**C++ 标准模板库 (STL, Standard Template Library)**:包含一些常用数据结构与算法的模板的 C++ 软件库。其包含四个组件——算法 (Algorithms)、容器 (Containers)、仿函数 (Functors)、迭代器 (Iterators).

### 示例:

算法: sort(a.begin(), a.end())容器: priority\_queue<int> pque

• 仿函数: greater<int>()

• 迭代器: vector<int>::iterator it = a.begin()

# 1前言

STL 作为一个封装良好,性能合格的 C++ 标准库,在算法竞赛中运用极其常见。灵活且正确使用 STL 可以节省非常多解题时间,这一点不仅是由于可以直接调用,还是因为它封装良好,可以让代码的可读性变高,解题思路更清晰,调试过程 <del>往往</del> 更顺利。

不过 STL 毕竟使用了很多复杂的结构来实现丰富的功能,它的效率往往是比不上自己手搓针对特定题目的数据结构与算法的。因此,STL 的使用相当于使用更长的运行时间换取更高的编程效率。因此,在实际比赛中要权衡 STL 的利弊,不过这一点就得靠经验了。

接下来,我会分享在算法竞赛中常用的 STL 容器和算法,对于函数和迭代器,就不着重展开讲了。

# 2 常用容器

## 2.1 内容总览

打勾的是本次将会详细讲解的, 加粗的是算法竞赛中有必要学习的。

4)	的是本次付去许细讲解的,	加租的定异法是
•	顺序容器	
	☐ array	
	✓ vector	
	$\square$ deque	
	☐ forward_list	
	□ list	
•	关联容器	
	✓ set	
	<mark>✓</mark> map	
	☐ multiset	
	☐ multimap	
•	无序关联容器	
	$\square$ unordered_set	

unordered\_map

☐ unordered\_multiset

	☐ unordered_multimap
•	容器适配器
	<b>✓</b> stack
	<b>✓</b> queue
	☑ priority_queue
	☐ flat_set
	☐ flat_map
	☐ flat_multiset
	☐ flat_multimap
•	字符串
	✓ string (basic_string <char>)</char>
•	对与元组
	<b>✓</b> pair
	☐ tuple

# 2.2 向量 <u>vector</u>

#include <vector>

连续的顺序的储存结构(和数组一样的类别),但是有长度可变的特性。

### 2.2.1 常用方法

### 构造

```
vector<类型> arr(长度, [初值]) 时间复杂度: O(n) 常用的一维和二维数组构造示例,高维也是一样的(就是会有点长).
```

构造二维数组的奇葩写法,千万别用:

```
      vector<int> arr[100];
      // 正确,构造初始100行,不指定列数的二维数组,可用于链式前向星存图

      vector<int> arr[100](100, 1);
      // 语法错误!

      vector<int> arr(100, 1)[100];
      // 语法错误!

      vector<int> arr[100] {{100, 1}, 这里省略98个,{100, 1}};
      // 正确但奇葩,使用列表初始化
```

### 尾接 & 尾删

push\_back(元素): 在 vector 尾接一个元素,数组长度 +1.
pop\_back(): 删除 vector 尾部的一个元素,数组长度 -1

时间复杂度:均摊O(1)

```
// init: arr = []
arr.push_back(1);
// after: arr = [1]
arr.push_back(2);
// after: arr = [1, 2]
arr.pop_back();
// after: arr = [1]
arr.pop_back();
// after: arr = []
```

### 中括号运算符

和一般数组一样的作用

时间复杂度: O(1)

### 获取长度

.size()

获取当前 vector 的长度

时间复杂度: O(1)

```
for (int i = 0; i < arr.size(); i++)
  cout << a[i] << end1;</pre>
```

### 清空

.clear()

清空 vector

时间复杂度: O(n)

### 判空

.empty()

如果是空返回 true 反之返回 false.

