## 7.1

Für eine Menge M und  $k \in \mathbb{N}$ , definieren wir  $\mathcal{P}_k(M) := \{X \subseteq M : |X| = k\}$ . Seien A und B Mengen mit |A| = |B|.

(a) Zeigen Sie, dass  $|\mathcal{P}(A)| = |\mathcal{P}(B)|$ .

$$\begin{aligned} \text{Da wir wissen das} & |\mathcal{P}(M)| = 2^{|M|} \\ \Longrightarrow & |\mathcal{P}(A)| = 2^{|A|} \\ \Longrightarrow & |\mathcal{P}(B)| = 2^{|B|} \\ & \text{Da} & |A| = |B| \\ \Longrightarrow & 2^{|A|} = 2^{|B|} \end{aligned}$$

(b) Zeigen Sie, dass für jede  $k \in \mathbb{N}$  gilt  $|\mathcal{P}_k(A)| = |\mathcal{P}_k(B)|$ 

Da für beliebige 
$$M$$
 gilt:  $|\mathcal{P}_k(M)| = \binom{|M|}{k}$ 

$$\implies |\mathcal{P}_k(A)| = \binom{|A|}{k}$$

$$\implies |\mathcal{P}_k(B)| = \binom{|B|}{k}$$
Da  $|A| = |B|$ 

$$\implies \binom{|A|}{k} = \binom{|B|}{k}$$

$$\implies |\mathcal{P}_k(A)| = |\mathcal{P}_k(B)|$$