ĐỀ CƯƠNG MÔN : CẦU TRÚC DỮ LIỆU

| • | | |
|---|-------|------------|
| Chương 1. CÁC KHÁI NIỆM CƠ BẢN | (6) | |
| 1.1. Thuật toán và cấu trúc dữ liệu | 0.5 | 0.5 |
| 1.1.1. Các khái niệm | | |
| 1.1.2. Đánh giá thuật toán | | |
| 1.2. Các kiểu dữ liệu cơ bản trong ngôn ngữ C | | |
| 1.2.1. Kiểu dữ liệu đơn giản | 1 | 1.5 |
| 1.2.1.1. Kiểu ký tự | - | 1.0 |
| 1.2.1.2. Kiểu số nguyên | | |
| 1.2.1.3. Kiểu số thực | | |
| 1.2.2. Kiểu dữ liệu có cấu trúc | 1 | 2.5 |
| 1.2.2.1. Kiểu mảng | 1 | 2.5 |
| 1.2.2.2. Kiểu chuỗi ký tự | | |
| 1.2.2.3. Kiểu bản ghi | | |
| 1.2. Z.3. Kiểu con trỏ | 1.5 | 4.0 |
| 1.3.1. Định nghĩa | 1.5 | 4.0 |
| 1.3.2. Khai báo kiểu con trỏ | | |
| 1.3.2. Khai dao kieu con tro 1.3.3. Hàm địa chỉ | | |
| | | |
| 1.3.4. Các phép toán trên kiểu con trỏ 1.4. Kiểu tham chiếu | 1 . | 5.0 |
| | 1+ | 5.0 |
| 1.4.1. Định nghĩa | | |
| 1.4.2. Khai báo kiểu tham chiếu | | |
| 1.4.3. Ứng dụng kiểu tham chiếu | 1 | <i>c</i> 0 |
| 1.5. Đệ qui | 1- | 6.0 |
| 1.5.1. Định nghĩa | | |
| 1.5.2. Các nguyên lý khi dùng kỹ thuật đệ qui | | |
| | / 1 | • ` |
| Chương 2. DANH SÁCH | (<=1) | * |
| 2.1. Khái niệm | 0 | 6.0 |
| 2.2. Danh sách đặc | 2 | 8.0 |
| 2.2.1. Định nghĩa | | |
| 2.2.2. Biểu diễn danh sách đặc | | |
| 2.2.3. Các phép toán trên danh sách đặc | | |
| 2.2.4. Ưu nhược điểm của danh sách đặc | | |
| 2.3. Danh sách liên kết (đơn) | 4 | 12.0 |
| 2.3.1. Định nghĩa danh sách liên kết | | |
| 2.3.2. Biểu diễn danh sách liên kết | | |
| 2.3.3. Các phép toán trên danh sách liên kết | | |
| 2.3.4. Ưu nhược điểm của danh sách liên kết | | |
| 2.4. Danh sách đa liên kết | 2 | 14.0 |
| 2.4.1. Định nghĩa | | |
| 2.4.2. Biểu diễn danh sách đa liên kết | | |
| 2.4.3. Các phép toán trên danh sách đa liên kết | | |
| 2.5. Danh sách liên kết kép | 0.5 | 14.5 |
| 2.5.1. Định nghĩa | | |
| 2.5.2. Biểu diễn danh sách liên kết kép | | |
| 2.5.3. Các phép toán trên danh sách liên kết kép | | |
| 2.6. Danh sách liên kết vòng | 0.5 | 15.0 |
| 2.7. Danh sách hạn chế | | |
| 2.7.1. Khái niệm | 0 | 15.0 |
| 2.7.2. Ngăn xếp | 1 | 16.0 |
| 2.7.2.1. Định nghĩa | | - |
| 2.7.2.2. Biểu diễn ngăn xếp bằng danh sách liên kết | | |
| 2.7.2.3. Các phép toán trên ngăn xếp được biểu diễn bằng danh sách liên kết | | |
| | | |
| | | |

| 2.7.3. Hàng đợi 2.7.3.1. Định nghĩa 2.7.3.2. Biểu diễn hàng đợi bằng danh sách liên kết 2.7.3.3. Các phép toán trên hàng đợi được biểu diễn bằng danh sách liên kết | 1 | 17.0 |
|---|-----------------------|--------------------------------------|
| Chương 3. CÂY 3.1. Một số khái niệm 3.1.1. Các định nghĩa 3.1.2. Các cách biểu diễn cây | (<=7) 1 | 18.0 |
| 3.2. Cây nhị phân 3.2.1. Định nghĩa và tính chất 3.2.1.1. Định nghĩa 3.2.1.2. Các dạng đặc biệt của cây nhị phân | 1 | 19.0 |
| 3.2.1.3. Các tính chất của cây nhị phân3.2.2. Biểu diễn cây nhị phân3.2.2.1. Biểu diễn cây nhị phân bằng danh sách đặc | 0.5 | 19.5 |
| 3.2.2.2. Biểu diễn cây nhị phân bằng danh sách liên kết 3.2.3. Các phép toán trên cây nhị phân được biểu diễn bằng danh sách liên kết 3.3. Cây nhị phân tìm kiếm 3.3.1. Định nghĩa | 1.5 2 | 21.0 23.0 |
| 3.3.2. Các phép toán trên cây nhị phân tìm kiếm 3.3.3. Đánh giá 3.4. Cây nhị phân cân bằng 3.4.1. Cây cân bằng hoàn toàn 3.4.1.1. Định nghĩa 3.4.1.2. Đánh giá 3.4.2. Cây cân bằng 3.4.3.1. Định nghĩa | 1 | 24.0 |
| 3.4.2.1. Định nghĩa 3.4.2.2. Lịch sử cây cân bằng (AVL) 3.4.2.3. Chiều cao của cây AVL 3.4.2.4. Cấu trúc dữ liệu cho cây AVL 3.4.2.5. Đánh giá cây AVL 3.5. Cây tổng quát 3.5.1. Định nghĩa 3.5.2. Biểu diễn cây tổng quát bằng danh sách liên kết 3.5.3. Các phép duyệt cây tổng quát 3.5.4. Cây nhị phân tương đương | 0 | 24.0 |
| Chương 4. SẮP XẾP THỦ TỰ DỮ LIỆU 4.1. Bài toán sắp xếp thứ tự dữ liệu | (<=4) 0 | 24.0 |
| 4.2. Sắp xếp thứ tự nội 4.2.1. Sắp xếp bằng phương pháp chọn 4.2.2. Sắp xếp bằng phương pháp chèn 4.2.3. Sắp xếp bằng phương pháp nổi bọt 4.2.4. Sắp xếp bằng phương pháp trộn trực tiếp 4.2.5. Sắp xếp bằng phương pháp vun đống 4.2.5.1. Thuật toán sắp xếp cây | 1 1 1 0 0 | 25.0 26.0 27.0 27.0 27.0 |
| 4.2.5.2. Cấu trúc dữ liệu HeapSort 4.2.6. Sắp xếp bằng phương pháp nhanh 4.3. Sắp xếp thứ tự ngoại 4.3.1. Phương pháp trộn RUN 4.3.2. Các phương pháp trộn tự nhiên | 1 | 28.0 |
| Chương 5. TÌM KIẾM DỮ LIỆU 5.1. Nhu cầu tìm kiếm dữ liệu | (2) 0 | 28.0 |

