

基于小波变换的时频图建模及其在嗅觉场电位分析中的应用*

董琪 胡靓 庄柳静 周俊 王平[△]

(浙江大学 生物医学工程与仪器学院 生物传感器国家专业实验室 生物医学工程教育部重点实验室, 杭州 310027)

摘要: 快速有效地提取和比较不同神经信号中所含信息的相同和区别之处是研究者关注的问题。本文介绍了一种基于小波变换的时频建模方法。该方法用少量的半椭圆模型来表征神经信号在时域和频域上的变化, 克服了传统时频分析中背景干扰大、参数多的缺陷。将该方法应用于嗅球电位的研究, 与支持向量机(SVM)算法相结合, 可初步实现气味的分类。

关键词: 时频分析; 局部场电位; 嗅球; 气味识别; 小波变换

中图分类号 R318 文献标志码 A

DOI:10.7507/1001-5515.20140089

A Wavelet-based Time-frequency Modeling Method and Its Application in Analysis of Local Field Potentials in Olfactory Bulb

DONG Qi HU Liang ZHUANG Liujing ZHOU Jun WANG Ping

(Biosensor National Special Lab, Key Lab for Biomedical Engineering of Ministry of Education, Department of Biomedical Engineering, Zhejiang University, Hangzhou 310027, China)

Abstract: The study of neuronal activity with low frequency has shown an increasing interest for its greater stability and reliability recent years. One challenge in analyzing this kind of activity is to find similarities and differences between signals efficiently and effectively. The traditional analysis methods, such as short-time Fourier transform, are easily obscured by background noises and often involve a large number of parameters. Therefore, this paper introduces a novel time-frequency analysis method based on wavelet transformation and half-ellipsoid modeling to extract instantaneous frequency and instantaneous phase information. This method overcomes some shortcomings of conventional time-frequency analysis. In this method, wavelet transformation is used to provide high-level representations of raw signals, and parsimonious half-ellipsoid models are used to extract changes in time domain and frequency domain of neural recordings. The method was validated to local field potentials (LFPs) of olfactory bulb of anesthetized rats during three different odor stimuli. The results suggested that this method could detect odor-relevant features from olfactory signals with large variability. The Odors then were classified with support vector machine (SVM) algorithm and the classification accuracy reached 79.4%.

Key words: time-frequency analysis; local field potential; olfactory bulb; odor discrimination; wavelet transform

引言

近年来,随着脑-机接口技术的发展,低频神经信号(<200 Hz),包括非侵入式检测(如脑电图, electroencephalogram, EEG)^[1]和侵入式检测(如局

部场电位, local field potential, LFP)^[2], 得到越来越多研究者的重视。和单神经元放电(spike)信号相比,这些低频神经信号反映了一定区域内所有神经元电生理活动的总体特征,因此具有更高的稳定性,并被广泛应用于神经解码、信号分析、疾病检测等领域^[3-8]。

时频联合分析是上世纪 90 年代发展起来的神经信号处理方法。该方法能够表征神经信号的频率成分组成以及相关频率成分的能量分布随时间的变

* 国家自然科学基金资助项目(81027003);教育部博士点基金资助项目(20120101130011)

[△] 通信作者。E-mail: cnpwang@zju.edu.cn

化,从而克服了传统时域和频域分析不能完整准确地表征信号的缺陷^[1],在各种神经信号研究中得到了大量的应用^[5-7, 9]。在 EEG 和 LFP 的分析中,主要的难点在于:(1)与事件相关的信息往往被淹没在强大的背景噪声中,很难从原始信号中有效提取有用特征^[3];(2)基于短时傅里叶变换等手段的传统时频分析方法会产生大量的参数,不利于统计归纳。

本文介绍了一种新的低频神经信号的处理方法。该方法将小波时频图和椭圆方程建模方法有机地结合起来,用时频图表征神经信号的时频特征,并通过建模的方式从杂乱的背景噪声中有效提取其中的有用信息,大大减少了时频图原有的参数量,在一定程度上克服了传统时频分析中存在的缺陷。将该方法应用于大鼠嗅球 LFP 的研究,可提取与气味刺激相关的事件特征,与支持向量机(support vector machine, SVM)算法相结合,初步实现了三种气味刺激的分类。