时间复杂度: O(1)

### 改变长度

.resize(新长度,[默认值])

修改 vector 的长度

- 如果是缩短,则删除多余的值
- 如果是扩大,且指定了默认值,则新元素均为默认值 (旧元素不变)

时间复杂度: O(n)

### 2.2.2 适用情形

一般情况 vector 可以替换掉普通数组,除非该题卡常。

有些情况普通数组没法解决:  $n \times m$  的矩阵,  $1 \le n, m \le 10^6$  且  $n \times m < 10^6$ 

- 如果用普通数组 int mat[1000010][1000010], 浪费内存, 会导致 MLE。
- 如果使用 vector<vector<int>> mat(n + 10, vector<int> (m + 10)), 完美解决该问题。

另外, vector 的数据储存在堆空间中, 不会爆栈。

### 2.2.3 注意事项

### 提前指定长度

如果长度已经确定,那么应当直接在构造函数指定长度,而不是一个一个 .push\_back(). 因为 vector 额外内存耗尽后的重分配是有时间开销的,直接指定长度就不会出现重分配了。

```
// 优化前: 522ms
vector<int> a;
for (int i = 0; i < 1e8; i++)
    a.push_back(i);
// 优化后: 259ms
vector<int> a(1e8);
for (int i = 0; i < a.size(); i++)
    a[i] = i;</pre>
```

### 当心 size t 溢出

vector 获取长度的方法 . size() 返回值类型为 size\_t ,通常 OJ 平台使用的是 32 位编译器 (有些平台例如 cf 可选 64 位) ,那么该类型范围为  $[0,2^{32})$ .

```
vector<int> a(65536);
long long a = a.size() * a.size(); // 直接溢出变成0了
```

## 2.3 栈 <u>stack</u>

#include <stack>

通过二次封装双端队列 (deque) 容器,实现先进后出的栈数据结构。

## 2.3.1 常用方法

作用	用法	示例
构造	stack<类型> stk	<pre>stack<int> stk;</int></pre>
进栈	.push(元素)	stk.push(1);
出栈	.pop()	<pre>stk.pop();</pre>
取栈顶	.top()	<pre>int a = stk.top();</pre>
查看大小 / 清空 / 判空	略	略

### 2.3.2 适用情形

如果不卡常的话,就可以直接用它而不需要手写栈了。

另外, vector 也可以当栈用, vector 的 .back() 取尾部元素, 就相当于取栈顶, .push\_back() 相当于进栈, .pop\_back() 相当于出栈。

## 2.3.3 注意事项

不可访问内部元素! 下面都是错误用法

```
for (int i = 0; i < stk.size(); i++)
    cout << stk[i] << endl;
for (auto ele : stk)
    cout << stk << endl;</pre>
```

# 2.4 队列 <u>queue</u>

#include <queue>

通过二次封装双端队列 (deque) 容器,实现先进先出的队列数据结构。

### 2.4.1 常用方法

作用	用法	示例
构造	queue<类型> que	queue <int> que;</int>
进队	.push(元素)	que.push(1);
出队	.pop()	que.pop();
取队首	.front()	<pre>int a = que.front();</pre>
取队尾	.back()	<pre>int a = que.back();</pre>
查看大小 / 清空 / 判空	略	略

## 2.4.2 适用情形

如果不卡常的话,就可以直接用它而不需要手写队列了。

## 2.4.3 注意事项

不可访问内部元素! 下面都是错误用法

```
for (int i = 0; i < que.size(); i++)
    cout << que[i] << end1;
for (auto ele : que)
    cout << ele << end1;</pre>
```

# 2.5 优先队列 priority queue

提供常数时间的最大元素查找,对数时间的插入与提取,底层原理是二叉堆。

## 2.5.1 常用方法

### 构造

priority\_queue<类型,容器,比较器> pque

• 类型:要储存的数据类型

• 容器:储存数据的底层容器,默认为 vector<类型>,竞赛中保持默认即可

• 比较器: 比较大小使用的比较器, 默认为 less<类型>, 可自定义

```
priority_queue<int> pque1;  // 储存int的大项堆
priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> pque2; // 储存int的小项堆
```

对于需要自定义比较器的情况,涉及一些初学时容易看迷糊的语法(重载小括号运算符 / lambda 表达式),在此就不展开讲了。如果想要了解,可以查阅 cppreference 中的代码示例。

### 其他

作用	用法	示例
进堆	.push(元素)	que.push(1);
出堆	.pop()	que.pop();
取堆顶	.top()	<pre>int a = que.top();</pre>
查看大小 / 判空	略	略

进出队复杂度  $O(\log n)$ , 取堆顶 O(1).

## 2.5.2 适用情形

持续维护元素的有序性:每次向队列插入大小不定的元素,或者每次从队列里取出大小最小/最大的元素,元素数量 n,插入操作数量 k.

