水题水讲

huhao

February 6, 2023

Lowest-cost search

令 f(n) 为最优策略下,最坏情况需要的花费。

求:

$$\sum_{i=1}^{200000} f(n)$$

时限 1h

1

Paddle Star

给定 l_1, l_2, α, β 满足 $l_1 \geq l_2, \alpha \geq \frac{\pi}{2}, \beta \leq \pi$ 。对于平面上任意确定两点 X, P,令 Y 满足 $\angle YXP \in [-\alpha, \alpha], XY = l_1$,令 Z 满足 $\pi - \angle XYZ \in [-\beta, \beta], YZ = l_2$,求折线 XYZ 能覆盖的面积。

Skills

有三种技能,你有 n 天时间训练,每天只能训练一个技能,第 i 天训练技能 j 加 $a_{i,j}$ 熟练度。

如果一个技能最近 k 天都没有训练,那么熟练度减 k,熟练度低于 0 时会变为 0。

 $n \le 1000, 0 \le a_{i,j} \le 10000$

3

Tree Distance

给定一棵 n 个点的树,有 m 次询问,每次询问 l, r,需要回答:

$$\min_{l \leq i < j \leq r} \mathrm{dist}(\mathit{i}, \mathit{j})$$

Iterative Sampling

令 $a_0 = [1, \ldots, n]$, $a_i, i \ge 1$ 是一个长度为 n 的序列,且每一个元素的 生成方式为在 a_{i-1} 中等概率随机挑一个元素。

令 T 为最小的 T 满足 a_T 所有元素均相同,求 ET。

 $n \leq 5000\,\mathrm{o}$

Birds on a Wire

[0,1] 上均匀地撒 n 个点,对于每个点,染黑它到和它最近的点组成的 线段。

求被染黑的长度期望。