# La Estadística detrás del Análisis Filogético

#### Hugo Flores Arguedas

Departamento Ciencias y Matemáticas Arkansas State University Campus Queretaro hfloresarguedas@astate.edu

Escuela de Otono, Biología Matemática, Oct 7-11, 2024



¿Qué hicimos ayer? Hablamos de...

¿Qué hicimos ayer? Hablamos de...

• Similitud entre secuencias.

¿Qué hicimos ayer? Hablamos de...

- Similitud entre secuencias.
- BLAST

¿Qué hicimos ayer? Hablamos de...

- Similitud entre secuencias.
- BLAST

El BLAST es un algoritmo que funciona gracias a:

¿Qué hicimos ayer? Hablamos de...

- Similitud entre secuencias.
- BLAST

El BLAST es un algoritmo que funciona gracias a:

- Referencia 1: Karlin and Altschul
- Referencia 2:

The Annals of Statistics 1990, Vol. 18, No. 2, 571-581

STATISTICAL COMPOSITION OF HIGH-SCORING SEGMENTS FROM MOLECULAR SEQUENCES

By Samuel Karlin<sup>1</sup>, Amir Dembo and Tsutomu Kawabata

Stanford University, Stanford University and University of

Electro-Communications

Tutorial | Published: 27 September 2001

# Having a BLAST with bioinformatics (and avoiding BLASTphemy)

Alexander Pertsemlidis <sup>™</sup> & John W Fondon III

Genome Biology 2, Article number: reviews2002.1 (2001) | Cite this article

59k Accesses | 59 Citations | 7 Altmetric | Metrics

#### Abstract

Searching for similarities between biological sequences is the principal means by which bioinformatics contributes to our understanding of biology. Of the various informatics tools developed to accomplish this task, the most widely used is BLAST, the basic local alignment search tool. This article discusses the principles, workings, applications and potential pitfalls of BLAST, focusing on the implementation developed at the National Center for Biotechnology Information

#### BLASTphemy

Árboles Filogenéticos Máxima Verosimilitud

Árboles Filogenéticos

# Métodos

¿Qué es un árbol filogenético?

# Métodos

# ¿Qué es un árbol filogenético?

Un Árbol Filogenético es una representación gráfica de la historia evolutiva de secuencias biológicas, que nos permite visualizar las relaciones evolutivas entre ellas.

#### ¿Qué es un árbol filogenético?

Un Árbol Filogenético es una representación gráfica de la historia evolutiva de secuencias biológicas, que nos permite visualizar las relaciones evolutivas entre ellas.

```
nature > nature ecology & evolution > articles > article

Article | Open access | Published: 12 July 2024
```

# The nature of the last universal common ancestor and its impact on the early Earth system

```
Edmund R. R. Moody, Sandra Álvarez-Carretero, Tara A. Mahendrarajah, James W. Clark, Holly C.

Betts, Nina Dombrowski, Lénárd L. Szánthó, Richard A. Boyle, Stuart Daines, Xi Chen, Nick Lane, Ziheng
Yang, Graham A. Shields, Gergely J. Szöllősi, Anja Spang, Davide Pisani , Tom A. Williams , Timothy
M. Lenton & Philip C. J. Donoghue

Nature Ecology & Evolution 8, 1654–1666 (2024) | Cite this article

102k Accesses | 7 Citations | 1381 Altmetric | Metrics
```

Luca Nature

# Métodos

 $_{\dot{c}}$ Qué es un árbol filogenético?

### Métodos

### ¿Qué es un árbol filogenético?

Un Árbol Filogenético es una representación gráfica de la historia evolutiva de secuencias biológicas, que nos permite visualizar las relaciones evolutivas entre ellas. Tenemos diferentes formas para hacer árboles:

#### ¿Qué es un árbol filogenético?

Un Árbol Filogenético es una representación gráfica de la historia evolutiva de secuencias biológicas, que nos permite visualizar las relaciones evolutivas entre ellas. Tenemos diferentes formas para hacer árboles:

#### • Distance-Based

- Unweighted Pair Group Method using Arithmetic average (UPGMA)
- Neighbor Joining (NJ)

#### ¿Qué es un árbol filogenético?

Un Árbol Filogenético es una representación gráfica de la historia evolutiva de secuencias biológicas, que nos permite visualizar las relaciones evolutivas entre ellas. Tenemos diferentes formas para hacer árboles:

#### Distance-Based

- Unweighted Pair Group Method using Arithmetic average (UPGMA)
- Neighbor Joining (NJ)

#### Character-Based

- Parsimony
- Maximum Likelihood
- Bayesian Inference

# Métodos

Distance-Based:

#### Distance-Based:

Los métodos de construcción basados en distancia involucran calcular distancias evolutivas entre secuencias usando modelos de substitución, los cuáles son usados a su vez para construir una matriz de distancia.

