

# Experimento 1 com *MatLab*® - Sistemas de Controle

Danilo Souza - 10080000801

June 4, 2013

# Contents

# Chapter 1

## Questao 1

Foi simulado um sistema com um degrau de entrada e função de transferência mostrada na equação 1.1, os parâmetros simulados serão descritos abaixo, juntamente com os respectivos resultados (que para este sistema será o valor do tempo de estabilização  $T_s$ ).

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{K}{\tau s + 1} \quad (1.1)$$

### 1.1 Simulação

- Item i

1.  $K = 2$  e  $\tau = 0,1$  :  $T_s = 0,404$  (Figura 1.1)
2.  $K = 2$  e  $\tau = 1$  :  $T_s = 3,92$  (Figura 1.2)
3.  $K = 2$  e  $\tau = 10$  :  $T_s = 39,1$  (Figura 1.3)

- Item ii

1.  $\tau = 1$  e  $K = 0,1$  :  $T_s = 4,1$  (Figura 1.4)
2.  $\tau = 1$  e  $K = 1$  :  $T_s = 4,1$  (Figura 1.5)
3.  $\tau = 1$  e  $K = 10$  :  $T_s = 4,1$  (Figura 1.6)

Calculando a resposta analítica (no domínio de tempo), utilizando expansão em frações parciais e transformada de Laplace. As equações temporais para todas as simulações encontram-se abaixo:

- Item i

1.  $K = 2, \tau = 0,1$

$$\frac{1}{s} \frac{2}{0,1s + 1}$$
$$\frac{A}{s} + \frac{B}{0,1s + 1}$$
$$A = s \frac{2}{s(0,1s + 1)} \Big|_{s=0} = 2$$

