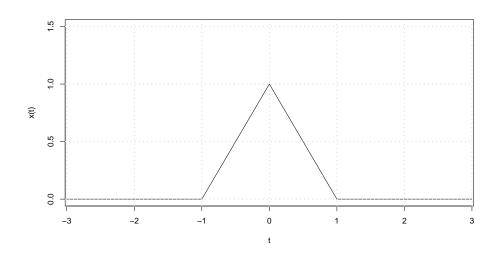
SY31 - TD 04: Échantillonnage et quantification

Exercice 1

Soit x(t) la fonction triangle ci-dessous :



- 1. Calculer sa transformée de Fourier.
- 2. Quelle fréquence d'échantillonnage devrait-on choisir pour ce signal?
- 3. On considère qu'une fréquence d'échantillonnage ${\cal F}_e$ est raisonnable si :

$$\forall f \ge F_e, \ \left| \frac{X(f)}{X(0)} \right| \le 10^{-2}.$$

Calculer ${\cal F}_e$ puis représenter graphiquement le signal échantillonné.

Exercice 2

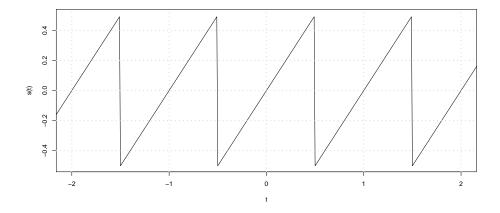
Pour quantifier la qualité de transmission d'un signal, on définit le **rapport signal sur bruit** (SNR : signal-to-noise ratio) représentant le rapport de la puissance du signal d'origine sur la puissance provenant du bruit de fond. Cette grandeur s'exprime en **décibels** (dB). Soient deux puissances P_0 et P_1 , leur valeur relative en décibels vaut :

$$X_{dB} = 10\log_{10}\left(\frac{P_1}{P_0}\right).$$

Pour un signal s de période T, on définit sa puissance moyenne P(s) comme la moyenne quadratique sur une période :

$$P(s) = \frac{1}{T} \int_{-\frac{T}{2}}^{\frac{T}{2}} |s(t)|^2 dt.$$

Soit s(t) le signal en dents de scie d'amplitude 1/2 et de période 1, ci-dessous :



- 1. Calculer la puissance moyenne du signal s.
- 2. On considère une quantification du signal uniforme et par défaut, avec un pas de quantification q = 1/n. Tracer le signal quantifié pour n = 5.
- 3. En déduire que l'erreur de quantification e est également un signal en dents de scie dont on précisera l'amplitude et la période.
- 4. Calculer le rapport signal sur bruit dû à une quantification de pas q.
- **5.** Pour un produit audio, on considère que la qualité est « bonne » à partir d'un SNR de 60 dB. Combien de bits faut-il disposer pour garantir un rapport signal sur bruit supérieur à 60 dB?