| 5.2. Các thuật toán tìm kiếm 5.2.1 Tìm kiếm tuần tự 5.2.2. Tìm kiếm nhị phân | 1 1 | 29.0 30.0 |
|--|--------|--------------|
| Chương 6. CẦU TRÚC DỮ LIỆU BẢNG BĂM MỞ | (0) | 30.0 |

---0-O-o---

Tài liệu tham khảo:

- [1] Đỗ Xuân Lôi, Cấu trúc dữ liệu và giải thuật, NXB Khoa học và kĩ thuật, 2003
- [2] Nguyễn Hồng Chương, Cấu trúc dữ liệu ứng dụng và cài đặt bằng C, NXB TPHCM, 2003
- [3] Lê Xuân Trường, Cấu trúc dữ liệu bằng ngôn ngữ C, NXB Thống kê, 1999
- [4] Larry Nyhoff Sanford Leestma, Lập trình nâng cao bằng Pascal với các cấu trúc dữ liệu, 1991
- [5] Nguyễn Trung Trực, Cấu trúc dữ liệu, 2000
- [6] Đinh Mạnh Tường, Cấu trúc dữ liệu và thuật toán, NXB Khoa học và kĩ thuật, 2000
- [7] Yedidyah Langsam, Moshe J.Augenstein, Aaron M.Tenenbaum, Data Structures Using C and C++, Prentice Hall, 1996
- [8] Alfred V.Aho, John E.Hopcroft, Jeffrey D. Ullman, Data Structures and Algorithms, Addison Wesley, 1983

Chương 1: CÁC KHÁI NIỆM CƠ BẢN

1.1. Thuật toán và cấu trúc dữ liệu:

- 1.1.1. Các khái niệm:
- Dữ liệu: Nói chung dữ liệu là tất cả những gì mà máy tính xử lý.
- Kiểu dữ liệu: Mỗi kiểu dữ liệu gồm các giá trị có cùng chung các tính chất nào đó và trên đó xác định các phép toán
- Cấu trúc dữ liệu: Cấu trúc dữ liệu là cách tổ chức và lưu trữ dữ liệu trong bộ nhớ máy tính.
- Thuật toán (hay giải thuật): Thuật toán là tập hợp các bước theo một trình tự nhất định để giải một bài toán.
- Giữa cấu trúc dữ liệu và thuật toán có quan hệ mật thiết với nhau. Nếu ta biết cách tổ chức cấu trúc dữ liệu hợp lý thì thuật toán sẽ đơn giản hơn. Khi cấu trúc dữ liệu thay đổi thì thuật toán sẽ thay đổi theo.

1.1.2. Đánh giá thuật toán:

Chúng ta sẽ dùng các ký hiệu thông dụng về số nguyên và số thực:

$$N=\{0,1,2,3,...\}$$
 $N^+=\{1,2,3,...\}$ $R=t\hat{a}p\ s\hat{o}\ thực\ R^+=t\hat{a}p\ s\hat{o}\ thực\ dương$ $R^*=R^+\cup\{0\}$

Định nghĩa Cho f: $\mathbf{N} \to \mathbf{R}^*$. O(f) là tập các hàm g: $\mathbf{N} \to \mathbf{R}^*$ sao cho với hằng số c nào đó $c \in \mathbf{R}^*$ và $n_0 \in \mathbf{N}$ thì $g(n) \le cf(n)$ với mọi $n \ge n_0$.

Lưu ý rằng hàm g có thể thuộc O(f) ngay cả khi g(n)>f(n) với mọi n. Điểm quan trọng là hàm g bị chặn trên bởi một hằng nhân hàm f. Cũng lưu ý quan hệ giữa f và g không quan tâm với n nhỏ.

Tập O(f) thường gọi là "O lớn của f" hay "O của f" mặc dù thực ra đó là chữ cái Hy lạp omicron. Và, mặc dù định nghĩa O(f) là một tập, nhưng thường gọi chung là "g là O của f" thay vì "g là một phần tử trong O(f)" và thường ký hiệu g = O(f) thay vì $g \in O(f)$.

