



Universidad de San Carlos de Guatemala

Facultad de Ingeniería

Escuela de Ciencias

# TEORÍA DE LOS GRUPOS-ANILLOS Y SUS APLICACIONES

**Hugo Allan García Monterrosa**

Asesorado por el Lic. William Roberto Gutiérrez Herrera

Guatemala, FECHA



UNIVERSIDAD DE SAN CARLOS DE GUATEMALA



FACULTAD DE INGENIERÍA

**TITULO DE TU TESIS (identi.tex)**

TRABAJO DE GRADUACIÓN  
PRESENTADO A LA JUNTA DIRECTIVA DE LA  
FACULTAD DE INGENIERÍA  
POR

**HUGO ALLAN GARCÍA MONTERROSA**  
ASESORADO POR EL Lic. WILLIAM ROBERTO GUTIERREZ HERRERA

AL CONFERÍRSELE EL TÍTULO  
**LICENCIADO EN MATEMÁTICA APLICADA**

GUATEMALA, FECHA



UNIVERSIDAD DE SAN CARLOS DE GUATEMALA  
FACULTAD DE INGENIERÍA



**NÓMINA DE JUNTA DIRECTIVA**

DECANO	Ing. Murphy Olympo Paiz Recinos
VOCAL I	Ing. Alfredo Enrique Beber Aceituno
VOCAL II	Ing. Pedro Antonio Aguilar Polanco
VOCAL III	Ing. Miguel Angel Dávila Calderón
VOCAL IV	Br. Juan Carlos Molina Jiménez
VOCAL V	Br. Mario Maldonado Muralles
SECRETARIO	Ing. Hugo Humberto Rivera Pérez

**TRIBUNAL QUE PRACTICÓ EL EXAMEN GENERAL PRIVADO**  
(Ver `nomina.tex`)

DECANO	Ing. Murphy Olympo Paiz Recinos
EXAMINADORA	Dra. Mayra Virginia Castillo Montes
EXAMINADOR	Lic. William Roberto Gutiérrez Herrera
EXAMINADOR	Lic. Francisco Bernardo Ral De La Rosa
SECRETARIO	Ing. Hugo Humberto Rivera Pérez



**HONORABLE TRIBUNAL EXAMINADOR**

Cumpliendo con los preceptos que establece la ley de la Universidad de San Carlos de Guatemala, presento a su consideración mi trabajo de graduación titulado:

**TEORÍA DE LOS GRUPO-ANILLOS Y SUS  
APLICACIONES**

tema que me fuera asignado por la Coordinación de la Carrera de Licenciatura en Matemática Aplicada, el (Fecha).

Hugo Allan García Monterrosa





## AGRADECIMIENTOS A:

**Dios**

Por permitirme culminar mis estudios de pregrado,  
brindando fortaleza y ayuda en todo momento.

**Dedicatoria2**

Ver agrade.tex.



# ÍNDICE GENERAL

<b>LISTA DE SÍMBOLOS</b>	<b>III</b>
<b>RESUMEN</b>	<b>V</b>
<b>OBJETIVOS</b>	<b>VII</b>
<b>INTRODUCCIÓN</b>	<b>IX</b>
<b>1. CONCEPTOS PRELIMINARES</b>	<b>1</b>
1.1. Antecedentes . . . . .	1
1.2. Teoría de grupos . . . . .	1
1.3. Anillos, Módulos y Álgebras . . . . .	1
<b>2. GRUPOS-ANILLOS</b>	<b>3</b>
2.1. Hechos Básicos De Los Grupo-Anillos . . . . .	3
<b>CONCLUSIONES</b>	<b>5</b>
<b>RECOMENDACIONES</b>	<b>7</b>
<b>BIBLIOGRAFÍA</b>	<b>9</b>



# LISTA DE SÍMBOLOS

Símbolo	Significado
$x^n$	cancelación de $x$ al valor $n$
$E^c$	complemento de $E$
$\mathbb{C}$	conjunto de los números complejos
$\mathbb{Z}$	conjunto de los números enteros
$\mathbb{Z}^+$	conjunto de los números enteros positivos
$\mathbb{R}$	conjunto de los números reales
$\emptyset$	conjunto vacío
$\infty$	infinito
$\ln$	logaritmo natural
$(m, n)$	máximo común divisor entre $m$ y $n$
$\frac{d^n}{dx^n}$	$n$ -ésima derivada respecto de $x$
$\notin$	no pertenencia
$\forall$	para todo
$\in$	pertenencia
$\frac{d}{dx}$	primera derivada respecto de $x$
$\prod$	productoria
$\Leftrightarrow$	si y sólo si
$(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$	sucesión de $a_n$
$\sum$	sumatoria
$ \cdot $	valor absoluto
$[\cdot] _{x=m}$	valuación de expresión con $x = m$



# RESUMEN

Resumen de tesis (obje.tex)





# OBJETIVOS

## General

- Solo un objetivo general (obje.tex)

## Específicos

1. Al menos un objetivo específico (obje.tex)



# INTRODUCCIÓN

Introducción de la tesis (intr.tex)



# **1. CONCEPTOS PRELIMINARES**

## **1.1. Antecedentes**

## **1.2. Teoría de grupos**

aquí irá toda la teoría de grupos que se tenga que desarrollar previo a comenzar propiamente la tesis.

## **1.3. Anillos, Módulos y Álgebras**

aquí también se tiene que escribir las definiciones, teoremas de morfías y todo lo de semisimplicidad.



## 2. GRUPOS-ANILLOS

### 2.1. Hechos Básicos De Los Grupo-Anillos

En este capítulo se darán las definiciones formales matemáticas que dan paso al estudio de los grupo-anillos y se relacionará la teoría de grupos y anillos con esta nueva estructura matemática.

Considérese la siguiente construcción: Sea  $G$  un grupo cualquiera y  $R$  un anillo cualquiera. Entonces se define  $RG := \{\alpha : \alpha : G \rightarrow R, |sop(\alpha)| < \infty\}$  donde  $sop(\alpha) := \{g \in G : \alpha(g) \neq 0\}$ , a el conjunto  $sop(\alpha)$  se le llama el soporte de  $\alpha$ . Se puede observar entonces que los elementos de  $RG$  son funciones de tal forma que su soporte es finito.

Como  $RG$  es un conjunto de funciones se puede considerar la suma usual de funciones para definir la operación suma en  $RG$ , a saber  $+: RG \times RG \rightarrow R$  de tal forma que si  $\alpha, \beta \in RG$  entonces  $(\alpha + \beta)(g) := \alpha(g) + \beta(g)$ . Similarmente podemos definir la operación producto en  $RG$  como  $\cdot : RG \times RG \rightarrow R$  de tal forma que si  $(\alpha \cdot \beta)(u) := \sum_{gh=u} \alpha(g)\beta(h)$





# CONCLUSIONES

1. Conclusiones (*c\_y\_r.tex*)



# RECOMENDACIONES

1. Recomendaciones (*c\_y\_r.tex*)



## Bibliografía

- [1] Ahlfors, Lars V. **Complex Analysis (An Introduction to the Theory of Analytic Functions of One Complex Variable)** 3ª ed. (International Series in Pure and Applied Mathematics)
  
- [2] Apellido, Nombre. **Titulo**  $n$ -sima ed. (Editorial)