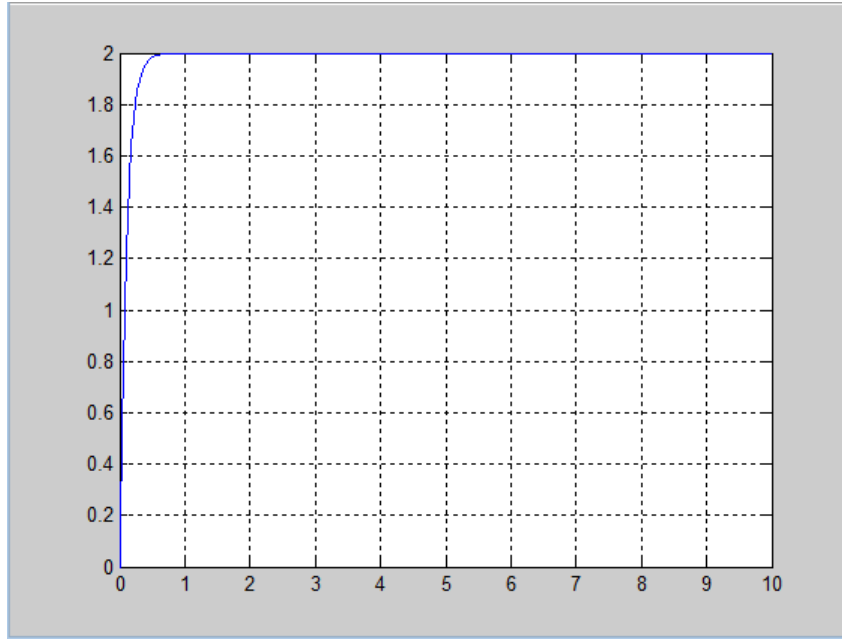


Figure 1.1:  $K = 2, \tau = 0, 1$

$$B = 0, 1s + 1 \frac{2}{s(0, 1s + 1)} \mid s = -10 = -0, 2$$

$$C(s) = \frac{2}{s} - \frac{0, 1}{s + 10}$$

$$c(t) = 2 - 0, 1e^{-10t}$$

2.  $K = 2, \tau = 1$

$$\frac{1}{s} \frac{2}{1s + 1}$$

$$\frac{A}{s} \frac{B}{s + 1}$$

$$A = s \frac{2}{s(s + 1)} \mid s = 0 = 2$$

$$B = s + 1 \frac{2}{s(s + 1)} \mid s = -1 = -2$$

$$c(t) = 2 - 2e^{-t}$$

3.  $K = 2, \tau = 10$

$$\frac{1}{s} \frac{2}{10s + 1}$$

$$\frac{A}{s} \frac{B}{10s + 1}$$

$$A = s \frac{2}{s(10s + 1)} \mid s = 0 = 2$$

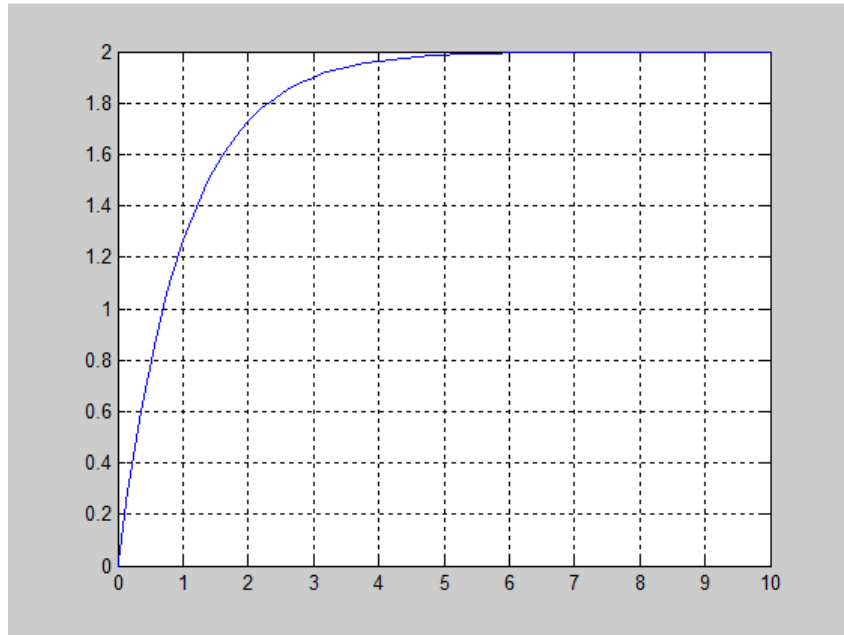


Figure 1.2:  $K = 2, \tau = 1$

$$B = 10s + 1 \frac{2}{s(10s + 1)} \mid s = -1/10 = -20$$

$$c(t) = 2 - 2e^{-t/10}$$

• Item ii