Có một kỹ thuật khác để chứng tỏ g thuộc O(f) là:

$$g \in O(f)$$
 nếu $\lim_{n\to\infty} \frac{g(n)}{f(n)} = c$, với hằng số $c \in \mathbb{R}^*$

Đó là nếu tồn tại giới hạn của g trên f và khác ∞ , thì g tăng không nhanh hơn f. Nếu giới hạn bằng ∞ thì g tăng nhanh hơn f.

Việc tính độ phức tạp dựa vào các thao tác sau:

phép gán/đọc/ghi: O(1) gọi/trả về của hàm: O(1)

lệnh if thời gian kiểm tra cộng với O(max của hai nhánh). lênh lặp tổng toàn bô các bước lặp trên số thao tác của mỗi bước.

Cho $T_1(n) = O(f(n))$ và $T_2(n) = O(g(n))$

Quy tắc tổng: $T_1(n)+T_2(n) = O(f(n)+g(n))=max\{O(f(n)),O(g(n))\}$

Quy tắc tích: $T_1(n).T_2(n)=O(f(n)).O(g(n))$

Ký hiệu độ phức tạp thuật toán là T(n) với n là kích thước nhập. Nếu nhiều kích thước nhập thì thường qui về một kích thước nhập. Và dùng hàm đơn thức nhỏ nhất để biểu diễn độ phức tạp thuật toán.

Logarith cơ số 2 thường dùng nên ký hiệu $\lg/\log = \log_2$ (logarith cơ số 2). Nhưng trong đánh giá độ phức tạp thuật toán thì có thể là cơ số bất kỳ vì bỏ qua một tích hằng.

Qui ước trong mô tả thuật toán:

- Dùng giả lệnh là hàm hoặc đoạn mã lệnh.
- Không khai báo kiểu tham số và kiểu của hàm.
- Không khai báo biến cục bộ của hàm.

Các ký pháp thường dùng cho độ phức tạp của thuật toán:

| Độ phức tạp | Thuật ngữ | | |
|--------------------|--------------------------|--|--|
| O(1) | Độ phức tạp hằng số | | |
| O(logn) | Độ phức tạp lôgarit | | |
| O(n) | Độ phức tạp tuyến tính | | |
| O(nlogn) | Độ phức tạp <i>nlogn</i> | | |
| O(n ^b) | Độ phức tạp đa thức | | |

| O(b ⁿ) | Độ phức tạp hàm mũ |
|--------------------|-----------------------|
| O(n!) | Độ phức tạp giai thừa |

Thời gian máy tính được dùng bởi 1 thuật toán:

| | The way was a state of the stat | | | | | |
|-----------------|--|---------------------|-----------------------|---------------------|--------------------|---------------|
| Kích thước | Các phép tính bit được sử dụng | | | | | |
| của bài toán | | | | | | |
| n | Logn | N | Nlogn | n^2 | 2^n | n! |
| 10 | 3.10 ⁻⁹ s | 10 ⁻⁸ s | 3.10 ⁻⁸ s | 10^{-7} s | 10 ⁻⁶ s | 3.10^{-3} s |
| 10^2 | 7.10 ⁻⁹ s | 10 ⁻⁷ s | 7.10^{-7} s | 10^{-5} s | 4.10^{13} năm | * |
| 10^3 | $1,0.10^{-8}$ s | 10^{-6} s | 1.10 ⁻⁵ s | 10^{-3} s | * | * |
| 10^{4} | $1,3.10^{-8}$ s | 10^{-5} s | 1.10 ⁻⁴ s | 10^{-1} s | * | * |
| 10 ⁵ | 1,7.10 ⁻⁸ s | 10^{-4} s | 2.10^{-3} s | 10 s | * | * |
| 10^{6} | 2.10^{-8} s | 10^{-3} s | 2.10^{-2} s | 17 phút | * | * |

1.2. Các kiểu dữ liệu cơ bản trong ngôn ngữ C:

1.2.1. Kiểu dữ liệu đơn giản: Kiểu dữ liệu đơn giản có giá trị là đơn duy nhất, gồm các kiểu:

1.2.1.1. Kiểu ký tự:

Kiểu ký tự có giá trị là một ký tự bất kỳ đặt giữa hai dấu nháy đơn, có kích thước 1 Byte và biểu diễn được một ký tự trong bảng mã ASCII, ví dụ: 'A', '9' hoặc '+'. Gồm 2 kiểu ký tự chi tiết:

| Tên kiểu | Miền giá trị |
|---------------|-----------------|
| char | từ -128 đến 127 |
| unsigned char | từ 0 đến 255 |

1.2.1.2. Kiểu số nguyên:

Kiểu số nguyên có giá trị là một số nguyên, ví dụ số 1993, gồm các kiểu số nguyên sau:

| Tên kiểu | Kích thước | Miền giá trị |
|---------------|------------|-------------------------------|
| int | 2 Byte | từ -32768 đến 32767 |
| unsigned int | 2 Byte | từ 0 đến 65535 |
| long | 4 Byte | từ -2147483648 đến 2147483647 |
| unsigned long | 4 Byte | từ 0 đến 4294967295 |

Lưu ý: Các kiểu ký tự cũng được xem là kiểu nguyên 1 Byte

1.2.1.3. Kiểu số thực:

Kiểu số thực có giá trị là một số thực, ví dụ số 1.65, gồm các kiểu số thực sau:

| Tên kiểu | Kích thước | Miền giá trị |
|-------------|------------|---------------------------|
| float | 4 Byte | từ 3.4E-38 đến 3.4E+38 |
| Double | 8 Byte | từ 1.7E-308 đến 1.7E+308 |
| long double | 10 Byte | từ 3.4E-4932 đến 1.1E4932 |

Ví dụ 1: Nhập nhóm máu, chiều cao, năm sinh, rồi tính và in tuổi.

