

① Lista de Exercícios

Hugo Silveira Sousa

Matr.: 378998

1: ① $\frac{n}{1000}$ não é $O(1)$

$$\frac{n}{1000} = \frac{1}{1000} n = O(n) \quad \left\{ \begin{array}{l} \frac{n}{1000} \text{ não tem } O() \\ \text{constante.} \end{array} \right.$$
$$\frac{1}{1000} n \leq c \cdot n \quad c \geq \frac{1}{1000}$$

I) $34n \log n^2 + 13n$ é $\Omega(n)$ e $O(n^2)$
 $\Omega(n) = ?$

$$34n \cdot \log n^2 + 13n \geq c \cdot n$$
$$34 \log n^2 + 13 \geq c$$

P/ um $n_0 = 1$, $c \leq 13$ é verdadeira

$O(n^2) = ?$

$$34n \cdot \log n^2 + 13n \geq c \cdot n^2$$
$$34 \log n^2 + 13 \geq c \cdot n$$

$\nexists c$ que satisfaga

$$O(34n \cdot \log n^2 + 13n)$$

$$O(34n \log n^2)$$

$$O(n \log n^2)$$

⑥ $\sum_{i=1}^n i^k \sim \Theta(n^{k+1})$

$O(n^{k+1}) = ?$

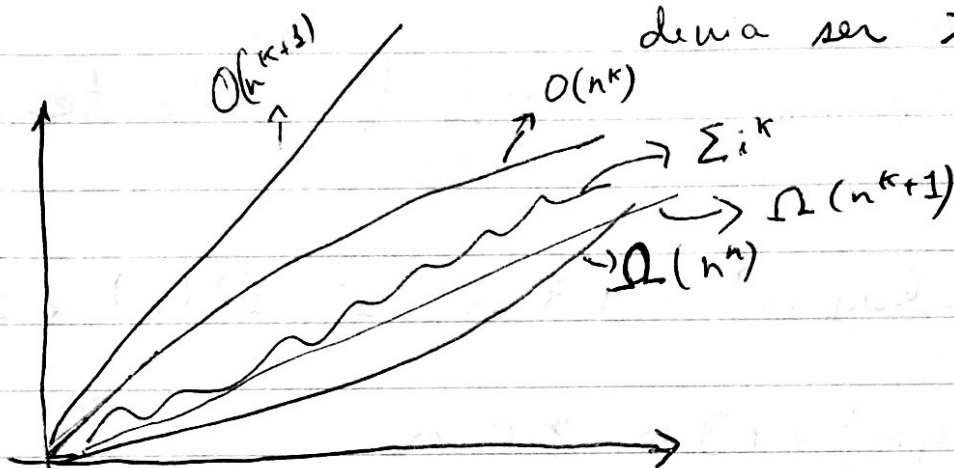
$O(1^k + 2^k + \dots + n^k) = O(n^k) \leq O(n^{k+1})$
 $O(n^{k+1}) \leftarrow$

$\Omega(n^{k+1}) = ?$

$\Omega(1^k + 2^k + \dots + n^k) = \Omega(n^k) \leq \Omega(n^{k+1})$

deja ser $\gg \Omega(n^{k+1})$

Ex:



2 = (C) Merge Sort

```
mergesort (vetor, inicio, fim) {  
    se (inicio < fim) {  
        meio = arredonda-baixo ((inicio + fim) / 2)  
        mergesort (vetor, inicio, meio)  
        mergesort (vetor, meio + 1, fim)  
        conquista (vetor, inicio, meio, fim)  
    }  
}
```

- * O método conquista vai unindo os vetores que estão separados de forma ordenada.
- * O pior e o melhor caso tem a mesma complexidade pois, no caso de um vetor já ordenado, ele vai continuar todo o algoritmo para conferir se está ordenado, se não estiver ele apenas insere as posições de forma trocada para ordenar.
- * Como o algoritmo divide o problema em problemas menores, temos um fator $\log n$, cada divisão tem um fator n , então $O(n \cdot \log n)$ e $\Omega(n \cdot \log n)$

8: i) Criar_lista_L'();

*ultimo_lista_L' = *inicio_lista_L → prox

ultimo_lista_L' → prox = NULL

aux_L = inicio_lista_L → prox

aux_L' = inicio_lista_L'

para (i = 1; i ≤ (tamanho(L) - 1); i++) {

*aux_L' → prox = *aux_L → prox

aux_L = aux_L → prox

aux_L' = aux_L' → prox

} aux_L' → prox = ultimo_lista_L'

(ii) Criar_lista_L'()

x = inicio

y = x → prox

inicio → prox = NULL

para (i = 1; i ≤ (tamanho_lista); i++) {

z = y

y → prox = x

x = y

y = z → prox

}

inicio = y

(iii) Criar lista - $L'()$;

para ($i = 1$; $i \leq ((\text{tamanho})/2)$; $i++$) {

lista - $x \rightarrow \text{prox} = L \rightarrow \text{prox}$

lista - $x \rightarrow \text{prox} = \text{lista} - x \rightarrow \text{prox} \rightarrow \text{prox}$

$L \rightarrow \text{prox} = L \rightarrow \text{prox} \rightarrow \text{prox}$

} para ($j = i$; $j < \text{tamanho}(L)$; $j++$) {

lista - $y \rightarrow \text{prox} = L \rightarrow \text{prox}$

lista - $y \rightarrow \text{prox} = \text{lista} - y \rightarrow \text{prox} \rightarrow \text{prox}$

$L \rightarrow \text{prox} = L \rightarrow \text{prox} \rightarrow \text{prox}$

} $L' = \text{soma}(\text{lista} - x + \text{lista} - y)$