1.  $\tau = 1, K = 0, 1$

$$\frac{1}{s} \frac{0,1}{s+1}$$

$$\frac{A}{s} \frac{B}{s+1}$$

$$A = s \frac{0,1}{s(s+1)} \mid s = 0 = 0, 1$$

$$B = s + 1 \frac{0,1}{s(s+1)} \mid s = -1 = -0, 1$$

$$c(t) = 0,1 - 0,1e^{-t}$$

2.  $\tau = 1, K = 1$

$$\frac{1}{s} \frac{1}{s+1}$$

$$\frac{A}{s} \frac{B}{s+1}$$

$$A = s \frac{1}{s(s+1)} \mid s = 0 = 1$$

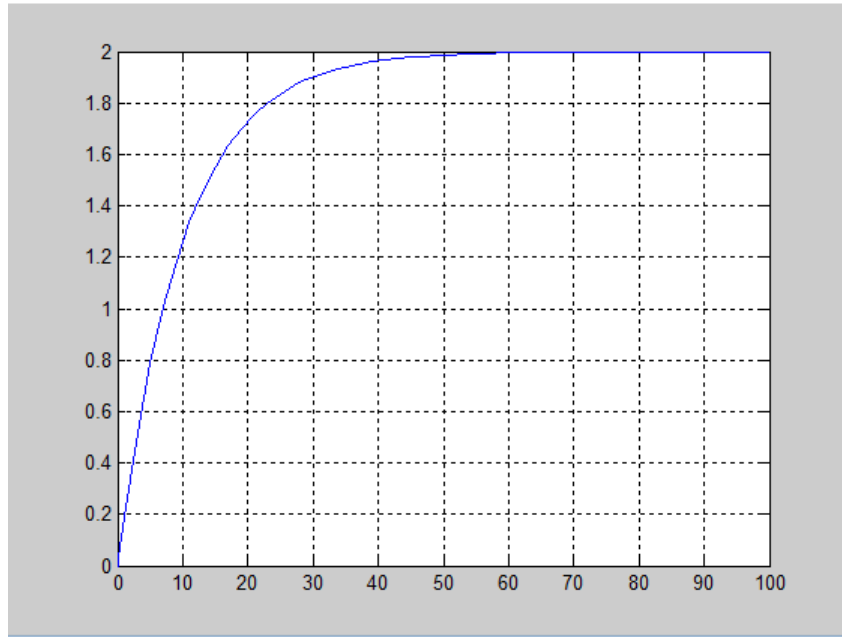


Figure 1.3:  $K = 2$ ,  $\tau = 10$

$$B = s + 1 \frac{1}{s(s+1)} \Big|_{s=-1} = -1$$

$$c(t) = 1 - 1e^{-t}$$

3.  $\tau = 1$ ,  $K = 10$

$$\frac{10}{s} - \frac{1}{s+1}$$

$$\frac{A}{s} - \frac{B}{s+1}$$

$$A = s \frac{10}{s(s+1)} \Big|_{s=0} = 10$$

$$B = s + 1 \frac{10}{s(s+1)} \Big|_{s=-1} = -10$$

$$c(t) = 10 - 10e^{-t}$$