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
main()
{ float cc;
  int ns;
  char nm, t;
  printf("\n Nhap nhom mau:"); scanf("%c", &nm);
  printf("\n Nhap chieu cao:"); scanf("%f", &cc);
  printf("\n Nhap nam sinh:"); scanf("%d", &ns);
  t=2017-ns;
  printf("\n Tuoi la:%5d", t);
  getch();
}
```

```
Ví du 2: Nhập chiều dài, chiều rộng hình chữ nhật, rồi tính và in chu vị. Ta khai báo các biến d. r. cy đều
kiểu float để lần lượt chứa chiều dài, chiều rông, chu vi.
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
main()
{ float d, r, cv;
 printf("\n Nhap chieu dai :"); scanf("%f", &d);
 printf("\n Nhap chieu rong:"); scanf("%f", &r);
 cv = (d+r)*2;
 printf("\n Chu vi la:%7.2f", cv);
 getch();
    1.2.2. Kiểu dữ liệu có cấu trúc:
Kiểu dữ liêu có cấu trúc có giá trị gồm nhiều thành phần. Gồm các kiểu sau:
       1.2.2.1. Kiểu mảng:
Kiểu mảng gồm nhiều thành phần có cùng kiểu dữ liêu, mỗi thành phần gọi là một phần tử, các phần tử
được đánh chỉ số từ 0 trở đi. Để viết một phần tử của biến mảng thì ta viết tên biến mảng, tiếp theo là chỉ
số của phần tử đặt giữa hai dấu ngoặc vuông.
Ví du lênh:
                      float A[3];
Khai báo A là một biến mảng gồm 3 phần tử là A[0], A[1], A[2] đều có giá trị thuộc kiểu float.
Ví du:
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
main()
{ float A[3];
 printf("\n Nhap chieu dai :"); scanf("%f", &A[0]);
 printf("\n Nhap chieu rong:"); scanf("%f", &A[1]);
  A[2]=(A[0]+A[1])*2;
 printf("\n Chu vi la:%7.2f", A[2]);
  getch();
}
       1.2.2.2. Kiểu chuỗi ký tư:
Kiểu chuỗi ký tự có giá trị là một dãy ký tự bất kỳ đặt giữa 2 dấu nháy kép, ví dụ "Le Li"
Ta có thể xem chuỗi ký tự là một mảng mà mỗi phần tử là một ký tự.
Ta có thể khai báo biến chuỗi ký tự ht và gán giá trị "Le Li" bằng lệnh:
                      char ht[15] = "Le Li";
       Ví dụ: Dùng các biến riêng biệt ht chứa họ tên, biến cc chứa chiều cao, biến ns chứa năm sinh,
biến t chứa tuổi. Chương trình nhập họ tên, chiều cao, năm sinh của một người, rồi tính và in tuổi của
người đó.
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
#include <string.h>
main()
{ char ht[15];
  float cc:
 int ns. t:
  printf("\n Nhap ho ten:"); fflush(stdin); gets(ht);
 printf("\n Nhap chieu cao:"); scanf("%f", &cc);
 printf("\n Nhap nam sinh:"); scanf("%d", &ns);
 t=2017-ns;
 printf("\n Ban %s, cao:%6.2f m, %6d tuoi", ht, cc, t);
 getch();
}
       1.2.2.3. Kiểu bản ghi:
```

Cấu trúc dữ liêu – Trang 6

Kiểu bản ghi gồm nhiều thành phần có kiểu dữ liệu giống nhau hoặc khác nhau, mỗi thành phần gọi là một trường. Để viết một trường của biến bản ghi thì ta viết tên biến bản ghi, tiếp theo là dấu chấm, rồi đến tên trường

Đầu tiên khai báo kiểu bản ghi SVIEN gồm các trường ht, cc, ns, t lần lượt chứa họ tên, chiều cao, năm sinh, tuổi của một sinh viên. Sau đó khai báo biến SV thuộc kiểu SVIEN, như vậy biến SV là biến bản ghi gồm các trường được viết cụ thể là SV.ht , SV.cc, SV.ns, và SV.t

Ví dụ 1:Chương trình nhập họ tên, chiều cao, năm sinh của một người, rồi tính tuổi của người đó

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
#include <string.h>
main()
{    struct SVIEN
    {        char ht[15];
        float cc;
        int ns, t;
    };
    SVIEN SV;
    printf("\n Nhap ho ten:"); fflush(stdin); gets(SV.ht);
    printf("\n Nhap chieu cao:"); scanf("%f", &SV.cc);
    printf("\n Nhap nam sinh:"); scanf("%d", &SV.ns);
    SV.t=2017-SV.ns;
    printf("\n Ban %s, cao %7.2f m, %7d tuoi", SV.ht, SV.cc, SV.t);
    getch();
}
```

Ví dụ 2: Đầu tiên khai báo kiểu bản ghi HCN gồm 3 trường d, r, cv kiểu float lần lượt chứa chiều dài, chiều rộng, chu vi hình chữ nhật. Sau đó khai báo biến B thuộc kiểu HCN, vậy biến B là biến bản ghi gồm 3 trường được viết đầy đủ là B.d, B.r và B.cv. Chương trình nhập chiều dài, chiều rộng, rồi tính chu vi hình chữ nhât

1.3. Kiểu con trỏ:

1.3.1. Đinh nghĩa:

Con trỏ là một biến mà giá trị của nó là địa chỉ của một đối tượng dữ liệu trong bộ nhớ. Đối tượng ở đây có thể là một biến hoặc một hàm

Địa chỉ của một vùng nhớ trong bộ nhớ là địa chỉ của byte đầu tiên của vùng nhớ đó