• 每次插入后进行快速排序:  $k \cdot n \log n$ 

• 使用优先队列维护:  $k \cdot \log n$ 

## 2.5.3 注意事项

### 仅堆顶可读

只可访问堆顶,其他元素都无法读取到。下面是错误用法:

```
cout << pque[1] << endl;</pre>
```

### 所有元素不可写

堆中所有元素是不可修改的。**下面是错误用法**:

```
pque[1] = 2;
pque.top() = 1;
```

如果你恰好要修改的是堆顶元素,那么是可以完成的:

```
int tp = pque.top();
pque.pop();
pque.push(tp + 1);
```

# 2.6 集合 <u>set</u>

#include <set>

提供对数时间的插入、删除、查找的集合数据结构。底层原理是红黑树。

集合三 要素	解释	set	multiset	unordered_set
确定性	一个元素要么在集合中,要 么不在	<b>✓</b>	<b>~</b>	<b>✓</b>
互异性	一个元素仅可以在集合中出 现一次	<b>~</b>	<b>X</b> (任意 次)	<b>✓</b>
无序性	集合中的元素是没有顺序的	<b>×</b> (从小到 大)	<b>×</b> (从小到 大)	<b>✓</b>

## 2.6.1 常用方法

### 构造

set<类型, 比较器> st

- 类型:要储存的数据类型
- 比较器: 比较大小使用的比较器, 默认为 less<类型>, 可自定义

```
set<int> st1;// 储存int的集合(从小到大)set<int, greater<int>> st2; // 储存int的集合(从大到小)
```

对于需要自定义比较器的情况,涉及一些初学时容易看迷糊的语法(重载小括号运算符 / lambda 表达式),在此就不展开讲了。

### 遍历

可使用迭代器进行遍历:

```
for (set<int>::iterator it = st.begin(); it != st.end(); ++it)
  cout << *it << endl;</pre>
```

基于范围的循环 (C++ 11):

```
for (auto &ele : st)
  cout << ele << endl;</pre>
```

### 其他

作用	用法	示例
插入元素	.insert(元素)	st.insert(1);
删除元素	.erase(元素)	st.erase(2);
查找元素	.find(元素)	<pre>auto it = st.find(1);</pre>
判断元素是否存在	.count(元素)	st.count(3);
查看大小 / 清空 / 判空	略	略

增删查时间复杂度均为  $O(\log n)$ 

## 2.6.2 适用情形

元素去重: [1,1,3,2,4,4] → [1,2,3,4]
维护顺序: [1,5,3,7,9] → [1,3,5,7,9]

• 元素是否出现过: 元素大小  $[-10^{18},10^{18}]$ ,元素数量  $10^6$ ,vis 数组无法实现,通过 set 可以完成。

## 2.6.3 注意事项

### 不存在下标索引

set 虽说可遍历,但仅可使用迭代器进行遍历,它不存在下标这一概念,无法通过下标访问到数据。**下 面是错误用法**:

```
cout << st[0] << endl;</pre>
```

### 元素只读

set 的迭代器取到的元素是只读的(因为是 const 迭代器),不可修改其值。如果要改,需要先 erase 再 insert. **下面是错误用法**:

```
cout << *st.begin() << endl; // 正确。可读。
*st.begin() = 1; // 错误! 不可写!
```

### 不可用迭代器计算下标

set 的迭代器不能像 vector 一样相减得到下标。下面是错误用法:

```
auto it = st.find(2); // 正确,返回2所在位置的迭代器。
int idx = it - st.begin(); // 错误! 不可相减得到下标。
```

## 2.7 映射 <u>map</u>

#include <map>

提供对数时间的有序键值对结构。底层原理是红黑树。

映射:

 $\begin{array}{cccc} 1 & \rightarrow & 2 \\ 2 & \rightarrow & 2 \\ 3 & \rightarrow & 1 \\ 4 & \rightarrow & 5 \\ & \vdots \end{array}$ 

性质	解释	map	multimap	unordered_map
互异 性	一个键仅可以在映射中出现 一次	<b>~</b>	🗙 (任意次)	<b>✓</b>
无序 性	键是没有顺序的	<b>X</b> (从小到 大)	<b>X</b> (从小到 大)	<b>✓</b>