## 1.2 Resultados

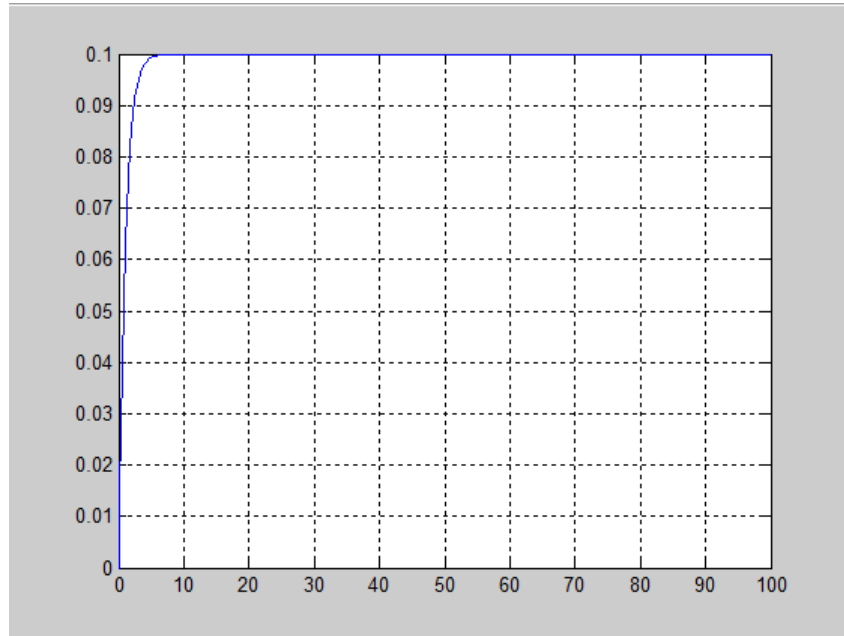


Figure 1.4:  $K = 0, \tau = 1$

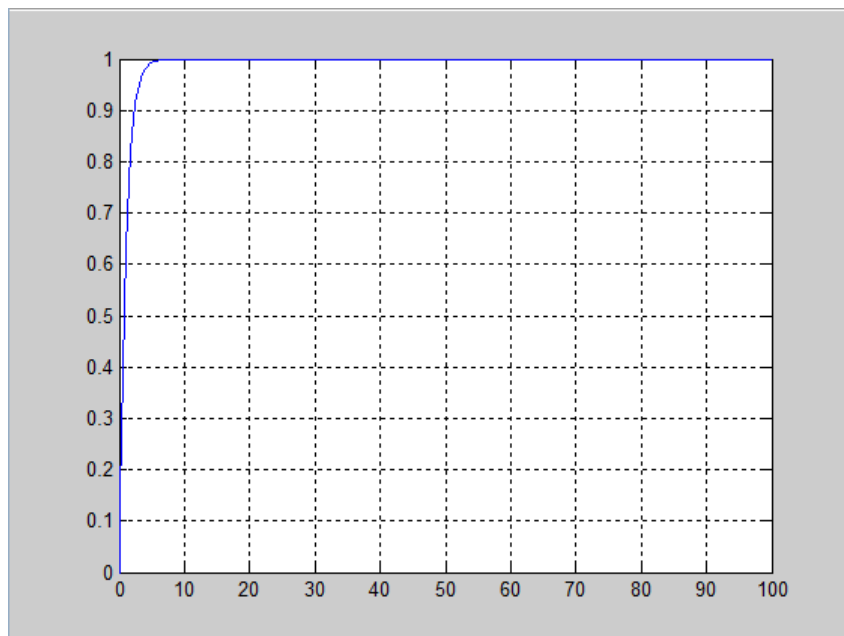


Figure 1.5:  $K = 1, \tau = 1$

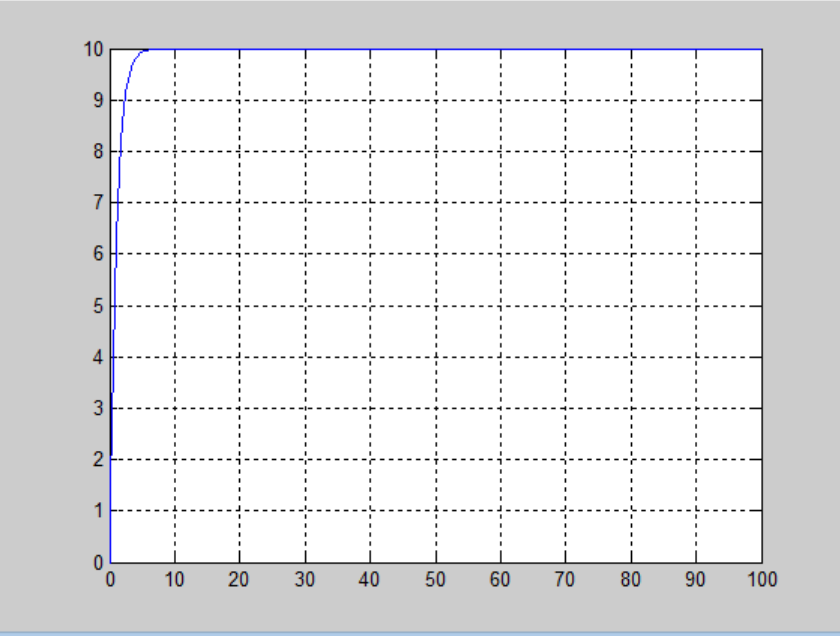


Figure 1.6:  $K = 10, \tau = 1$



## Chapter 2

## Questao 2

Para a simulação de um sistema de 2ª ordem, que possui função de transferência descrita na equação 2.1, os parâmetros simulados estão descritos abaixo, juntamente com seus respectivos resultados. Nesse sistema, os valores analisados são: Tempo de estabilização ( $T_s$ ), Máximo de sobressinal ( $M_p$ ), Tempo do valor de pico ( $T_p$ ), Valor de pico ( $V_p$ ), Valor de regime ( $V_r$ )

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{Kw_n^2}{s^2 + 2\xi w_n s + w_n^2} \quad (2.1)$$

