Los períodos de clase son magistrales, desarrolando los teoremas fundamentales así como su demostración. Se presenta la necesidad de conocer estos conceptos para el desarrollo de las siguientes unidades.

Evaluación: Se evaluará por medio de hojas de trabajo, tareas semanales, exámenes cortos, preguntas de definiciones formales y la resolución de cuatro problemas en el primer parcial.

3.2. Espacios de Banach

Descripción: Espacios vectoriales. Espacios normados. Propiedades de espacios normados. Espacios normados de dimensión finita y sus propiedades. Compacidad en dimensión finita. Operadores lineales. Operadores lineales acotados y continuos. Funcionales lineales. Operadores lineales y funcionales lineales en espacios de dimensión finita. Espacio dual

Duración: 26 períodos de 50 minutos.

Metodología: Los períodos de clase son magistrales, desarrallando ejemplos así como dando demostraciones rigurosas.

Evaluación: Se evaluará por medio de hojas de trabajo, tareas semanales, exámenes cortos, preguntas de definiciones formales y la resolución de cuatro problemas en el segundo parcial.

3.3. Espacios de Hilbert

Descripción: Espacios con producto interno. Espacios de Hilbert y ejemplos. Propiedades de espacios de Hilbert. Complemento ortogonal y sumas directas. Conjuntos y sucesiones ortonormales. Series relacionadas con sucesiones ortonormales. Conjuntos y sucesiones ortonormales totales. Representación de funcionales en espacios de Hilbert. Operador autoadjunto de Hilbert. Operadores autoadjuntos, unitarios y normales.

Duración: 30 períodos de 50 minutos

Metodología: Los períodos de clase son magistrales, desarrollando la teoría de los espacios de Hilbert, haciendo demostraciones rigurosas y resolviendo ejercicios propuestos.

Evaluación: Se evaluará por medio de hojas de trabajo, exámenes cortos, tareas semanales, preguntas de definiciones formales y cuatro problemas en el tercer parcial .

4. Evaluación del curso

Los porcentajes asignados a cada uno de los elementos de la evaluación están de acuerdo con el Reglamento General de Evaluación y Promoción del Estudiante de la Universidad de San Carlos de Guatemala

Exámenes cortos y hojas de trabajo 10 puntos Tareas semanales 15 puntos 3 Exámenes parciales 50 puntos Examen final 25 puntos Total 100 puntos

5. Bibliografía

- 1. Erwin Kreyszig. "Introductory Functional Analysis with Applications". John Wiley, 1978.
- 2. Kolmogorov y Fomin. "Elementos de la Teoría de Funciones y del Análisis Funcional". MIR, 1975.
- 3. Joan Cerdá. "Linear Functional Analysis". Real Sociedad Matemática Española. 1942.
- 4. Rabindranath Sen. "A first course in functional analysis". Anthem press, USA. 2013.
- 5. Walter Rudin. "Functional Analysis". McGraw-Hill, 1991
- 6. http://www.scipy.org/

http://ecfm.usac.edu.gt/programas