## 2.7.1 常用方法

### 构造

map<键类型, 值类型, 比较器> mp

键类型:要储存键的数据类型值类型:要储存值的数据类型

• 比较器: 键比较大小使用的比较器, 默认为 less<类型>, 可自定义

```
map<int, int> mp1;  // int->int 的映射(键从小到大)
map<int, int, greater<int>> st2; // int->int 的映射(键从大到小)
```

对于需要自定义比较器的情况,涉及一些初学时容易看迷糊的语法(重载小括号运算符 / lambda 表达式),在此就不展开讲了。

### 遍历

可使用迭代器进行遍历:

```
for (map<int, int>::iterator it = mp.begin(); it != mp.end(); ++it)
  cout << it->first << ' ' << it->second << endl;</pre>
```

基于范围的循环 (C++ 11):

```
for (auto &pr : mp)
  cout << pr.first << ' ' << pr.second << endl;</pre>
```

结构化绑定 + 基于范围的循环 (C++17):

```
for (auto &[key, val] : mp)
  cout << key << ' ' << val << endl;</pre>
```

### 其他

作用	用法	示例
增/改/查元素	中括号	mp[1] = 2;
查元素 (返回迭代器)	.find(元素)	<pre>auto it = mp.find(1);</pre>
删除元素	.erase(元素)	<pre>mp.erase(2);</pre>
判断元素是否存在	.count(元素)	<pre>mp.count(3);</pre>
查看大小 / 清空 / 判空	略	略

增删改查时间复杂度均为  $O(\log n)$ 

## 2.7.2 适用情形

需要维护映射的场景可以使用:输入若干字符串,统计每种字符串的出现次数。(map<string, int> mp)

## 2.7.3 注意事项

### 中括号访问时默认值

如果使用中括号访问 map 时对应的键不存在,那么会新增这个键,并且值为默认值,因此中括号会影响键的存在性。

### 不可用迭代器计算下标

map 的迭代器不能像 vector 一样相减得到下标。下面是错误用法:

```
auto it = mp.find('a'); // 正确,返回2所在位置的迭代器。
int idx = it - mp.begin(); // 错误! 不可相减得到下标。
```

## 2.8 字符串 <u>string</u>

#include <string>

顾名思义,就是储存字符串的。

## 2.8.1 常用方法

### 构造

构造函数: string(长度, 初值)

## 输入输出

C++

```
string s;
cin >> s;
cout << s;</pre>
```

C

```
string s;
char buf[100];
scanf("%s", &buf);
s = buf;
printf("%s", s.c_str());
```

### 其他

作用	用法	示例
修改、查询指定下标字 符	([])	s[1] = 'a';
是否相同	==	if (s1 == s2)
字符串连接	+	string $s = s1 + s2;$
尾接字符串	+=	s += "awa";
取子串	.substr(起始下标,子串长度)	<pre>string sub = s.substr(2, 10);</pre>
查找字符串	.find(字符串,起始下标)	<pre>int pos = s.find("awa");</pre>

## 数值与字符串互转 (C++11)

源	目的	函数
int / long long / float / double / long double	string	to_string()
string	int	stoi()
string	long long	stoll()
string	float	stof()
string	double	stod()
string	long double	stold()

### 2.8.2 适用情形

非常好用!<del>建议直接把字符数组扔了,赶快投入 string 的怀抱。</del>

## 2.8.3 注意事项

### 尾接字符串一定要用 +=

string 的 += 运算符,将会在原字符串原地尾接字符串。而 + 了再 = 赋值,会先生成一个临时变量,在复制给 string.

通常字符串长度可以很长,如果使用 + 字符串很容易就 TLE 了。

```
// 优化前: 15139ms
string s;
for (int i = 0; i < 5e5; i++)
    s = s + "a";

// 优化后: < 1ms (计时器显示0)
string s;
for (int i = 0; i < 5e5; i++)
    s += "a";
```

### .substr() 方法的奇葩参数

一定要注意,C++ string 的取子串的第一个参数是子串起点下标,第二个参数是子串长度。

第二个参数不是子串终点!不是子串终点!要与 java 等其他语言区分开来。

### .find() 方法的复杂度

该方法实现为暴力实现,时间复杂度为 $O(n^2)$ .