### 2.1 Simulação

- Item i

1.  $w_n = 2$ ,  $K = 8$ ,  $\xi = 1$ ,  $T_s = 0.921$ ,  $V_r = 8$  (Figura 2.1)
2.  $w_n = 2$ ,  $K = 8$ ,  $\xi = 0,7$ ,  $T_s = 2.99$ ,  $M_p = 4,6$ ,  $T_p = 2.2$ ,  $V_p = 8.368$ ,  $V_r = 8$  2.2
3.  $w_n = 2$ ,  $K = 8$ ,  $\xi = 0,2$ ,  $T_s = 9,6823$ ,  $M_p = 48,6365$ ,  $T_p = 1,805$ ,  $V_p = 11,8906$ ,  $V_r = 8$  (Figura 2.3)

- Item ii

1.  $w_n = 2$ ,  $K = 8$ ,  $\xi = 1$ ,
2.  $w_n = 2$ ,  $K = 8$ ,  $\xi = 0,7$ ,
3.  $w_n = 2$ ,  $K = 8$ ,  $\xi = 0,2$ ,

Calculando os valores do tempo de pico ( $T_p$ ) utilizando as equações 2.2 e 2.3, observamos que os valores simulados estão muito próximos dos valores esperados. É importante ressaltar que para os sistemas que se aproximam de sistemas de 1ª ordem, o valor de  $T_p$  não pode ser estimado usando as fórmulas acima.

