

算法

二分算法

二分查找算法&LowerBound

code c++

```
#include<iostream>
#include<vector>
using namespace std;

int BinarySearch(vector<int> &a, int t){
    int R = a.size()-1;
    int L = 0;
    while (L <= R){
        int M = L + (R - L) / 2;
        if (a[M] == t)return M;
        else if (a[M] > t)R = M - 1;
        else L = M + 1;
    }
    return -1;
}

int LowerBound(vector<int> &a, int t){//比t小的值的最大下标
    int R = a.size() - 1;
    int L = 0;
    int P = -1;
    while (L <= R){
        int M = L + (R - L) / 2;
        if (a[M] >=t)R = M - 1;
        else{ P = M; L = M + 1; }
    }
    return P;
}

void main(){
    int N;
    cin >> N;
    cout << endl;
    int t;
    cin >> t;
    cout << endl;
    vector<int>a(N);
    for (int i = 0; i < N; ++i){
        cin >> a[i];
    }
    //cout<<BinarySearch(a, t);
    cout << LowerBound(a, t);
    system("pause");
}
```

求方程的根

code c++

```
#include<iostream>
#include<cmath>
using namespace std;
double c = 1e-6;
double f(double t){ return (t*t*t - 5*t*t + 10 * t-80); }
void main(){
    double l = 0, r = 100;
    double m = l + (r - l) / 2;
    int t = 1;
    double y = f(m);
    while (y > c || y < -c){
        if (y > 0) r = m;
        else l = m;
        m = l + (r - l) / 2;
        ++t;
        y = f(m);
    }
    cout << t << "ci" << m;
    system("pause");
}
```

找一对数

题解

例题1

中国大学MOOC

输入n ($n \leq 100,000$)个整数，找出其中的两个数，它们之和等于整数m(假定肯定有解)。题中所有整数都能用 int 表示

解法2:

- 1) 将数组排序，复杂度是 $O(n \times \log(n))$
- 2) 对数组中的每个元素 $a[i]$ ，在数组中二分查找 $m-a[i]$ ，看能否找到。复杂度 $\log(n)$ ，最坏要查找 $n-2$ 次，所以查找这部分的复杂度也是 $O(n \times \log(n))$

这种解法总的复杂度是 $O(n \times \log(n))$ 的。

例题1

输入 n ($n \leq 100,000$)个整数，找出其中的两个数，它们之和等于整数 m (假定肯定有解)。题中所有整数都能用 `int` 表示

解法3:

- 1) 将数组排序，复杂度是 $O(n \times \log(n))$
- 2) 查找的时候，设置两个变量 i 和 j ， i 初值是0， j 初值是 $n-1$ 。看 $a[i]+a[j]$ ，如果大于 m ，就让 j 减1，如果小于 m ，就让 i 加1，直至 $a[i]+a[j]=m$ 。

这种解法总的复杂度是 $O(n \times \log(n))$ 的。

G_0, G_1, \dots, G_{n-1}

code c++

```
#include<iostream>
#include<vector>
#include<algorithm>
using namespace std;
vector<int> yiduishu2(vector<int>&a, int n){
    vector<int>res(2, 0);
    sort(a.begin(), a.end());
    int len = a.size();
    int l = 0;
    int r = len - 1;
    while (l < r){
        if (a[l] + a[r] == n){ res[0] = a[l]; res[1] = a[r]; return res; }
        else if (a[l] + a[r] < n)++l;
        else --r;
    }
    return res;
}
vector<int> yiduishu1(vector<int>&a, int n){
    vector<int>res(2,0);
    sort(a.begin(),a.end());
    int len = a.size();
    for (int i = 0; i < len; ++i){
        int t = n - a[i];
        int l = 0;
        int r = len - 1;
        while (l <= r){
            int m = l + (r - l) / 2;
            if (a[m] == t){ res[0]=a[i]; res[1]=t; return res; }
            else if (a[m] < t)l = m + 1;
            else r = m - 1;
        }
    }
    return res;
}
void main(){
    vector<int> a = { 5, 6, 9, 8, 98,3,50, 100, 477, 5 };
    int N;
    cin >> N;
    vector<int>res;
    res=yiduishu2(a, N);
    cout << res[0] << " " << res[1];
}
```

```
system("pause");
```

```
}
```

农夫和奶牛

题解

例题2

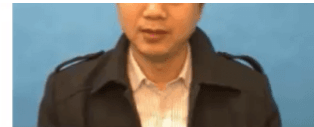
中国大学MOOC

农夫 John 建造了一座很长的畜栏，它包括 N ($2 \leq N \leq 100,000$) 个隔间，这些小隔间的位置为 x_0, \dots, x_{N-1} ($0 \leq x_i \leq 1,000,000,000$, 均为整数, 各不相同)。

John 的 C ($2 \leq C \leq N$) 头牛每头分到一个隔间。牛都希望互相离得远点省得互相打扰。怎样才能使任意两头牛之间的最小距离尽可能的大，这个最大的最小距离是多少呢？

●解法1:

先得到排序后的隔间坐标 x_0, \dots, x_{N-1}



从 $1,000,000,000/C$ 到 1 依次尝试这个“最大的最近距离” D ，找到的第一个可行的就是答案。

尝试方法:

- 1) 第1头牛放在 x_0
- 2) 若第 k 头牛放在 x_i ，则找到 x_{i+1} 到 x_{N-1} 中第一个位于 $[x_i + D, 1,000,000,000]$ 中的 x_j ，第 $k+1$ 头牛放在 x_j 。找不到这样的 x_j ，则 $D = D - 1$ ，转 1) 再试

若所有牛都能放下，则 D 即答案

复杂度 $1,000,000,000/C * N$ ，即 $1,000,000,000$ ，超时！

24

●解法2:

先得到排序后的隔间坐标 x_0, \dots, x_{N-1}



在 $[L, R]$ 内用二分法尝试“最大最近距离” $D = (L + R) / 2$ (L, R 初值为 $[1, 1,000,000,000/C]$)

若 D 可行，则记住该 D ，然后在新 $[L, R]$ 中继续尝试 ($L = D + 1$)

若 D 不可行，则在新 $[L, R]$ 中继续尝试 ($R = D - 1$)

复杂度 $\log(1,000,000,000/C) * N$

code c++

```
#include<iostream>
#include<vector>
#include<algorithm>
using namespace std;
```

```

int nainiu(vector<int>&a, int c){
    sort(a.begin(), a.end());
    int len = a.size();
    int l = 1;
    int r = 1000000000 / c;
    int m = l + (r - l) / 2;
    int max = 0;
    while (l <= r){
        int t = c;
        for (int i = 0; i < len;){
            --t;
            if (t == 0){
                max = m;
                l = m + 1;
                m = l + (r - l) / 2;
                break;
            }
            int p = a[i]+m;
            int j;
            for (j = i + 1; j < len; ++j){
                if (a[j]>=p){
                    i = j;
                    break;
                }
            }
            if (j == len){
                r = m - 1;
                m = l + (r - l) / 2;
                break;
            }
        }
        cout << l << m << r;
    }
    return max;
}

void main(){
    vector<int> a = { 1, 200, 500, 800, 440, 1586, 9989, 1985 };
    int n;
    cin >> n;
    cout << " " << nainiu(a, n);
    system("pause");
}

```