# Subtarea 1

•  $a_i = 1$ 

Entonces, f(l,r)=1 por lo que la respuesta es  $\frac{n(n+1)}{2}$ 

### Subtarea 2

•  $a_i \in \{1, 2\}; n \le 100$ 

La solución de la subtarea 3 sirve para esta subtarea.

### Subtarea 3

• n < 100.

Es suficiente iterar por todos los rangos [l,r] y computar por cada uno, la cantidad de elementos distintos en tiempo lineal. Para hacerlo, llevamos un arreglo de marcados, tal que mark[x] = true significa que x aparece en el rango analizado. Luego, la respuesta es la cantidad valores true en mark[].

Complejidad:  $\mathcal{O}(n^3)$ .

## Subtarea 4

De la subtarea anterior, estamos computando varias cosas múltiples veces. Observemos que entre el rango [l,r] y el rango [l,r+1] no hay mucha diferencia en la información que se lleva. En lugar de reiniciar mark[] cada vez e iterar por [l,r+1] modificando mark[], podemos simplemente fijar l, luego iterar por r en orden creciente, y actualizando solo  $mark[a_r]$  en cada momento. Cada vez que mark[x] cambia de false a true, le añadimos 1 a la respuesta.

Complejidad:  $\mathcal{O}(n^2)$ 

### Subtarea 5

Digamos que nxt(i) es el primer j > i:  $a_j = a_i$ , y si no existe tal j, digamos que es n+1.

Podemos considerar f(l,r) como la cantidad de  $i \in [l,r]$ :nxt(i) > r.

Entonces, la "contribución" de cada i a la respuesta es la cantidad de rangos  $[l,r]:i\in [l,r]$  y nxt(i)>r.

Tenemos que  $1 \le l \le i$ , y que  $i \le r < nxt(i)$ . Por tanto, la contribución de i a la respuesta es  $(nxt(i) - i) \cdot i$ .

La solución entonces se puede expresar como  $\sum_{i=1}^n (nxt(i)-i) \cdot i$ . Esto tome tiempo

lineal.

El cuello de botella de la solución está en computar nxt(i). Podemos hacerlo en tiempo cuadrático simplemente iterando por j>i hasta que encontremos un j: $a_j=a_i$ , lo cual es suficiente para aceptar esta subtarea.

Para subtarea, simplemente computamos nxt() en tiempo lineal en total. Cómo, podemos ir de derecha a izquierda, actualizando la posición de cada valor.