# Filtro Elíptico

Danilo Souza Hugo Santos Welton Araújo

<sup>1</sup>Universidade Federal do Pará

03 de Julho de 2012

#### **Agenda**

- **1** Introdução
- 2 Filtro Elíptico
  - Projeto de Filtros Elípticos
    - Projeto do filtro
    - Tranformação em Frequeência
    - Tranformação Bilinear
- A Implementação
  - Resultados
    - Filtro I
    - Filtro II

#### **Filtros Digitais**

- Filtros FIR
- Filtros IIR
  - Mapemamento de filtros analógicos
  - Menor ordem
  - Mais difíceis de projetar
  - Problemas com Estabilidade

Menor ordem que outros filtros IIR

DesvantagensNão possui fase linear

Projetado somente em termos de magnitude

#### **Abordagens**

- Duas abordagens
- Abordagem I
  - Projetar filtro Passa-Baixa analógico
  - Realizar transformação em frequência (s → s)
  - Aplicar transformação do filtro (s → z)
- Abordagem II
  - Projetar filtro Passa-Baixa analógico
  - Aplicar transformação do filtro (s → z)
  - Realizar transformação em frequência (z → z)

#### Projeto dos filtros

- ullet Encontrar a frequência digital  $\omega$
- Encontrar a frequência distorcida  $\Omega$
- É preciso encontrar algumas constantes para calcular a ordem do filtro

• Filtro passa-baixa

$$s' \leftrightarrow \frac{1}{a} \frac{s}{\Omega_p}$$
 (1)

• Filtro rejeita-faixa

$$s' \leftrightarrow \frac{1}{a} \frac{B_s}{s^2 + \Omega_0^2} \tag{2}$$

• Mapear o plano s para o plano z

•

$$z = \frac{1 + s(T/2)}{1 - s(T/2)}$$

- Mapear o eixo jw para a circunferência de raio unitário
- Mapear o lado esquerdo do plano s para o interior da circunferência de raio unitário
- Mapear o lado direto do plano s para o exterior da circunferência de raio unitário
- Compressão das frequências (warping)
- $-\infty < \Omega < \infty$  para  $-\pi < \omega < \pi$

#### **Requisitos dos filtros**

$A_p$	1 dB
$A_r$	40 dB
$\Omega_p$	1000 Hz
$\Omega_r$	1290 Hz
$\Omega_{\mathcal{S}}$	3000 Hz

$A_p$	0,5 aB
$A_r$	60 dB
$\Omega_p$ 1	40 rad/s
$\Omega_r$ 1	50 rad/s
$\Omega_r 2$	70 rad/s
$\Omega_p$ 2	80 rad/s
Ως	240 rad/s

## Resposta em magnitude

..pictures/Filtro1/RespMagnitudeFiltro1.png

### Resposta em Fase

..pictures/Filtro1/RespFaseFiltro1.png

### Resposta ao Impulso

..pictures/Filtro1/RespImpulsoFiltro1.png

### Diagrama de polos e zeros

..pictures/Filtro1/DiagramaFiltro1.png

## Resposta em magnitude

..pictures/Filtro2/RespMagnitudeFiltro2.png

#### Resposta em Fase

..pictures/Filtro2/RespFaseFiltro2.png

### Resposta ao Impulso

..pictures/Filtro2/RespImpulsoFiltro2.png

#### Diagrama de polos e zeros

..pictures/Filtro2/DiagramaFiltro2.png