1.3.2. Khai báo biến con trỏ:

Ta có thể khai báo kiểu con trở trước, rồi sau đó khai báo biến con trở thuộc kiểu con trở đó typedef kiểudữliệu *kiểucontrở;

```
kiểucontrỏ biếncontrỏ:
hoặc ta có thể khai báo trực tiếp biến con trỏ như sau:
                     kiểudữliêu *biếncontro;
              typedef int *xxx;
ví du
                     xxx p;
ban đầu khai báo xxx là kiểu con trỏ chỉ đến giá tri kiểu int, sau đó khai báo p là biến thuộc kiểu xxx,
như vậy biến p là biến con trỏ chỉ đến giá trị thuộc kiểu int
Hoặc ta có thể khai báo trực tiếp biến con trỏ p như sau:
              int *p;
Tương tự ta có các khai báo:
              int ns=1993, t, *p, *p2;
              float cc=1.65, *pf;
              char nm='0', *pc;
                                         // pc là biến con trỏ kiểu ký tự char
Lưu ý, khi biến p có giá trị là địa chỉ của một vùng nhớ mà trong vùng nhớ đó có chứa dữ liệu D thì ta
nói rằng p là biến con trỏ chỉ đến dữ liệu D, vùng nhớ mà biến con trỏ p chỉ đến sẽ có tên gọi là *p hoặc
p->
   1.3.3. Hàm địa chỉ:
                             &biến
Trả về địa chỉ của biến trong bô nhớ
   1.3.4. Các phép toán trên kiểu con trỏ:
- Phép gán: Ta có thể gán địa chỉ của một biến cho biến con trỏ cùng kiểu, ví du
                     p = &ns;
Hoặc gán giá tri của hai biến con trỏ cùng kiểu cho nhau, ví du
                     p2 = p;
Không được dùng các lệnh gán:
                     p=&cc;
                                    hoặc pf=&ns;
                                                         hoăc pf=p;
- Phép công thêm vào con trỏ một số nguyên (đối với con trỏ liên quan đến mảng)
- Phép so sánh bằng nhau = = hoặc khác nhau !=
Ví du:
              if (p == p2) ...
hoăc
              if (p != p2) \dots
- Hằng con trỏ NULL: cho biết con trỏ không chỉ đến đối tượng nào cả, giá trị này có thể được gán cho
mọi biến con trỏ kiểu bất kỳ, ví dụ
                                   p = NULL; hoặc pf = NULL;
- Phép cấp phát vùng nhớ
Lênh
              biếncontro = new kiểudữliêu:
Vd lênh
                            p = new int;
Cấp phát vùng nhớ có kích thước 2 Byte (ứng với kiểu dữ liệu int) và gán địa chỉ của vùng nhớ này cho
biến con trỏ p, như vậy vùng nhớ đó có tên gọi là *p
Tương tự ta có lệnh pf=new float;
- Phép thu hồi vùng nhớ
Lênh
             delete biếncontro;
Vd lênh
                     delete p;
thu hồi vùng nhớ mà biến con trỏ p chỉ đến
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
#include <string.h>
main()
{ struct SVIEN
  { char ht[15];
   float cc;
   int ns, t;
  };
 SVIEN *p;
 p=new SVIEN;
 printf("\n Nhap ho ten:"); fflush(stdin); gets((*p).ht);
```

Cấu trúc dữ liêu – Trang 8

```
printf("\n Nhap chieu cao:"); scanf("%f", &(*p).cc);
 printf("\n Nhap nam sinh:"); scanf("%d", &(*p).ns);
 (*p).t=2017-(*p).ns;
 printf("\n Ban %s, cao %7.2f m, %7d tuoi", (*p).ht, (*p).cc, (*p).t);
 delete p;
 getch();
1.4. Kiểu tham chiếu
   1.4.1. Đinh nghĩa:
   Ngôn ngữ C có 3 loại biến:
       - Biến giá trị: chứa một giá trị dữ liệu thuộc về một kiểu nào đó (kiểu số nguyên, kiểu số thực,
kiểu ký tự . . . )
ví du
              int ns=1993;
       - Biến con trỏ: chứa đia chỉ của một đối tương
ví du
              int *p=&ns;
       Hai loại biến này đều được cấp bộ nhớ và có địa chỉ riêng
```

Loại thứ ba là biến tham chiếu, là biến không được cấp phát bộ nhớ, không có địa chỉ riêng,
 được dùng làm bí danh cho một biến khác và dùng chung vùng nhớ của biến đó

1.4.2. Khai báo biến kiểu tham chiếu:

f = 1.8;

Cú pháp: kiểudữ liệu & biếntham chiếu = biến bịtham chiếu;

Trong đó, biếnthamchiếu sẽ tham chiếu đến biếnbịthamchiếu và dùng chung vùng nhớ của biếnbịthamchiếu này.

Vd float cc=1.7; float &f = cc;

Ban đầu khai báo biến cc kiểu số thực float. Sau đó khai báo biến tham chiếu f sẽ tham chiếu đến biến bị tham chiếu cc cùng kiểu float. Vậy biến tham chiếu f sẽ dùng chung vùng nhớ của biến cc. Khi đó những thay đổi giá trị của biến cc cũng là những thay đổi của biến f và ngược lại, chẳng hạn nếu tiếp theo có lênh:

```
thì biến cc sẽ tự động có giá trị mới là 1.8

1.4.3. <u>Ứng dụng kiểu tham chiếu:</u>
void DOI(int x, int &y, int *z)
{ printf("\n Con truoc: %d %d %d", x, y, *z);
    x=x+1; y=y+2; *z=*z+3;
    printf("\n Con sau: %d %d %d", x, y, *z);
}
main()
{ int i=10, j=20, k=30;
    printf("\n Chinh truoc: %d %d %d", i, j, k);
    DOI(i, j, &k);
    printf("\n Chinh sau: %d %d %d", i, j, k);
    getch();
```

Kết quả hiện lên màn hình là:

Chính trước: 10 20 30

Con truoc: 10 20 30

Con sau: 11 22 33

Chinh sau: 10 22 33

1.5. Đệ qui

1.5.1. Đinh nghĩa:

Trong thân một chương trình mà có lệnh gọi ngay chính nó thực hiện thì gọi là tính đệ qui của chương trình

- 1.5.2. Các nguyên lý khi dùng kỹ thuật đề qui:
 - Tham số hóa bài toán: để thể hiện kích cỡ của bài toán
 - Tìm trường hợp dễ nhất: mà ta biết ngay kết quả bài toán

- Tìm trường hợp tổng quát: để đưa bài toán với kích cỡ lớn về bài toán có kích cỡ nhỏ hơn. Ví du: Viết chương trình tính giai thừa của số nguyên không âm n (n>=0) bằng kỹ thuật đệ qui. n! = 1 * 2 * 3 * ... * (n-1) * nn = 1- Tham số hóa bài toán: Gọi n là số nguyên không âm cần tính giai thừa. - Trường hợp dễ nhất: Nếu n=0 thì n!=1 - Trường hợp tổng quát: Nếu n>0 thì n! = (n-1)! * nlong fact(int n) { if (n==0) return 1; else return n * fact(n-1); Ví dụ: Viết chương trình tính và in ước số chung lớn nhất của 2 số nguyên x và y cho trước. - Tham số hóa bài toán: Gọi x và y là 2 số nguyên cần tính ước số chung lớn nhất. - Trường hợp dễ nhất: Nếu x=v thì ước chung lớn nhất của chúng là x. - Trường hợp tổng quát: Nếu x<>y thì USCLN(x, y)=USCLN(x, y-x) nếu x<y USCLN(x, y)=USCLN(x-y, y) nếu y<x Chẳng hạn, tìm ước số chung lớn nhất của 30 và 18. 30 có các ước số là: 1,2,3,5,6,10,15,30 18 có các ước số là: 1, 2, 3, 6, 9, 18 30 và 18 có các ước số chung là: 1,2,3,6 Ước số chung lớn nhất của 30 và 18 là: USCLN(30,18)=U(12,18)=U(12,6)=U(6,6)=6int uscln(int x, int y) { if (x==y) return x; else if (x < y) return uscln(x, y-x); else return uscln(x-y, y); } Ví dụ: Bài toán Tháp Hà Nội: Cần chuyển n đĩa từ cọc A (trong đó đĩa lớn ở dưới, đĩa nhỏ ở trên) sang coc B với các điều kiên: . Mỗi lần chỉ được chuyển một đĩa . Trên các coc: luôn luôn đĩa lớn ở dưới, đĩa nhỏ ở trên . Được dùng cọc trung gian thứ ba C Giải: - Tham số hóa bài toán: n: là số lượng đĩa cần chuyển Goi x: coc xuất phát v: coc đích z: coc trung gian Hàm con CHUYEN(n, x, y, z) dùng để chuyển n đĩa từ coc xuất phát x sang coc đích y với coc trung gian z - Tìm trường hợp dễ nhất: n = 1, khi đó ta chuyển đĩa từ cọc x sang cọc y - Tìm trường hợp tổng quát: B1: Chuyển n-1 đĩa từ coc xuất phát x sang coc trung gian z B2: Chuyển 1 đĩa từ coc xuất phát x sang coc đích y B3: Chuyển n-1 đĩa từ cọc trung gian z sang cọc đích y #include <stdio.h> #include <conio.h> int i; void CHUYEN(int n, char x, char y, char z) $\{ if (n==1) \}$ { i++: printf(" $\n \%d : \%c --> \%c$ ", i, x, y);

BÀI TÂP CHƯƠNG 1:

Bài 1:

a. Độ phức tạp thuật toán là gì?

b. Cho ví dụ một thuật toán có độ phức tạp thời gian $O(n^2)$

Bài 2: Viết hàm đệ quy tính n!. Đánh giá độ phức tạp thuật toán.

Bài 3: Dãy số Fibonacci $\{F_n\}$ được xác định như sau: $F_0=1$, $F_1=1$, $F_n=F_{n-1}+F_{n-2}$ với N>=3.

a. Viết hàm đệ quy Fib(n) để tính F_n. Đánh giá độ phức tạp thuật toán.

b. Viết hàm lặp Fib(n) để tính F_n . Đánh giá độ phức tạp thuật toán.

Bài 4: Một chuỗi ký tự được gọi là Palindrome nếu đảo ngược các ký tự của nó ta nhận được chuỗi ban đầu, ví dụ từ M D M là Palindrome. Trình bày thuật toán kiểm tra một xâu ký tự có phải là Palindrome hay không.

<u>Bài 5:</u> Hai chuỗi ký tự là Anagram của nhau nếu một chuỗi là hoán vị các ký tự của chuỗi kia, ví dụ "dear" và "read" là Anagram của nhau. Viết chương trình nhập hai chuỗi, rồi hiển thị một trong các thông báo sau: "Anagram", "không phải Anagram".

Bài 6: Số hoàn thiện n là số tự nhiên có tổng các ước số thực sự (kể cả 1) bằng chính nó. Ví dụ n=6 là số hoàn thiện vì 6 = 1 + 2 + 3. Trình bày thuật toán kiểm tra xem một số tự nhiên có phải là số hoàn thiện hay không.

Bài 7:

- a. Bài toán Tháp Hà Nội: Có 3 cọc, cọc thứ nhất có n đĩa kích thước khác nhau xếp chồng nhau, đĩa nhỏ nằm trên đĩa lớn. Hãy chuyển các đĩa từ cọc thứ nhất sang cọc thứ hai, cho sử dụng cọc trung gian thứ ba, sao cho luôn đảm bảo đĩa nhỏ nằm trên đĩa lớn và mỗi lần chỉ được chuyển 1 đĩa. Viết hàm đệ quy tìm phương án di chuyển đĩa tối ưu.
- b. Đánh giá độ phức tạp thuật toán.