1 分析方法

该方法的核心思想是用尽可能少的方程参数来表征原始时频图,以达到去除噪声干扰,提取有用信息供进一步分析的目的。主要包括两个步骤:①构建神经信号基于小波变换的功率谱时频图;②使用半椭圆方程对时频图进行建模。

1.1 基于小波变换的功率谱时频图

小波变换是以某些特殊函数为基础,将数据过程或数据系列变换为级数系列,以发现它的类似频谱的特征,从而实现数据处理。这种方法是由法国工程师 Morlet 在 1974 年首先提出,经过之后数十年的研究,该方法建立了完整的数学化体系和扎实的理论基础,并被广泛应用于各种神经生理信号的分析^[1-2, 10-13]。函数 $f(x)$ 的连续小波变换可定义为

$$W_f(a, b) = \frac{1}{\sqrt{|a|}} \int_{-\infty}^{+\infty} f(x) \bar{\Psi}\left(\frac{x-b}{a}\right) dx, \quad (1)$$

式中 $\Psi(x)$ 是母小波, $\bar{\Psi}(x)$ 是 $\Psi(x)$ 的共轭形式,参数 a 和 b 分别被称为尺度因子和平移因子。由式(1)可知,连续小波变换是空间(时间)和尺度的局部变换,因而能有效地从信号中提取信息。通过伸缩和平移等运算功能可对函数或信号进行多尺度的细化分析,解决了傅里叶变换不能解决的许多困难。

由连续小波变换得到的小波功率谱可定义为

$$TF(a, b) = |W_f(a, b)|^2, \quad (2)$$

式中 $TF(a, b)$ 是函数 $f(x)$ 在尺度 a 和位移 b 时所

具有的能量。严格地说,连续小波变换提供了时间尺度分析,而不是时间频率分析。然而,使用适当的尺度频率变换,依然可以得到一个近似于时间频率分析的工具。与短时傅里叶变换相比,小波时频图的窗函数具有可变的特性。对于较高的频率,时间窗会变小,使时间分析精度提高,而对于较低的频率,时间窗会变大,保留了完整的低频信息。

小波变换的关键是要选择合适的母小波^[1]。复 Morlet 小波是一种使用广泛的基本小波,已被众多研究证明,适用于电生理信号的时频分析^[1-3, 10-11, 13]。复 Morlet 小波 $w(t, f)$ 对于某频率的表达式为

$$w(t, f) = A \exp(2i\pi ft) \exp(-t^2 / 2\sigma_t^2), \quad (3)$$

式中 A 为归一化因子,其目的是使小波能量为 1; f 与 σ_t (时域分辨率)是需要适当选择的参数,两者的乘积决定了小波的周期数,同一复 Morlet 小波家族具有恒定的 f 与 σ_t 乘积,本研究所使用的小波家族定义为 $2\pi f\sigma_t = 7$ (见图 1a)。复 Morlet 小波 $w(t, f)$ 是一种复值调制的高斯(Gaussian)函数,在时域和频域上都具有高斯分布,其傅里叶频谱的标准差满足

$$\sigma_f = \frac{1}{2\pi\sigma_t}, \quad (4)$$

特别的,在本研究中,

$$\sigma_f = \frac{1}{2\pi\sigma_t} = \frac{f}{7}, \quad (5)$$

因此,不同频率 f 所对应的 σ_t 和 σ_f 不相同,即在整个时频平面上具有可变的时频分辨率:在高频区能提供高的时间分辨率,在低频区能提供高的频率分辨率(见图 1b)。

由于神经信号在低频段具有的能量比高频段大很多,为了在同一比例下观察场电位信号在低频段和高频段能量随时间的变化,由连续小波变换获得的信号功率时频图需要标准化

$$z_{ft} = \frac{c_{ft} - m_f}{\delta_f}, \quad (6)$$

式中 c_{ft} 为 $f(t)$ 在频率 f 及时间 t 时的小波功率谱, m_f 和 δ_f 分别为刺激前 1 s 内信号在频率 f 的小波功率谱的平均值和标准差。