#### Distance-Based:

Los métodos de construcción basados en distancia involucran calcular distancias evolutivas entre secuencias usando modelos de substitución, los cuáles son usados a su vez para construir una matriz de distancia.

Los dos métodos basados en distancia más populares son UPGMA y NJ. Estos métodos están inspirados en **técnicas de clustering**.

- Unweighted Pair Group Method using Arithmetic average (UPGMA)
- Neighbor Joining (NJ)

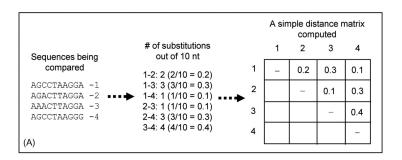
**UPGMA** es el más simple de los métodos basados en distancia que construye un árbol filogenético con raíz usando un clustering secuencial.

**UPGMA** es el más simple de los métodos basados en distancia que construye un árbol filogenético con raíz usando un clustering secuencial.

Primero, todas las secuencias son comparadas usando el resultado del alineamiento para calcular la matriz de distancia.

**UPGMA** es el más simple de los métodos basados en distancia que construye un árbol filogenético con raíz usando un clustering secuencial.

Primero, todas las secuencias son comparadas usando el resultado del alineamiento para calcular la matriz de distancia.



**UPGMA** es el más simple de los métodos basados en distancia que construye un árbol filogenético con raíz usando un clustering secuencial.

**UPGMA** es el más simple de los métodos basados en distancia que construye un árbol filogenético con raíz usando un clustering secuencial.

Primero, todas las secuencias son comparadas usando el resultado del alineamiento para calcular la matriz de distancia.

**UPGMA** es el más simple de los métodos basados en distancia que construye un árbol filogenético con raíz usando un clustering secuencial.

Primero, todas las secuencias son comparadas usando el resultado del alineamiento para calcular la matriz de distancia.

Usando esta matriz, **las dos secuencias con la menor distancia por pares se agrupan como un solo par**. Un nodo se coloca en el punto medio entre ellas

**UPGMA** es el más simple de los métodos basados en distancia que construye un árbol filogenético con raíz usando un clustering secuencial.

Primero, todas las secuencias son comparadas usando el resultado del alineamiento para calcular la matriz de distancia.

Usando esta matriz, las dos secuencias con la menor distancia por pares se agrupan como un solo par. Un nodo se coloca en el punto medio entre ellas.

Checa el siguiente video, empezando en el minuto 1:55,

https://www.youtube.com/watch?v=\_b82GJhx8VM

O bien, considera el siguiente ejemplo:

O bien, considera el siguiente ejemplo:

	Α	В	С	D
A	0			
В	3	0		
С	5	4	0	
D	7	1	2	0

Matrix 1

O bien, considera el siguiente ejemplo:

	Α	В	С	D
Α	0			
В	3	0		
С	5	4	0	
D	7	1	2	0

Matrix 1

Usando esta matriz, las dos secuencias con menor distancia son B y D. Así, estas dos secuencias se agrupan en un par.

O bien, considera el siguiente ejemplo:

	Α	В	С	D
Α	0			
В	3	0		
С	5	4	0	
D	7	1	2	0

Matrix 1

Usando esta matriz, las dos secuencias con menor distancia son B y  ${f D}$ . Así, estas dos secuencias se agrupan en un par.