Chương 2: DANH SÁCH

2.1. Khái niệm:

- Danh sách: là một dãy các phần tử $A_1, A_2, A_3, \ldots, A_{n-1}$ trong đó nếu biết được phần tử đứng trước thì sẽ biết được phần tử đứng sau.
 - n: là số phần tử của danh sách.
 - Danh sách rỗng: là danh sách không có phần tử nào cả, tức n=0
- Danh sách là khái niệm thường gặp trong cuộc sống, như danh sách các sinh viên trong một lớp, danh sách các môn học trong một học kỳ . . .
 - Có 2 cách cơ bản biểu diễn danh sách:
- + Danh sách đặc: các phần tử được lưu trữ kế tiếp nhau trong bộ nhớ, phần tử thứ i-1 được lưu trữ ngay trước phần tử thứ i giống như một mảng.
- + Danh sách liên kết: các phần tử được lưu trữ tại những vùng nhớ khác nhau trong bộ nhớ, nhưng chúng được kết nối với nhau nhờ các vùng liên kết.
 - Các phép toán thường dùng trên danh sách:
 - + Khởi tạo danh sách (tức là làm cho danh sách có, nhưng là danh sách rỗng)
 - + Kiểm tra xem danh sách có rỗng không
 - + Liệt kê các phần tử có trong danh sách
 - + Tìm kiếm phần tử trong danh sách
 - + Thêm phần tử vào danh sách
 - + Xóa phần tử ra khỏi danh sách
 - + Sửa các thông tin của phần tử trong danh sách
 - + Thay thế một phần tử trong danh sách bằng một phần tử khác
 - + Sắp xếp thứ tự các phần tử trong danh sách
 - + Ghép một danh sách vào một danh sách khác
 - + Trộn các danh sách đã có thứ tự để được một danh sách mới cũng có thứ tự
 - + Tách một danh sách ra thành nhiều danh sách

. . .

- Trong thực tế một bài toán cụ thể chỉ dùng một số phép toán nào đó, nên ta phải biết cách biểu diễn danh sách cho phù hợp với bài toán

2.2. Danh sách đặc:

2.2.1. Định nghĩa:

Danh sách đặc là danh sách mà các phần tử được lưu trữ kế tiếp nhau trong bộ nhớ dưới hình thức một mảng

2.2.2. Biểu diễn danh sách đặc:

Xét danh sách có tối đa 100 sinh viên gồm các thông tin: họ tên, chiều cao, cân nặng tiêu chuẩn,

| như: | Lê | Li | 1.7 | 65 |
|------|-------|-----|-----|----|
| | Lê Bi | 1.8 | 75 | |
| | Lê Vi | 1.4 | 35 | |
| | Lê Ni | 1.6 | 55 | |
| | Lê Hi | 1.5 | 45 | |

Trong đó cân nặng tiêu chuẩn được tính theo công thức:

Cân nặng tiêu chuẩn (kg) = Chiều cao x 100 - 105

Khai báo:
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
#include <string.h>
const int Nmax=100;
typedef char infor1[15];
typedef float infor2;
typedef int infor3;
struct element
{ infor1 ht;
infor2 cc;

infor3 cntc;