图 2 为一段人造信号的原始波形及其基于复 Morlet 小波变换的时频图。该人造信号(见图 2a)模拟了神经信号在各频率段的成分组成,具有 1 个 5 Hz 的基础振荡,并在 0.5 ~ 0.7 s 和 1.5 ~ 1.7 s

范围内分别具有一个 β 段(15~40 Hz)和 σ 段(40~90 Hz)的突变。图 2(b)为该信号的原始时频图,由于低频段基础振荡的能量大,使得高频段的突变不明显,经公式(6)归一化之后,能量的突变点被凸显出来,而恒定的能量波段被弱化。

1.2 基于半椭球方程的时频图建模

原始时频图包含的数据量非常大,很难直接提取信号的时频特征。在本研究中,采用了建模的方法进行信息提取和降维处理。该方法的核心思想是利用事先预定的参数方程 φ 对原始时频图进行拟合,主要包含时频图窗口化、求和与拟合三个步骤。

首先将原始时频图分解成一系列重叠的窗口,以确定需要建模的区域。在经行窗口化时,窗口的尺寸必须满足三点要求:①由于原始时频图是通过连续小波变换获得,在进行窗口化时必须使窗口的

尺寸能够自动适应小波变换的时频分辨率,即 $L/\sigma_t = H/\sigma_f$ 。其中 L 和 H 分别为窗口的长度和高度, σ_t 和 σ_f 分别为小波变换的时域标准差和频域标准差。

②要选择合适的窗口宽度,在充分体现频率特征的基础上凸显能量的突变,一般选择的窗口需要包含当前频率 3~5 个振荡周期。计算中,我们选取的值为 4。③为了使位于不同位置的窗口具有相同的评判标准,窗口的面积必须相同。

因此,对于特定的频率 f ,窗口的长度 $L=4/f$,即一个窗口包含当前频率的 4 个振荡周期,则 $L/\sigma_t = 8\pi/7$,由此换算出窗口的高度 $H=8\pi f/49$ 。用这个值去计算原始时频图上每个点,就能获得一系列面积为 $\frac{32}{49}\pi$ 的重叠窗口。然后逐一计算每个窗口中的能量总和,窗口总能量值体现了该窗口内场电位的

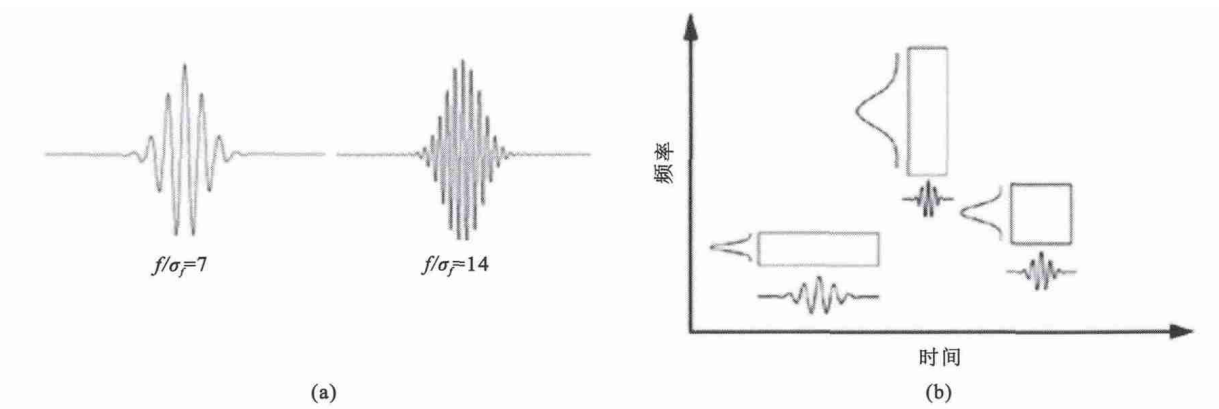


图 1 复 Morlet 小波的特性
(a)复 Morlet 小波的实部(公式 3),左: $f/\sigma_f=7$,右: $f/\sigma_f=14$; (b) Morlet 小波变换的时频分辨率变化^[14]
Fig. 1 Characteristics of complex Morlet wavelet
(a) real part of equation 3, with $f/\sigma_f=7$ (left) and $f/\sigma_f=14$ (right); (b) the time and frequency extensions of wavelets in a time – frequency domain

