

[Dashboard](#) / [My courses](#) / [Graph Theory-HK3-0405](#) / [Tuần 6 - 7 - Đường đi ngắn nhất trên đồ thị](#) / [Bài tập 6 - Thuật toán Bellman - Ford](#)

Started on	Tuesday, 24 June 2025, 9:22 PM
State	Finished
Completed on	Tuesday, 24 June 2025, 9:46 PM
Time taken	23 mins 39 secs
Marks	2.00/2.00
Grade	10.00 out of 10.00 (100%)

Question 1

Correct

Mark 1.00 out of 1.00

Viết chương trình đọc một **đơn đồ thị có hướng, có trọng số (có thể âm)** từ bàn phím và in ra chiều dài đường đi ngắn nhất từ đỉnh s đến đỉnh t (s và t cũng được đọc từ bàn phím).

Đầu vào (Input)

Dữ liệu đầu vào được nhập từ bàn phím với định dạng:

- Dòng đầu tiên chứa 2 số nguyên n và m ($1 \leq n < 100$; $0 \leq m < 500$)
- m dòng tiếp theo mỗi dòng chứa 3 số nguyên u, v, w mô tả cung (u, v) có trọng số w ($0 \leq w \leq 100$).
- Dòng cuối cùng chứa 2 số nguyên s và t.
- Dữ liệu đầu vào được đảm bảo là đồ thị không chứa chu trình âm.

Đầu ra (Output)

- In ra màn hình chiều dài của đường đi ngắn nhất từ s đến t. Nếu không có đường đi từ 1 đến n, in ra -1.
- Xem thêm ví dụ bên dưới.

Gợi ý

- Khi xét cung (u, v) nếu $\text{pi}[u] = \infty$ thì bỏ qua cung này, không xét.
- Sau khi kết thúc thuật toán nếu $\text{pi}[u] = \infty$ thì có nghĩa là không có đường đi từ s đến t.

For example:

Input	Result
3 3 1 2 3 2 3 -5 1 3 4 1 3	-2
3 1 1 2 5 1 3	-1
6 9 1 2 7 1 3 9 1 5 14 2 3 10 2 4 15 3 4 11 3 5 2 4 6 -10 5 6 9 1 6	10

Answer: (penalty regime: 10, 20, ... %)

```

1 #include <stdio.h>
2
3 #define MAXM 500
4 #define MAXN 100
5 #define oo 999999
6 #define NO_EDGE -999999
7
8 typedef struct {
9     int u, v;
10    int w;
11 } Edge;
12
13 typedef struct {
14     int n, m;
15     Edge edges[MAXM];
16 } Graph;
17
18 void init_graph(Graph *pG, int n) {
19     pG->n = n;
20     pG->m = 0;
21 }
22
23 void add_edge(Graph *pG, int u, int v, int w) {
24     pG->edges[pG->m].u = u;
25     pG->edges[pG->m].v = v;
26     pG->edges[pG->m].w = w;

```

```

27     pG->m++;
28 }
29
30
31
32 int pi[MAXN];
33 int p[MAXN];
34
35 int BellmanFord(Graph *pG, int s) {
36     int u, v, w, it, k;
37     for (u = 1; u <= pG->n; u++) {
38         pi[u] = oo;
39     }
40     pi[s] = 0;
41     p[s] = -1; //trước đỉnh s không có đỉnh nào cả
42
43     // lặp n-1 lần
44     for (it = 1; it < pG->n; it++) {
45         // Duyệt qua các cung và cập nhật (nếu thoả)
46         for (k = 0; k < pG->m; k++) {
47             u = pG->edges[k].u;
48             v = pG->edges[k].v;
49             w = pG->edges[k].w;
50
51             if (pi[u] == oo) //chưa có đường đi từ s -> u, bỏ qua cung này
52                 continue;
53
54             if (pi[u] + w < pi[v]) {
55                 pi[v] = pi[u] + w;
56                 p[v] = u;
57             }
58         }
59     }
60     //Làm thêm 1 lần nữa để kiểm tra chu trình âm (nếu cần thiết)
61     for (k = 0; k < pG->m; k++) {
62         u = pG->edges[k].u;
63         v = pG->edges[k].v;
64         w = pG->edges[k].w;
65
66         if (pi[u] == oo) //chưa có đường đi từ s -> u, bỏ qua cung này
67             continue;
68
69         if (pi[u] + w < pi[v]) {
70             return 1;
71         }
72     }
73     return 0;
74 }
75
76
77
78 int main() {
79     Graph G;
80     int n, m;
81     scanf("%d%d", &n, &m);
82     init_graph(&G, n);
83
84     for (int e = 0; e < m; e++) {
85         int u, v, w;
86         scanf("%d%d%d", &u, &v, &w);
87         add_edge(&G, u, v, w);
88     }
89     int start, end;
90     scanf("%d %d", &start, &end);
91
92     BellmanFord(&G, start);
93     if(pi[end] == oo)
94         printf("-1");
95     else
96         printf("%d", pi[end]);
97
98
99     return 0;
100 }