$$w_d = w_n \sqrt{1 - \xi^2} \quad (2.2)$$

$$T_p = \frac{\pi}{w_d} \quad (2.3)$$

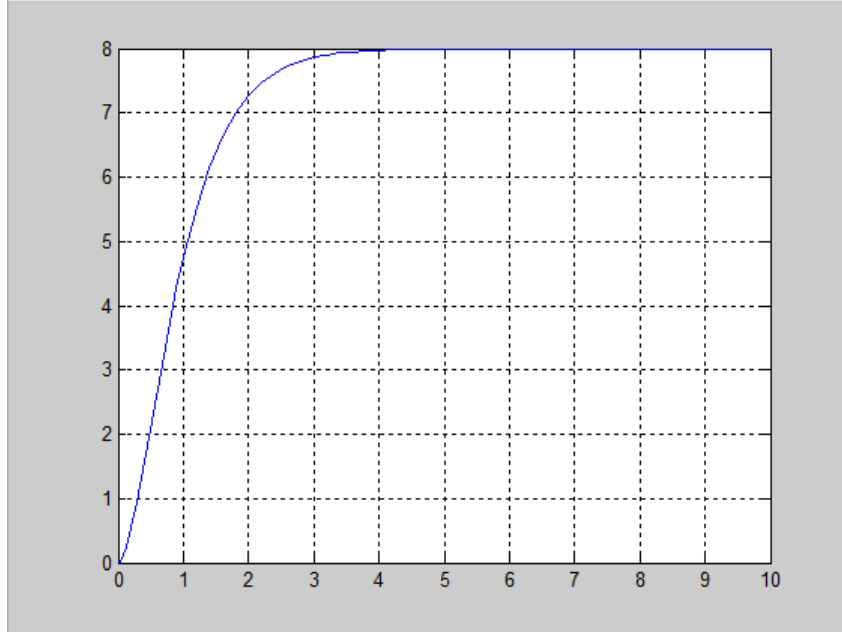


Figure 2.1:  $K = 8$ ,  $w_n = 2$ ,  $\xi = 1$

- Item i

1.  $w_n = 2$  e  $\xi = 0,7$

$$w_d = 2\sqrt{1 - 0,7^2} = 1,428$$

$$T_p = \frac{\pi}{1,428} = 2,19$$

2.  $w_n = 2$  e  $\xi = 0,2$

$$w_d = 2\sqrt{1 - 0,2^2} = 1,9595$$

$$T_p = \frac{\pi}{1,9595} = 1,603$$

- Item ii

1.  $w_n = 10$  e  $\xi = 0,7$

$$w_d = 10\sqrt{1 - 0,7^2} = 7,1414$$

$$T_p = \frac{\pi}{7,1414} = 0,4399$$

2.  $w_n = 10$  e  $\xi = 0,2$

$$w_d = 10\sqrt{1 - 0,2^2} = 9,7979$$

$$T_p = \frac{\pi}{9,7979} = 0,32$$

## 2.2 Resultados

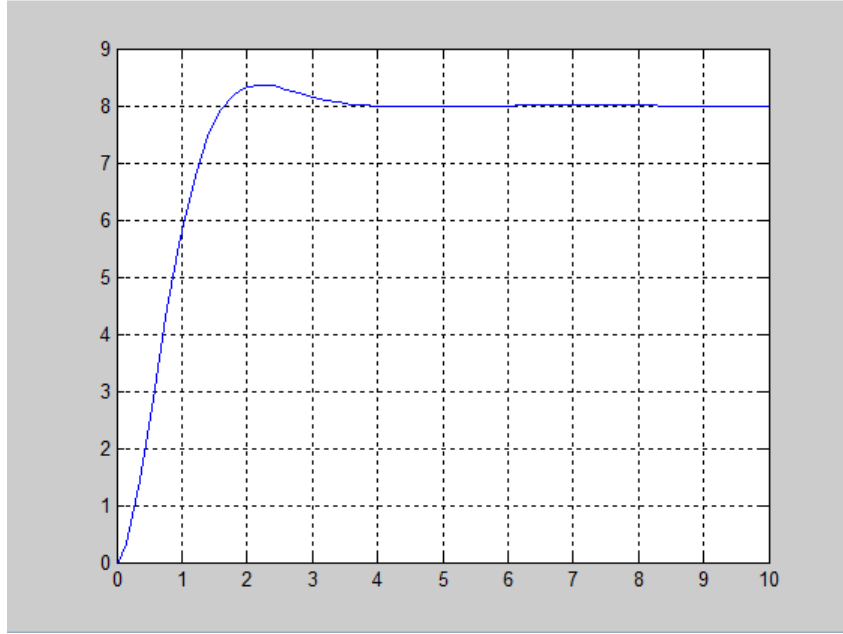


Figure 2.2:  $K = 8$ ,  $w_n = 2$ ,  $\xi = 0,7$

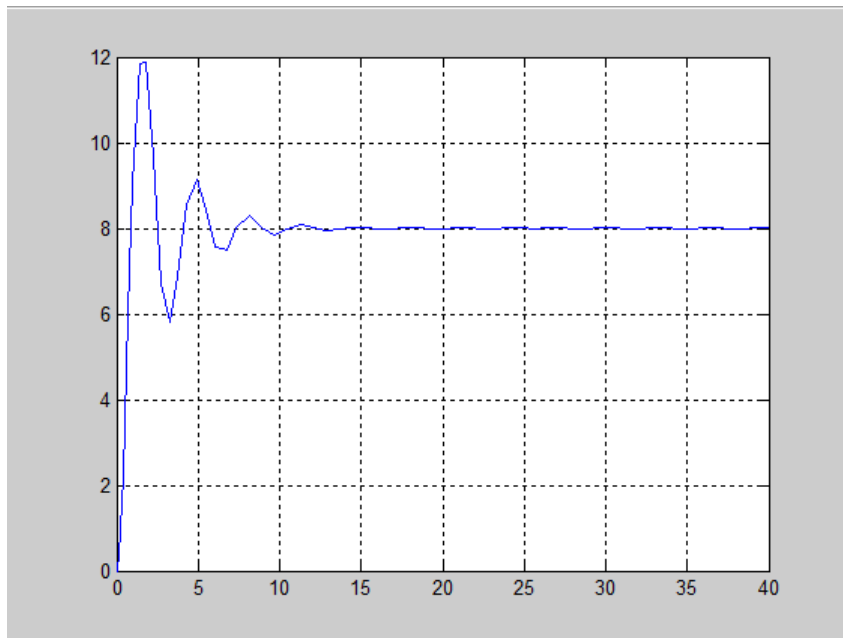


Figure 2.3:  $K = 8$ ,  $w_n = 2$ ,  $\xi = 0,2$

## Chapter 3

### Questao 3

Para que a resposta ao degrau unitário do sistema, dada pela equação

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{K}{s^2 + (1 + KK_k)s + K} \quad (3.1)$$

#### 3.1 Simulação

#### 3.2 Resultados