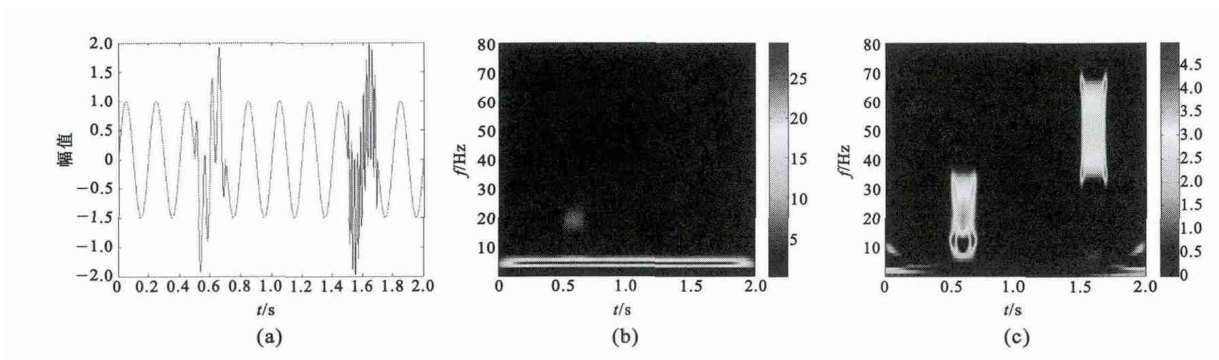


图 2 人造信号及其小波时频图
(a)人造信号原始波形; (b)人造信号原始小波时频图; (c)经过归一化之后的小波时频图
Fig. 2 An artificial signal and its wavelet time-frequency maps
(a) the waveform of an artificial signal; (b) the raw wavelet time-frequency map; (c) the normalized wavelet time-frequency map

振荡强度。对窗口 w_i , 总能量值 S_i 计算公式如式 7 所示, 然后找出所有大于预设阈值的窗口。

$$S_i = \sum_{t, f \in w_i} z_{ft} \quad (7)$$

最后, 在选中的窗口中使用参数方程进行拟合。本研究选择半椭球方程 φ 作为拟合方程并定义为

$$\varphi(f, t) = \begin{cases} a \sqrt{1-v}, & 0 < v < 1 \\ 0, & v > 1 \end{cases}, \quad (8)$$

其中 $v = (f/\mu_f)^2/l_f^2 + (t/\mu_t)/l_t^2$, μ_f 和 μ_t 为该椭球在时频图上的位置, a 为椭球的极半径(幅度), l_f 和 l_t 为半椭球的赤道半径。图 3 为一个半椭球方程的示意图。该方程共有 5 个参数, 并且需要满足以下条件:

(1) $\mu_f > 0$, $\mu_t > 0$, 且使半椭球位于所选窗口的中心;