```

	Input	Expected	Got	
✓	3 3 1 2 3 2 3 -5 1 3 4 1 3	-2	-2	✓
✓	3 1 1 2 5 1 3	-1	-1	✓
✓	6 9 1 2 7 1 3 9 1 5 14 2 3 10 2 4 15 3 4 11 3 5 2 4 6 -10 5 6 9 1 6	10	10	✓
✓	8 15 1 2 9 1 6 6 1 7 15 2 3 10 6 3 18 6 5 30 6 7 -8 7 5 20 3 5 -16 5 4 11 4 3 6 3 8 19 4 8 6 5 8 16 7 8 44 1 8	19	19	✓
✓	6 9 1 2 7 1 3 9 1 5 14 2 3 10 2 4 1 3 4 -11 3 5 3 4 6 6 5 6 9 1 6	4	4	✓

Passed all tests! ✓

Question author's solution (C):

```

1 #include <stdio.h>
2
3 #define MAXM 500
4 #define MAXN 100
5 #define oo 999999
6 #define NO_EDGE -1
7
8 typedef struct {
9     int u, v;
10    int w;
11 } Edge;
12
13 typedef struct {
14     int n, m;
15     Edge edges[MAXM];
16 } Graph;
17
18 void init_graph(Graph *pG, int n) {
19     pG->n = n;
20     pG->m = 0;
21 }
22

```



Correct

Marks for this submission: 1.00/1.00.



Question **2**

Correct

Mark 1.00 out of 1.00

Viết chương trình đọc một **đơn đồ thị có hướng, có trọng số (có thể âm)** từ bàn phím và in ra đường đi ngắn nhất từ đỉnh s đến đỉnh t (s và t cũng được đọc từ bàn phím).

Đầu vào (Input)

Dữ liệu đầu vào được nhập từ bàn phím với định dạng:

- Dòng đầu tiên chứa 2 số nguyên n và m ($1 \leq n < 100; 0 \leq m < 500$)
- m dòng tiếp theo mỗi dòng chứa 3 số nguyên u, v, w mô tả cung (u, v) có trọng số w ($0 \leq w \leq 100$).
- Dòng cuối cùng chứa 2 số nguyên s và t .
- Dữ liệu đầu vào được đảm bảo là đồ thị không chứa chu trình âm.
- Luôn có đường đi từ s đến t .

Đầu ra (Output)

- In đường đi ngắn nhất từ s đến t theo mẫu:

```
s -> u1 -> u2 -> ... -> t
```

- Xem thêm ví dụ bên dưới.

Gợi ý

- Lần ngược theo $p[u]$ để có được đường đi ngắn nhất.

For example:

Input	Result
3 3 2 1 3 1 3 -5 2 3 4 2 3	2 -> 1 -> 3

Answer: (penalty regime: 10, 20, ... %)

```

1  #include <stdio.h>
2
3  #define MAXM 500
4  #define MAXN 100
5  #define oo 999999
6  #define NO_EDGE -999999
7
8  typedef struct {
9      int u, v;
10     int w;
11 } Edge;
12
13 typedef struct {
14     int n, m;
15     Edge edges[MAXM];
16 } Graph;
17
18 void init_graph(Graph *pG, int n) {
19     pG->n = n;
20     pG->m = 0;
21 }
22
23 void add_edge(Graph *pG, int u, int v, int w) {
24     pG->edges[pG->m].u = u;
25     pG->edges[pG->m].v = v;
26     pG->edges[pG->m].w = w;
27
28     pG->m++;
29 }
30
31
32 int pi[MAXN];
33 int p[MAXN];
34
35 int BellmanFord(Graph *pG, int s) {
36     int u, v, w, it, k;
37     for (u = 1; u <= pG->n; u++) {
38         pi[u] = oo;
39     }
40     pi[s] = 0;
41     p[s] = -1; //trước đỉnh s không có đỉnh nào cả