Posteriormente, la distancia entre este par y todas las otras secuencias se recalculan para formar una nueva matriz (ver siguiente diapositiva).





$$d(A,BD) = {d(A,B)+d(A,D)}/2 = (3+7)/2 = 5 d(BD,C) = {d(B,C)+d(C,D)}/2 = (4+2)/2 = 3$$



$$d(A,BD) = {d(A,B)+d(A,D)}/2 = (3+7)/2 = 5$$
  
$$d(BD,C) = {d(B,C)+d(C,D)}/2 = (4+2)/2 = 3$$

	Α	BD	С
Α	0		
BD	5	0	
С	5	3	0

Matrix 2

Con esta nueva matriz, se identifica y se agrupa la secuencia más cercana al primer par.

Con esta nueva matriz, se identifica y se agrupa la secuencia más cercana al primer par.

Con esta nueva matriz, se identifica y se agrupa la secuencia más cercana al primer par.

El proceso se repite hasta que todas las secuencias hayan sido posicionadas en el árbol.

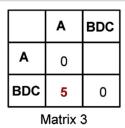
Con esta nueva matriz, se identifica y se agrupa la secuencia más cercana al primer par.

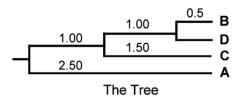
El proceso se repite hasta que todas las secuencias hayan sido posicionadas en el árbol.

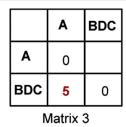
$$d(A,BDC) = {d(A,B)+d(A,D)+d(A,C)}/3 = (3+7+5)/3 = 5$$

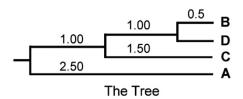
	Α	BDC
Α	0	
BDC	5	0

Matrix 3









El método UPGMA asume que la tasa evolutiva de todos los taxons es constante, por lo que son equidistantes a la raíz.

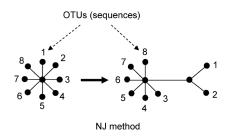
El método neighbor-joining (NJ) es el más comúnmente utilizado entre los métodos basados en distancia.

El método neighbor-joining (NJ) es el más comúnmente utilizado entre los métodos basados en distancia.

Es similar al método UPGMA , sin embargo, no asume la tasa constante, por lo que produce un árbol sin raíz.

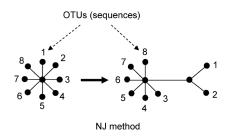
El método neighbor-joining (NJ) es el más comúnmente utilizado entre los métodos basados en distancia.

Es similar al método UPGMA , sin embargo, no asume la tasa constante, por lo que produce un árbol sin raíz.



El método neighbor-joining (NJ) es el más comúnmente utilizado entre los métodos basados en distancia.

Es similar al método UPGMA , sin embargo, no asume la tasa constante, por lo que produce un árbol sin raíz.



Checa el siguiente video, empezando en el minuto 7:51 para más detalles,

https://www.youtube.com/watch?v=\_b82GJhx8VM

Para un ejemplo concreto utilizando Python, se puede consultar el repositorio:

https://github.com/hugofloresar/EOBM2024

Carga el notebook PhylogeneticTrees.ipynb en Google Colab:

https://colab.research.google.com

### Métodos basados en posición (Character-Based)

Los métodos character-based involucran analizar las secuencias propiamente. Estos métodos evalúan todas las secuencias a la vez analizando un sitio a la vez.

### Métodos basados en posición (Character-Based)

Los métodos character-based involucran analizar las secuencias propiamente. Estos métodos evalúan todas las secuencias a la vez analizando un sitio a la vez.

Estos métodos son generalmente considerados más exactos que los métodos basados en distancia. Sin embargo, son computacionalmente más intensivos y requieren modelos estadísticos sofisticados.

## Métodos basados en posición (Character-Based)

Los métodos character-based involucran analizar las secuencias propiamente. Estos métodos evalúan todas las secuencias a la vez analizando un sitio a la vez.

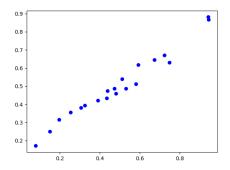
Estos métodos son generalmente **considerados más exactos** que los métodos basados en distancia. Sin embargo, son **computacionalmente más intensivos** y requieren modelos estadísticos sofisticados.

Máxima parsimonia (MP) y máxima verosimilitud (ML) son los métodos más conocidos.