(2) $0 < l_t < L$, $0 < l_f < H$ 。

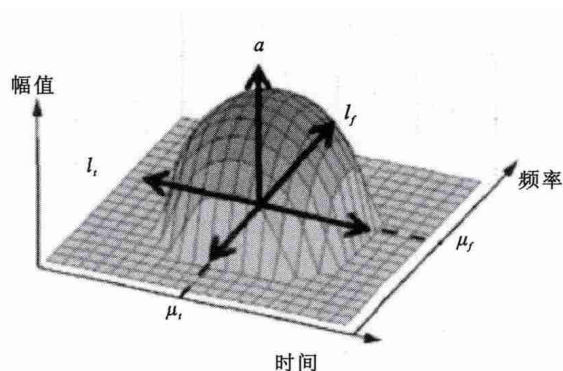


图 3 由 5 个参数进行表征的半椭球方程示意图

Fig. 3 Half-ellipsoid model with its five parameters

在拟合的过程中, 要使建模误差函数 C 达到最小, 函数 C 定义为

$$C = \frac{1}{2} \sum_{t, f \in w_i} (z_{ft} - \varphi(f, t)), \quad (9)$$

图 4 为采自麻醉大鼠在香芹酮刺激下嗅球的局部场电位 β 段信号的小波时频图以及建模后的结果。从图中我们可以发现, 用 5 个半椭球模型就能将原始时频图的主要能量变化从大量参数和背景噪声中提取出来。

2 大鼠嗅球场电位记录和气味识别分析

气味分子的识别是由嗅黏膜上的一千多种气味受体完成的, 一种气味受体只能与特定分子结构的气味相结合^[15-17]。表达同种气味受体的感觉神经元投射到嗅球表面的一个或几个嗅小球中, 因此特定的气味能够使嗅球产生特定时空特性的活动^[18-22]。研究者们发现, 气味刺激前后嗅球僧帽细胞层神经电活动十分强烈, LFP 振荡会明显增加, 其幅值和波形的变化受到气味种类的调控^[9, 23-25]。

2.1 实验设计和信号记录

实验对象 SD 大鼠购于浙江省医学科学院, 质量是 200~250 g。大鼠进行电极植入手术流程是在腹腔注射 10% 的水合氯醛 (4 mL/kg) 麻醉后, 移除单侧嗅球上覆盖的头骨, 利用油压微推进器 (Narishige, Japan) 将自制的 16 通道直径为 65 μm 镍镉合金微丝 (AM system, USA) 电极阵列, 植入到嗅球僧帽细胞层, 平均深度约为 200~300 μm 。由于嗅球僧帽细胞放电幅值较大, 能提示电极已植入到

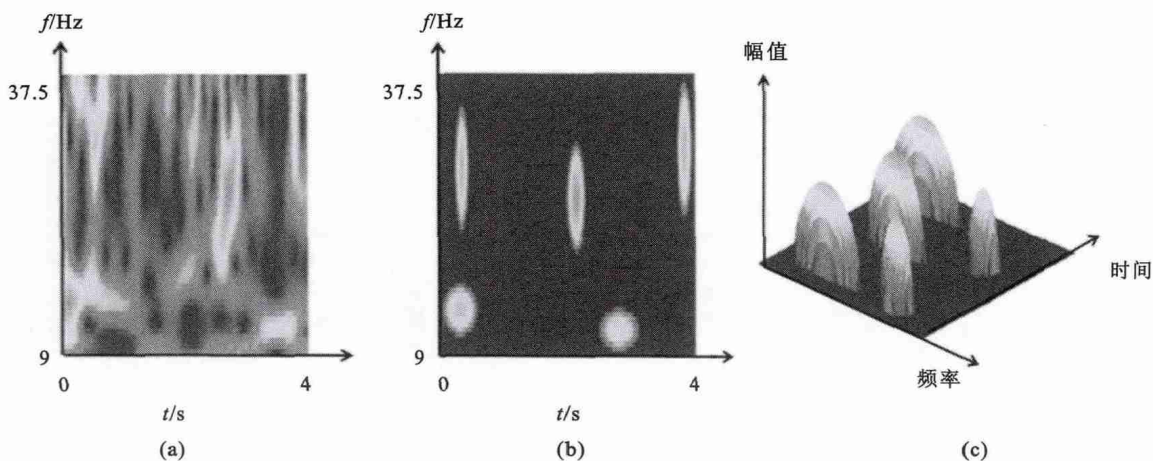


图 4 嗅球场电位信号 β 段时频图和半椭球方程建模结果

左: 归一化后的小波时频图; 中: 半椭球建模的 2D 表示; 右: 半椭球建模的 3D 表示

Fig. 4 Time-frequency map (left) of β range of signal from rat's olfactory bulb and its modeling results in two (middle) and three (right) dimensions