不要幻想 STL 内置了个O(n) 的 KMP 算法

# 2.9 二元组 <u>pair</u>

#include <utility>

顾名思义,就是储存二元组的。

## 2.9.1 常用方法

### 构造

pair<第一个值类型,第二个值类型> pr

第一个值类型:要储存的第一个值的数据类型第二个值类型:要储存的第二个值的数据类型

```
pair<int, int> p1;
pair<int, long long> p2;
pair<char, int> p3;
// ...
```

### 赋值

老式

```
pair<int, char> pr = make_pair(1, 'a');
```

列表构造 C++11

```
pair<int, char> pr = {1, 'a'};
```

### 取值

直接取值

- 取第一个值: .first取第二个值: .second
- pair<int, char> pr = {1, 'a'};
  int awa = pr.first;
  char bwb = pr.second;

结构化绑定 C++17

```
pair<int, char> pr = {1, 'a'};
auto &[awa, bwb] = pr;
```

### 判同

直接用 == 运算符

```
pair<int, int> p1 = {1, 2};
pair<int, int> p2 = {1, 3};
if (p1 == p2) { ... } // false
```

## 2.9.2 适用场景

所有需要二元组的场景均可使用,效率和自己定义结构体差不多。

## 2.9.3 注意事项

无

# 3 迭代器简介

# 3.1 迭代器是什么?

不搞抽象,直接举例。

对于一个 vector, 我们可以用下标遍历:

```
for (int i = 0; i < a.size(); i++)
  cout << a[i] << end1;</pre>
```

我们同时也可以用迭代器来遍历:

```
for (vector<int>::iterator it = a.begin(); it != a.end(); ++it)
  cout << *it << endl;</pre>
```

- a.begin() 是一个迭代器,指向的是第一个元素
- (a.end()) 是一个迭代器,指向的是最后一个元素**再后面一位**
- 上述迭代器具有自增运算符,自增则迭代器向下一个元素移动
- 迭代器与指针相似,如果对它使用解引用运算符,即 \*it,就能取到对应值了

## 3.2 为何需要迭代器?

很多数据结构并不是线性的(例如红黑树),对于非线性数据结构,下标是无意义的。无法使用下标来 遍历整个数据结构。

迭代器的作用就是定义某个数据结构的遍历方式,通过迭代器的增减,代表遍历到的位置,通过迭代器 便能成功遍历非线性结构了。

例如, set 的实现是红黑树, 我们是没法用下标来访问元素的。但是通过迭代器, 我们就能遍历 set 中的元素了:

```
for (set<int>::iterator it = st.begin(); it != st.end(); ++it)
  cout << *it << end1;</pre>
```

## 3.3 迭代器用法

对于 vector 容器,它的迭代器功能比较完整,以它举例:

• .begin(): 头迭代器

• .end(): 尾迭代器

• .rbegin(): 反向头迭代器

• .rend(): 反向尾迭代器

• 迭代器 + 整型: 将迭代器向后移动

• 迭代器 - 整型: 将迭代器向前移动

• 迭代器 ++: 将迭代器向后移动 1 位

• 迭代器 --: 将迭代器向前移动 1 位

• 迭代器 - 迭代器: 两个迭代器的距离

• prev(it):返回it的前一个迭代器

• next(it):返回it的后一个迭代器

对于其他容器,由于其结构特性,上面的功能不一定都有(例如 set 的迭代器是不能相减求距离的)

## 3.4 常见问题

.end() 和 .rend() 指向的位置是无意义的值

对于一个长度为 10 的数组: for (int i = 0; i < 10; i++), 第 10 位是不可访问的

对于一个长度为 10 的容器: |for (auto it = a.begin(); it != a.end(); ++it) |, .end 是不可访问的

#### 不同容器的迭代器功能可能不一样

迭代器细化的话有正向、反向、双向,每个容器的迭代器支持的运算符也可能不同,因此不同容器的迭代器细节很有可能是不一样的。

#### 删除操作时需要警惕

为什么3没删掉?

```
vector<int> a{1, 2, 3, 4};
for (auto it = a.begin(); it != a.end(); ++it)
   if (*it == 2 || *it == 3)
        a.erase(it);
// a = [1, 3, 4]
```

为啥 RE 了?

```
vector<int> a{1, 2, 3, 4};
for (auto it = a.begin(); it != a.end(); ++it)
  if (*it == 4)
     a.erase(it);
```

建议: 如无必要, 别用迭代器操作容器。 (遍历与访问没关系)

# 4常用算法

## 4.1 内容总览

打勾的是本次将会详细讲解的,其他的是算法竞赛中建议学习的,不在下表列出的在比赛中基本用不到。

(很多函数的功能很简单,自己都能快速写出来,但是使用函数可以让代码可读性变得更高,这在比赛中是至关紧要的)