```



```

42
43 // lặp n-1 lần
44 for (it = 1; it < pG->n; it++) {
45     // Duyệt qua các cung và cập nhật (nếu thoả)
46     for (k = 0; k < pG->m; k++) {
47         u = pG->edges[k].u;
48         v = pG->edges[k].v;
49         w = pG->edges[k].w;
50
51         if (pi[u] == oo) //chưa có đường đi từ s -> u, bỏ qua cung này
52             continue;
53
54         if (pi[u] + w < pi[v]) {
55             pi[v] = pi[u] + w;
56             p[v] = u;
57         }
58     }
59 }
60 //Làm thêm 1 lần nữa để kiểm tra chu trình âm (nếu cần thiết)
61 for (k = 0; k < pG->m; k++) {
62     u = pG->edges[k].u;
63     v = pG->edges[k].v;
64     w = pG->edges[k].w;
65
66     if (pi[u] == oo) //chưa có đường đi từ s -> u, bỏ qua cung này
67         continue;
68
69     if (pi[u] + w < pi[v]) {
70         return 1;
71     }
72 }
73 return 0;
74 }
75
76
77
78 int main() {
79     Graph G;
80     int n, m;
81     scanf("%d%d", &n, &m);
82     init_graph(&G, n);
83
84     for (int e = 0; e < m; e++) {
85         int u, v, w;
86         scanf("%d%d%d", &u, &v, &w);
87         add_edge(&G, u, v, w);
88     }
89     int start, end;
90     scanf("%d %d", &start, &end);
91
92     BellmanFord(&G, start);
93
94     //Tìm đường đi ngắn nhất
95     int path[MAXN]; //lưu các đỉnh trên đường đi
96     int k = 0; //số đỉnh của đường đi
97     int current = end; // bắt đầu duyệt từ cuối đường
98
99     //Lần ngược theo p để lấy đường đi
100 while (current != -1) {
101     path[k] = current; k++;
102     current = p[current];
103 }
104
105 //In ra màn hình theo chiều ngược lại
106 printf("%d", path[k-1]);
107
108 for (int u = k-2; u >= 0; u--)
109     printf(" -> %d", path[u]);
110
111 return 0;
112 }

```

	Input	Expected	Got	
✓	3 3 2 1 3 1 3 -5 2 3 4 2 3	2 -> 1 -> 3	2 -> 1 -> 3	✓

	Input	Expected	Got	
✓	3 4 1 2 5 2 3 -6 1 3 2 3 2 7 1 2	1 -> 2	1 -> 2	✓
✓	6 9 1 2 7 1 3 9 1 5 14 2 3 10 2 4 15 3 4 11 3 5 2 4 6 -10 5 6 9 1 6	1 -> 3 -> 4 -> 6	1 -> 3 -> 4 -> 6	✓
✓	8 15 1 2 9 1 6 6 1 7 15 2 3 10 6 3 18 6 5 30 6 7 -8 7 5 20 3 5 -16 5 4 11 4 3 6 3 8 19 4 8 6 5 8 16 7 8 44 1 8	1 -> 2 -> 3 -> 5 -> 8	1 -> 2 -> 3 -> 5 -> 8	✓
✓	6 9 1 2 7 1 3 9 1 5 14 2 3 10 2 4 1 3 4 -11 3 5 3 4 6 6 5 6 9 1 6	1 -> 3 -> 4 -> 6	1 -> 3 -> 4 -> 6	✓

Passed all tests! ✓

Question author's solution (C):

```

1 #include <stdio.h>
2
3 #define MAXM 500
4 #define MAXN 100
5 #define oo 999999
6 #define NO_EDGE -1
7
8 typedef struct {
9     int u, v;
10    int w;
11 } Edge;
12
13 typedef struct {
14     int n, m;
15     Edge edges[MAXM];
16 } Graph;
17
18 void init_graph(Graph *pG, int n) {
19     pG->n = n;
20     pG->m = 0;
21 }
22

```

Correct

Marks for this submission: 1.00/1.00.

[◀ Bài tập 7 - Thuật toán Bellman - Ford \(kiểm tra chu trình âm\)](#)

Jump to...

[Bài tập 8 - Extended traffic ▶](#)