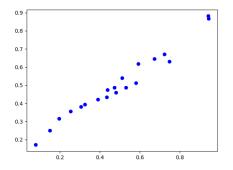
Árboles Filogenéticos Máxima Verosimilitud

Máxima Verosimilitud

### Considera el siguiente conjunto de datos

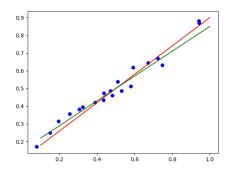


Considera el siguiente conjunto de datos



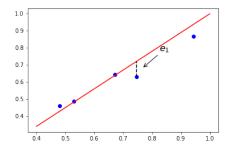
¿Pueden estos datos ser explicados por una función lineal?

¿Cuál recta describe mejor los datos?

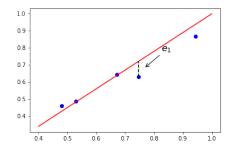


El método de los mínimos cuadrados:

#### El método de los mínimos cuadrados:



#### El método de los mínimos cuadrados:



A cada recta,

$$y = mx + b$$

se le asocia la cantidad  $E(m,b) = \sum e_i^2$ 

En el caso de la regresión lineal simple, se asume el modelo

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \epsilon, \qquad \epsilon \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$$

En el caso de la regresión lineal simple, se asume el modelo

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \epsilon, \qquad \epsilon \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$$

donde  $\epsilon$  es una ruido aleatorio, independiente a X.

En el caso de la regresión lineal simple, se asume el modelo

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \epsilon, \qquad \epsilon \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$$

donde  $\epsilon$  es una ruido aleatorio, independiente a X. La pdf condicional de Y para cada x está dada por

$$\prod_{i}^{n} p(y_i|x_i; \beta_0, \beta_1, \sigma^2) = \prod_{i}^{n} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(y_i - \beta_0 - \beta_1 x_i)^2}{2\sigma^2}}$$

En el caso de la regresión lineal simple, se asume el modelo

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \epsilon, \qquad \epsilon \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$$

donde  $\epsilon$  es una ruido aleatorio, independiente a X. La pdf condicional de Y para cada x está dada por

$$\prod_{i}^{n} p(y_{i}|x_{i}; \beta_{0}, \beta_{1}, \sigma^{2}) = \prod_{i}^{n} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^{2}}} e^{-\frac{(y_{i} - \beta_{0} - \beta_{1}x_{i})^{2}}{2\sigma^{2}}}$$

Los parámetros del modelo son  $\beta_0, \beta_1$  y a veces,  $\sigma$ .

El método de Máxima Verosimilitud (ML) usa cada posición en un alineamiento y evalúa todos los posible árboles.

El método de Máxima Verosimilitud (ML) usa cada posición en un alineamiento y evalúa todos los posible árboles.

Calcula la verosimilitud para cada árbol y busca el que tenga la mayor de todas.

El método de Máxima Verosimilitud (ML) usa cada posición en un alineamiento y evalúa todos los posible árboles.

Calcula la verosimilitud para cada árbol y busca el que tenga la mayor de todas.

¿Cuáles son los parámetros de un árbol filogenético?

El método de Máxima Verosimilitud (ML) usa cada posición en un alineamiento y evalúa todos los posible árboles.

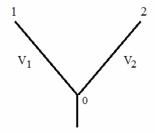
Calcula la verosimilitud para cada árbol y busca el que tenga la mayor de todas.

¿Cuáles son los parámetros de un árbol filogenético?

La idea principal está en determinar:

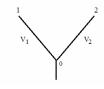
- La topología del árbol
- La longitud de las ramas
- Los parámetros del modelo evolutivo

que maximicen la probabilidad de observar las secuencias con las que se cuentan.



Puntas o nodos terminales 1 y 2, la raíz 0, y la longitud de sus ramas  $v_1$  y  $v_2$ . Supongamos que se conoce el estado del nodo 0,  $S_0$ . Entonces:

$$L = \pi_{S_0} P_{S_0 S_1}(v_1) P_{S_0 S_2}(v_2)$$



$$L = \pi_{S_0} P_{S_0 S_1}(v_1) P_{S_0 S_2}(v_2)$$

donde



$$L = \pi_{S_0} P_{S_0 S_1}(v_1) P_{S_0 S_2}(v_2)$$

#### donde

•  $\pi_{S_0}$  es la probabilidad de la que la raíz se encuentre en el estado  $S_0$ .