• 算法库 Algorithm

count()
ind()
✓ swap()
✓ reverse()
shuffle() C++11
<pre>unique()</pre>
✓ sort()
<pre>1 lower_bound() / upper_bound()</pre>
✓ max() / min()
<pre>max_element() / min_element()</pre>
<pre>prev_permutation() / next_permutation()</pre>

• 数学函数 cmath

```
✓ <u>abs()</u>

✓ <u>exp()</u>

✓ log() / log10() / log2()

   pow()
   ✓ sqrt()
   ☐ sin() / cos() / tan()
   asin() / acos() / atan()
   sinh() / cosh() / tanh()
   asinh() / acosh() / atanh() C++11
   ceil() / floor()
   <u>round()</u> C++11
• 数值算法 numeric
   iota() C++11
   accumulate()
   ✓ gcd() C++17
   ✓ 1cm() C++17
• 伪随机数生成 random
   mt19937
   random_device()
```

## **4.2** swap()

交换两个变量的值

### 用法示例

```
template< class T >
void swap( T& a, T& b );
```

```
int a = 0, b = 1;
swap(a, b);
// now a = 1, b = 0

int arr[10] {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9};
swap(arr[4], arr[6]);
// now arr = {0, 1, 2, 3, 6, 5, 4, 7, 8, 9}
```

#### 注意事项

这个 swap 参数是引用的,不需要像 C 语言一样取地址。

## **4.3** sort()

使用快速排序给一个可迭代对象排序

#### 用法示例

```
template< class RandomIt, class Compare >
void sort( RandomIt first, RandomIt last, Compare comp );
```

默认排序从小到大

```
vector<int> arr{1, 9, 1, 9, 8, 1, 0};
sort(arr.begin(), arr.end());
// arr = [0, 1, 1, 1, 8, 9, 9]
```

如果要从大到小,则需要传比较器进去。

```
vector<int> arr{1, 9, 1, 9, 8, 1, 0};
sort(arr.begin(), arr.end(), greater<int>());
// arr = [9, 9, 8, 1, 1, 1, 0]
```

如果需要完成特殊比较,则需要手写比较器。

比较器函数返回值是 bool 类型,传参是需要比较的两个元素。记我们定义的该比较操作为 \*:

- 若 $a \star b$ ,则比较器函数应当返回 true
- 若 $a \not \star b$ ,则比较器函数应当返回 false

注意: 如果 a=b, 比较器函数必须返回 false

```
bool cmp(pair<int, int> a, pair<int, int> b)
{
    if (a.second != b.second)
        return a.second < b.second;
    return a.first > b.first;
}

int main()
{
    vector<pair<int, int>> arr{{1, 9}, {2, 9}, {8, 1}, {0, 0}};
    sort(arr.begin(), arr.end(), cmp);
    // arr = [(0, 0), (8, 1), (2, 9), (1, 9)]
}
```

# 4.4 lower\_bound() / upper\_bound()

在**已升序排序**的元素中,应用二分查找检索指定元素,返回对应元素迭代器位置。**找不到则返回尾迭代器。** 器。

- lower\_bound(): 寻找  $\geq x$  的第一个元素的位置
- upper\_bound(): 寻找 > x 的第一个元素的位置

怎么找  $\leq x / < x$  的第一个元素呢?

- > x 的第一个元素的前一个元素(如果有)便是  $\le x$  的第一个元素
- $\geq x$  的第一个元素的前一个元素 (如果有) 便是 < x 的第一个元素

返回的是迭代器,如何转成下标索引呢?减去头迭代器即可。

#### 用法示例

```
template< class ForwardIt, class T >
ForwardIt lower_bound( ForwardIt first, ForwardIt last, const T& value );
```

```
vector<int> arr{0, 1, 1, 1, 8, 9, 9};
vector<int>::iterator it = lower_bound(arr.begin(), arr.end(), 7);
int idx = it - arr.begin();
// idx = 4
```

我们通常写成一行:

```
vector<int> arr{0, 1, 1, 1, 8, 9, 9};
idx = lower_bound(arr.begin(), arr.end(), 7) - arr.begin(); // 4
idx = lower_bound(arr.begin(), arr.end(), 8) - arr.begin(); // 4
idx = upper_bound(arr.begin(), arr.end(), 7) - arr.begin(); // 4
idx = upper_bound(arr.begin(), arr.end(), 8) - arr.begin(); // 5
```