- coding of movement target direction in non-human primates based on common spatial patterns of local field potentials [J]. PLoS One, 2010, 5(12): e14384.
- [7] 赵勇,洪文学. 癫痫脑电信号符号动力学分析[J]. 生物医学工程学杂志, 2012, 29(4): 760-763.
- [8] 乔德才,李许贞,刘晓莉,等. 力竭运动过程中大鼠纹状体神经元局部场电活动的动态研究[J]. 中国运动医学杂志, 2012, 31(10): 855-860.
- [9] 周俊,董琪,庄柳静,等. 基于在体植入电极的生物嗅觉传感系统设计及其气味识别[J]. 传感技术学报, 2012, 25(8): 1023-1028.
- [10] 王力,张雄. 小波滤波与 AR 模型在脑电信号处理的应用[J]. 电子器件, 2012, 35(4): 461-464.
- [11] 陈金燕,邹俊忠,张见. 基于小波变换和 Teager 能量算子的癫痫脑电自动分类[J]. 生物医学工程学进展, 2012, 33(3): 147-151.
- [12] 赵建林,周卫东,刘凯,等. 基于 SVM 和小波分析的脑电信号分类方法[J]. 计算机应用与软件, 2011, 28(5): 114-116.
- [13] COURTIOU E, HEGOBURU C, LITAUDON P, et al. Individual and synergistic effects of sniffing frequency and flow rate on olfactory bulb activity [J]. J Neurophysiol, 2011, 106(6): 2813-2824.
- [14] MALLAT S G. A theory for multiresolution signal decomposition: the wavelet representation [J]. IEEE Trans Pattern Anal Mach Intell, 1989, 11(7): 674-693.
- [15] BUCK L, AXEL R. A novel multigene family May encode odorant receptors: a molecular basis for odor recognition [J]. Cell, 1991, 65(1): 175-187.
- [16] HALLEM E A, CARLSON J R. Coding of odors by a receptor repertoire [J]. Cell, 2006, 125(1): 143-160.
- [17] CURY K M, UCHIDA N. Robust odor coding via inhalation-coupled transient activity in the mammalian olfactory bulb [J]. Neuron, 2010, 68(3): 570-585.
- [18] BATHELLIER B, BUHL D L, ACCOLLA R, et al. Dynamic ensemble odor coding in the mammalian olfactory bulb: sensory information at different timescales [J]. Neuron, 2008, 57(4): 586-598.
- [19] 谭洁,罗敏敏. 嗅球对嗅觉信息的处理[J]. 生物物理学报, 2010, 26(3): 194-208.
- [20] RINBERG D, KOULAKOV A, GELPERIN A. Sparse odor coding in awake behaving mice [J]. Neuroscience, 2006, 26(34): 8857-8865.
- [21] ZHOU J, DONG Q, ZHUANG L J, et al. Odor discrimination by mitral cells in rat olfactory bulb using microwire array recording [J]. Journal of Innovative Optical Health Science, 2012, 5(1): 97-103.
- [22] ZHOU J, DONG Q, ZHUANG L J, et al. Rapid odor perception in rat olfactory bulb by microelectrode array [J]. J Zhejiang Univ Sci B, 2012, 13(12): 1015-1023.
- [23] CENIER T, AMAT C, LITAUDON P, et al. Odor vapor pressure and quality modulate local field potential oscillatory patterns in the olfactory bulb of the anesthetized rat [J]. Eur J Neurosci, 2008, 27(6): 1432-1440.
- [24] POO C, ISAACSON J S. Odor representations in olfactory cortex: "sparse" coding, global inhibition, and oscillations [J]. Neuron, 2009, 62(6): 850-861.
- [25] KAY L M, BESHEL J. A beta oscillation network in the rat olfactory system during a 2-alternative choice odor discrimination task [J]. J Neurophysiol, 2010, 104(2): 829-839.
- [26] CHIH-CHUNG C, CHIH-JEN L. LIBSVM: A library for support vector machines [J]. ACM Trans Intell Syst Technol, 2011, 2(27): 1-27.
- (收稿: 2013-03-26 修回: 2013-04-15)