$$L = \pi_{S_0} P_{S_0 S_1}(v_1) P_{S_0 S_2}(v_2)$$

#### donde

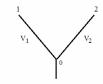
- $\pi_{S_0}$  es la probabilidad de la que la raíz se encuentre en el estado  $S_0$ .
- $P_{S_0S_1}(v_1)$  es la probabilidad de que la raíz transicione de  $S_0$  a la punta 1, en el estado  $S_1$ , con una rama de longitud  $v_1$

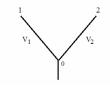


$$L = \pi_{S_0} P_{S_0 S_1}(v_1) P_{S_0 S_2}(v_2)$$

#### donde

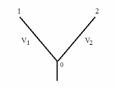
- $\pi_{S_0}$  es la probabilidad de la que la raíz se encuentre en el estado  $S_0$ .
- $P_{S_0S_1}(v_1)$  es la probabilidad de que la raíz transicione de  $S_0$  a la punta 1, en el estado  $S_1$ , con una rama de longitud  $v_1$
- $P_{S_0S_2}(v_2)$  es la probabilidad de que la raíz transicione de  $S_0$  a la punta 2, en el estado  $S_2$ , con una rama de longitud  $v_2$



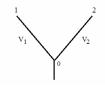


Para este ejemplo,

• Sabemos los estados  $S_1$  y  $S_2$ .

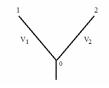


- Sabemos los estados  $S_1$  y  $S_2$ .
- Pero no necesariamente sabemos el estado  $S_0$ .



- Sabemos los estados  $S_1$  y  $S_2$ .
- Pero no necesariamente sabemos el estado  $S_0$ .
- Supongamos que estamos considerando una secuencia de nucleótidos, entonces

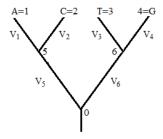
$$L = \sum_{S_0} \pi_{S_0} P_{S_0 S_1}(v_1) P_{S_0 S_2}(v_2)$$

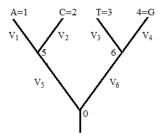


- Sabemos los estados  $S_1$  y  $S_2$ .
- Pero no necesariamente sabemos el estado  $S_0$ .
- Supongamos que estamos considerando una secuencia de nucleótidos, entonces

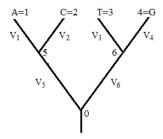
$$L = \sum_{S_0} \pi_{S_0} P_{S_0 S_1}(v_1) P_{S_0 S_2}(v_2)$$

con 
$$S_0 \in \{A, C, T, G\}$$
.



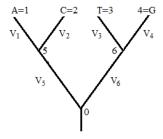


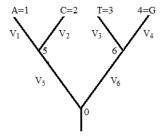
LES TOCA A USTEDES!



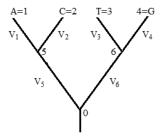
LES TOCA A USTEDES!

$$L = ???$$



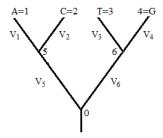


Suponiendo que conocemos  $S_0,\,S_5$  y  $S_6$ 



Suponiendo que conocemos  $S_0$ ,  $S_5$  y  $S_6$ 

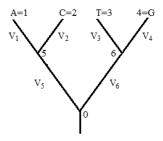
$$L = \pi_{S_0} P_{S_0 S_5}(v_5) P_{S_5 A}(v_1) P_{S_5 C}(v_2) P_{S_0 S_6}(v_6) P_{S_6 T}(v_3) P_{S_6 G}(v_4)$$



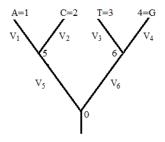
Suponiendo que conocemos  $S_0$ ,  $S_5$  y  $S_6$ 

$$L = \pi_{S_0} P_{S_0 S_5}(v_5) P_{S_5 A}(v_1) P_{S_5 C}(v_2) P_{S_0 S_6}(v_6) P_{S_6 T}(v_3) P_{S_6 G}(v_4)$$

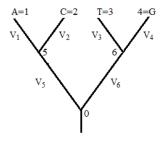
pero en general, no conocemos  $S_0$ ,  $S_5$  y  $S_6$ , ...



