Estructuras Discretas 2017-1 Tarea 2

Alumno: Luis Alberto Martinez Monroy

N cuenta: 314212391

Realice los siguientes ejercicios:

1. Use variables proposicionales (p,q,r,...) para formalizar los siguientes arfumentos lógicos. Liste como asigna las variables a las proposiciones atómicas. Luego exprese los ennunciados en el lenguaje de la lógica proposicional usando sus variables.

a) Hay sol y tengo frío sólo si es diciembre o vivo en el DF.

$$\begin{aligned} \mathbf{p} &:= \text{hay sol} \\ \mathbf{q} &:= \text{tengo frío} \\ \mathbf{r} &:= \text{es diciembre} \\ \mathbf{w} &:= \text{vivo en el DF} \\ p \land q \rightarrow \mathbf{r} \lor w \end{aligned}$$

b) Lucho Sabe mucho si y sólo si Lucho estudió; Lucho no estudió y Lucho pasó el examen; Lucho tiene suerte o sabe mucho.

$$\begin{aligned} \mathbf{p} &:= \text{Lucho sabe mucho} \\ \mathbf{q} &:= \text{Lucho Estudi\'o} \\ \mathbf{w} &:= \text{Lucho pas\'o el examen} \\ \mathbf{x} &:= \text{Lucho tiene suerte} \\ p &\leftrightarrow q \\ \neg q \wedge w \\ \mathbf{x} \vee p \end{aligned}$$

c) Si yo un alien: mi perro es azul y mi gato es naraja; y mi gato es naranja solamente si tengo piel verde.

$$\begin{aligned} \mathbf{p} &:= \mathbf{si} \text{ yo un alien} \\ \mathbf{q} &:= \mathbf{mi} \text{ perro es azul} \\ \mathbf{x} &:= \mathbf{mi} \text{ gato es naranja} \\ \mathbf{w} &:= \text{ tengo piel verde} \\ p &\to (q \land x) \\ x &\leftrightarrow w \end{aligned}$$

d) x es un número, x es primo o uno; x no es primo entonces es número par; $x \ge 1$ y x es primo o x es par es suficiente para que x no sea uno

$$\begin{aligned} \mathbf{p} &:= \mathbf{x} \text{ es un número} \\ \mathbf{q} &:= \mathbf{x} \text{ es primo} \\ \mathbf{j} &:= \mathbf{es uno} \\ \mathbf{w} &:= \mathbf{es número par} \\ \mathbf{z} &:= \mathbf{x} \geq 1 \\ \mathbf{p} &\to (\mathbf{q} \vee \mathbf{j}) \\ \neg \mathbf{q} &\to \mathbf{w} \\ (\mathbf{z} \wedge (\mathbf{q} \vee \mathbf{w})) &\to \neg \mathbf{j} \end{aligned}$$

2. Cree las tablas de verdad de las siguientes expresiones y decida si son tautologías, contraducciones o contigencias.

a)
$$\neg p \land (p \lor q) \rightarrow q \rightarrow \neg p$$

p	q	$\neg p$	Λ	$p \lor q$	\rightarrow	q	\rightarrow	$\neg p$
V	V	F	F	V	V	V	F	F
V	F	F	F	V	V	F	V	F
F	V	V	V	V	V	V	V	V
F	F	V	F	F	V	F	V	V
					ES UNA TAUTOLOGIA			

 $\mathbf{b})(p \vee q) \wedge (\mathbf{p} \to q) \wedge (\mathbf{q} \to r) \to \mathbf{r}$

	p	q	r	$(p \lor q)$	\wedge	$(p \to r)$	\wedge	$(q \rightarrow r)$	\rightarrow	r
	V	V	V	V	V	V	V	V	V	V
ſ	V	V	F	V	F	F	F	F	V	F
ĺ	V	F	V	V	V	V	V	V	V	V
ĺ	V	F	F	V	F	F	F	V	V	F
ĺ	F	V	V	V	V	V	V	V	V	V
ĺ	F	V	F	V	V	V	F	F	V	F
ĺ	F	F	V	F	F	V	F	V	V	V
ĺ	F	F	F	F	F	V	F	V	V	F
									ES UNA TAUTOLOGIA	

 $\mathbf{c})((r \leftrightarrow \neg s) \land (\mathbf{p} \lor q)) \land \neg \mathbf{q} \rightarrow \mathbf{t}$

r	s	t	p	q	$((r \leftrightarrow \neg s)$	\wedge	$(p \lor q))$	Λ	$\neg q$	\rightarrow	t
V	V	V	V	V	${ m F}$	F	V	F	F	V	V
V	V	V	V	F	${ m F}$	F	V	F	V	V	V
V	V	V	F	V	F	F	V	F	F	V	V
V	V	V	F	F	F	F	F	F	V	V	V
V	V	F	V	V	F	F	V	F	F	V	F
V	V	F	V	F	F	F	V	F	V	V	F
V	V	F	F	V	F	F	V	F	F	V	F
V	V	F	F	F	F	F	F	F	V	V	F
V	F	V	V	V	V	V	V	F	F	V	V
V	F	V	V	F	V	V	V	V	V	V	V
V	F	V	F	V	V	V	V	F	F	V	V
V	F	V	F	F	V	F	F	F	V	V	V
V	F	F	V	V	V	V	V	F	F	V	F
V	F	F	V	F	V	V	V	V	V	F	F
V	F	F	F	V	V	V	V	F	F	V	F
V	F	F	F	F	V	F	F	F	V	V	F
F	V	V	V	V	V	V	V	F	F	V	V
F	V	V	V	F	V	V	V	V	V	V	V
F	V	V	F	V	V	V	V	F	F	V	V
F	V	V	F	F	V	F	F	F	V	V	V
F	V	F	V	V	V	V	V	F	F	V	F
F	V	F	V	F	V	V	V	V	V	F	F
F	V	F	F	V	V	V	V	F	F	V	F
F	V	F	F	F	V	F	F	F	V	V	F
F	F	V	V	V	\mathbf{F}	F	V	F	F	V	V
F	F	V	V	F	F	F	V	F	V	V	V
F	F	V	F	V	F	F	V	F	F	V	V
F	F	V	F	F	F	F	F	F	V	V	V
F	F	F	V	V	F	F	V	F	F	V	F
F	F	F	V	F	F	F	V	F	V	V	F
F	F	F	F	V	F	F	V	F	F	V	F
F	F	F	F	F	F	F	F	F	V	V	F
										ES UNA CONTINGENCIA	