## **4.5** reverse()

反转一个可迭代对象的元素顺序

#### 用法示例

```
template< class BidirIt >
void reverse( BidirIt first, BidirIt last );
```

```
vector<int> arr(10);
iota(arr.begin(), arr.end(), 1);
// 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10
reverse(arr.begin(), arr.end());
// 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1
```

## **4.6** max() / min()

返回最大值/最小值的数值

#### 用法示例

```
int mx = max(1, 2); // 2
int mn = min(1, 2); // 1
```

在 C++11 之后,可以使用列表构造语法传入一个列表,这样就能一次性给多个元素找最大值而不用套娃了:

```
// Before C++11
int mx = max(max(1, 2), max(3, 4)); // 4
int mn = min(min(1, 2), min(3, 4)); // 1

// After C++11
int mx = max({1, 2, 3, 4}); // 4
int mn = min({1, 2, 3, 4}); // 1
```

## **4.7** unique()

消除数组的重复**相邻**元素,数组长度不变,但是有效数据缩短,返回的是有效数据位置的结尾迭代器。

例如:  $[1,1,4,5,1,4] \rightarrow [1,4,5,1,4,?]$ , 下划线位置为返回的迭代器指向。

```
template< class ForwardIt >
ForwardIt unique( ForwardIt first, ForwardIt last );
```

#### 用法示例

单独使用 unique 并不能达成去重效果,因为它只消除**相邻**的重复元素。但是如果序列有序,那么它就能去重了。

但是它去重后,序列尾部会产生一些无效数据:  $[1,1,2,4,4,4,5] \rightarrow [1,2,4,5,\underline{?},?,?]$ ,为了删掉这些无效数据,我们需要结合 erase.

最终,给 vector 去重的写法便是:

```
vector<int> arr{1, 2, 1, 4, 5, 4, 4};
sort(arr.begin(), arr.end());
arr.erase(unique(arr.begin(), arr.end()), arr.end());
```

## 4.8 数学函数

所有函数参数均支持 int / long long / float / double / long double

公式	示例
f(x)= x	abs(-1.0)
$f(x)=e^x$	exp(2)
$f(x) = \ln x$	log(3)
$f(x,y)=x^y$	pow(2, 3)
$f(x)=\sqrt{x}$	sqrt(2)
$f(x) = \lceil x  ceil$	ceil(2.1)
$f(x) = \lfloor x  floor$	floor(2.1)
$f(x) = \langle x  angle$	rount(2.1)

### 注意事项

由于浮点误差,有些的数学函数的行为可能与预期不符,导致 WA。如果你的操作数都是整型,那么用下面的写法会更稳妥。

原文地址: https://codeforces.com/blog/entry/107717

- $\bullet \mid \frac{a}{b} \mid$ 
  - 别用: floor(1.0 \* a / b)
  - 要用: a / b
- $\left\lceil \frac{a}{b} \right\rceil$ 
  - 别用: ceil(1.0 \* a / b)
  - o 要用: (a + b 1) / b  $(\lceil \frac{a}{b} \rceil = \lfloor \frac{a+b-1}{b} \rfloor)$

```
    【√a】
    ○ 別用: (int) sqrt(a)
    ○ 要用: 二分查找 <a href="https://io.zouht.com/7.html">https://io.zouht.com/7.html</a>
    ○ 別用: pow(a, b)
    ○ 要用: 快速幂 <a href="https://io.zouht.com/18.html">https://io.zouht.com/18.html</a>
    【log<sub>2</sub> a】
    ○ 別用: 1og2(a)
    ○ 要用: 1g (不规范, 但是这是竞赛) / bit_width (C++20 可用)
```

# 4.9 gcd() / 1cm()

(C++17) 返回最大公因数 / 最小公倍数

```
int x = gcd(8, 12); // 4
int y = lcm(8, 12); // 24
```

如果不是 C++17, 但是是 GNU 编译器 (g++) , 那么可以用内置函数 \_\_gcd().

当然, gcd / 1cm 函数也挺好写,直接写也行(欧几里得算法):

```
int gcd(int a, int b)
{
    if (!b)
        return a;
    return gcd(b, a % b);
}

int lcm(int a, int b)
{
    return a / gcd(a, b) * b;
}
```