$$L = \sum_{S_0} \sum_{S_5} \sum_{S_6} \pi_{S_0} P_{S_0 S_5}(v_5) P_{S_5 A}(v_1) P_{S_5 C}(v_2) P_{S_0 S_6}(v_6) P_{S_6 T}(v_3) P_{S_6 G}(v_4)$$



$$L = \sum_{S_0} \sum_{S_5} \sum_{S_6} \pi_{S_0} P_{S_0 S_5}(v_5) P_{S_5 A}(v_1) P_{S_5 C}(v_2) P_{S_0 S_6}(v_6) P_{S_6 T}(v_3) P_{S_6 G}(v_4)$$
con  $S_0, S_5, S_6 \in \{A, C, T, G\}$ .



$$L = \sum_{S_0} \sum_{S_5} \sum_{S_6} \pi_{S_0} P_{S_0 S_5}(v_5) P_{S_5 A}(v_1) P_{S_5 C}(v_2) P_{S_0 S_6}(v_6) P_{S_6 T}(v_3) P_{S_6 G}(v_4)$$
con  $S_0, S_5, S_6 \in \{A, C, T, G\}$ .

Así se calcula la verosimilitud en un sitio determinado.

### Máxima Verosimilitud

La verosimilitud es determinada al evaluar la probabilidad de que cierto modelo evolutivo haya generado los datos observados.

### Máxima Verosimilitud

La verosimilitud es determinada al evaluar la probabilidad de que cierto modelo evolutivo haya generado los datos observados.

Las verosimilitudes para cada sitio se multiplican para obtener la verosimilitud de cada árbol.

### Máxima Verosimilitud

La verosimilitud es determinada al evaluar la probabilidad de que cierto modelo evolutivo haya generado los datos observados.

Las verosimilitudes para cada sitio se multiplican para obtener la verosimilitud de cada árbol.

El método ML es el más lento y computacionalmente intensivo de los métodos mencionados.

# Sample (Original set of sequences)

```
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
1- A T G G A C C A A A
2- A T G C C A A C T T
3- A T G C C A C A T T
4- A T G G A C A C A A
```

# Sample (Original set of sequences)

```
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
1- A T G G A C C A A A
2- A T G C C A A C T T
3- A T G C C A C A T T
4- A T G G A C A C A A
```

Vamos a hacer un remuestreo (con reemplazo) de la muestra original para crear nuevos conjuntos de pseudomuestras:

# Sample (Original set of sequences)

```
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
1- A T G G A C C A A A
2- A T G C C A A C T T
3- A T G C C A C A T T
4- A T G G A C A C A A
```

Vamos a hacer un remuestreo (con reemplazo) de la muestra original para crear nuevos conjuntos de pseudomuestras:

### Resampling-1

```
1 1 1 2 2 3 3 8 8 10
1- A A A T T G G A A A
2- A A A T T G G C C T
3- A A A T T G G C C A
```

Se repite este proceso varias veces

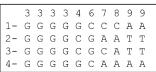
Se repite este proceso varias veces

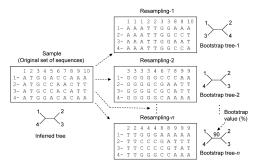
#### Resampling-2

```
3 3 3 3 4 6 7 8 9 9
1- G G G G G C C C A A
2- G G G G C G A A T T
3- G G G G C C A A A
```

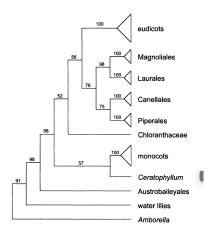
Se repite este proceso varias veces







Con cada pseudomuestra, se repite el análisis, hasta llegar a algo como esto



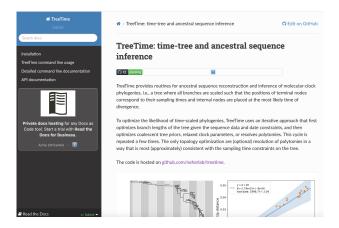
Los números representan los **bootstrap valores**. Indican el porcentaje de los árboles bootstrap que *apoyan* o sustentan la topología obtenida en el árbol original.

### Reconstruction de Ancestros

https://www.youtube.com/watch?v=Siau2o\_egGI

#### Reconstruction de Ancestros

#### https://www.youtube.com/watch?v=Siau2o\_egGI



Árboles Filogenéticos láxima Verosimilitud

Muchas gracias