};

```
typedef element DS[Nmax];
DS A;
int n;
Hằng Nmax kiểu int chứa số phần tử tối đa có thể có của danh sách
Biến n kiểu int chứa số phần tử thực tế hiện nay của danh sách, ví dụ n=5
Kiểu bản ghi element gồm các trường ht, cc, cntc lần lượt chứa ho tên, chiều cao, cân năng tiêu chuẩn
của một sinh viên
infor1, infor2, infor3 lần lượt là các kiểu dữ liệu của các trường ht, cc, cntc
DS là kiểu mảng gồm Nmax phần tử kiểu element
Biến A kiểu DS là biến mảng gồm Nmax phần tử kiểu element
   2.2.3. Các phép toán trên danh sách đặc:
       - Khởi tạo danh sách: Khi mới khởi tạo danh sách là rỗng, ta cho n nhận giá trị 0
void Create(DS A, int &n)
{ n=0;
}
       - Liệt kê các phần tử trong danh sách: Ta liệt kê các phần tử từ phần tử đầu tiên trở đi
void Display(DS A, int n)
{ int i;
 for (i=0; i<=n-1; i++)
       printf("\n %15s %7.2f %7d", A[i].ht, A[i].cc, A[i].cntc);
}
       - Tìm kiếm một phần tử trong danh sách: Tìm phần tử có họ tên x cho trước. Ta tìm bắt đầu từ
phần tử đầu tiên trở đi, cho đến khi tìm được phần tử cần tìm hoặc đã kiểm tra xong phần tử cuối cùng
mà không có thì dừng. Hàm Search(A, n, x) tìm và trả về giá trị kiểu int, là số thứ tự của phần tử đầu
tiên tìm được hoặc trả về giá trị -1 nếu tìm không có
int Search(DS A, int n, infor1 x)
{ int i;
 i=0;
 while ((i \le n-1) \&\& (strcmp(A[i].ht,x)!=0))
       i++;
 if (i<=n-1) return i;
 else return -1;
       - Thêm một phần tử có họ tên x, chiều cao y, cân nặng tiêu chuẩn z vào vị trí thứ t trong danh
sách. Điều kiện: n < N \max và 0 \le t \le n
       Khi đó các phần tử từ thứ t đến thứ n-1 được dời xuống 1 vị trí trong đó phần tử ở dưới thì dời
trước, phần tử ở trên dời sau. Sau đó chèn phần tử mới vào vị trí thứ t, cuối cùng tăng giá trị n lên 1 đơn
void InsertElement(DS A, int &n, int t, infor1 x, infor2 y, infor3 z)
 if ((n < Nmax) & (t > = 0) & (t < = n))
        { for (i=n-1; i>=t; i--)
               A[i+1]=A[i];
         strcpy(A[t].ht,x); A[t].cc=y; A[t].cntc=z;
         n++:
       }
}
       - Xóa phần tử thứ t trong danh sách, Điều kiện: 0 \le t \le n-1
       Khi đó các phần tử từ thứ t+1 đến thứ n-1 được dời lên 1 vị trí trong đó phần tử ở trên thì dời
trước, phần tử ở dưới dời sau, cuối cùng giảm giá trị của n xuống 1 đơn vị
void DeleteElement(DS A, int &n, int t)
{ int i;
 if ((t>=0) && (t<=n-1))
        \{ \text{ for } (i=t+1; i \le n-1; i++) \}
```

```
A[i-1]=A[i];
         n--;
}
   2.2.4. Ưu nhược điểm của danh sách đặc:
* Ưu điểm:
       Dễ viết chương trình.
       Tiết kiệm bộ nhớ cho mỗi phần tử.
       Chỉ tiên lơi cho danh sách dùng ít bô nhớ.
* Khuyết điểm:
       Không tiên lợi cho danh sách dùng nhiều bô nhớ.
       Cần vùng nhớ liên tục.
       Khai báo trước số lượng cụ thể số phần tử của danh sách.
2.3. Danh sách liên kết (đơn):
   2.3.1. Đinh nghĩa danh sách liên kết:
     Danh sách liên kết là danh sách mà các phần tử được kết nối với nhau nhờ các vùng liên kết
   2.3.2. Biểu diễn danh sách liên kết:
     Xét danh sách sinh viên gồm các thông tin: ho tên, chiều cao, cân năng tiêu chuẩn
typedef char infor1[15];
typedef float infor2;
typedef int infor3;
struct element
{ infor1 ht:
 infor2 cc;
 infor3 cntc;
 element *next;
typedef element *List;
              // hoăc element *F;
List F;
Kiểu bản ghi element gồm các trường ht, cc, cntc dùng để chứa các thông tin của một phần tử trong
danh sách, ngoài ra còn có thêm trường liên kết next chứa địa chỉ của phần tử tiếp theo trong danh sách
Kiểu con trỏ List dùng để chỉ đến một phần tử kiểu element
Biến con trở F luôn luôn chỉ đến phần tử đầu tiên trong danh sách liên kết
   2.3.3. Các phép toán trên danh sách liên kết:
       - Khởi tao danh sách:
Khi mới khởi tạo danh sách là rỗng ta cho F nhận giá trị NULL
void Create(List &F)
{ F=NULL;
}
       - Liệt kê các phần tử trong danh sách:
Ta liệt kê các phần tử kể từ phần tử đầu tiên được chỉ bởi biến con trỏ F và dựa vào trường liên kết next
để lần lượt liệt kê các phần tử tiếp theo.
Biến con trỏ p lần lượt chỉ đến từng phần tử trong danh sách bắt đầu từ phần tử đầu tiên chỉ bởi F trở đi
void Display(List F)
{ List p;
 p=F;
 while (p != NULL)
 { printf("\n %15s %7.2f %7d", (*p).ht, (*p).cc, (*p).cntc);
  p=(*p).next:
}
       - Tìm kiếm một phần tử trong danh sách: Tìm phần tử có họ tên x trong danh sách
```

Ta tìm bắt đầu từ phần tử đầu tiên được chỉ bởi F trở đi cho đến khi tìm được phần tử cần tìm hoặc đã kiểm tra xong phần tử cuối cùng mà không có thì dừng. Hàm Search(F, x) kiểu List, tìm và trả về địa chỉ của phần tử đầu tiên tìm được hoặc trả về giá trị NULL nếu tìm không có List Search(List F, infor1 x) { List p; p=F; while ((p!=NULL) && strcmp((*p).ht,x) !=0) p=(*p).next;return p; } - Thêm một phần tử vào đầu danh sách: Thêm một phần tử có họ tên x, chiều cao y, cân nặng tiêu chuẩn z vào đầu danh sách. Biến con trỏ p chỉ đến phần tử mới cần thêm vào void InsertFirst(List &F, infor1 x, infor2 y, infor3 z) { List p; p=new element; strcpy((*p).ht,x); (*p).cc=y; (*p).cntc=z; (*p).next=F; // 1 F=p; //2} - Thêm một phần tử vào danh sách có thứ tư Thêm một phần tử có họ tên x, chiều cao y, cân năng tiêu chuẩn z vào danh sách trước đó đã có thứ tư họ tên tăng dần Biến con trỏ p chỉ đến phần tử mới cần thêm vào Các biến con trỏ before và after lần lượt chỉ đến phần tử đứng ngay trước và ngay sau phần tử mới. Để tìm after thì ta tìm bắt đầu từ phần tử đầu tiên chỉ bởi F trở đi cho đến khi gặp được phần tử đầu tiên có họ tên lớn hơn x thì dừng, rồi chèn phần tử mới vào void InsertSort(List &F, infor1 x, infor2 y, infor3 z) { List p, before, after; p=new element; strcpy((*p).ht,x); (*p).cc=y; (*p).cntc=z; after=F; while ((after!=NULL) && (strcmp((*after).ht,x)<0)) { before=after; after=(*after).next; **}**; (*p).next=after; // 1 if (F==after) F=p; // 2' else (*before).next=p; //2} - Xóa phần tử đầu tiên trong danh sách: Biến con trỏ p chỉ đến phần tử cần xóa. Ta cho F chỉ đến phần tử tiếp theo. void DeleteFirst(List &F) { List p; if (F!=NULL) { p=F; F=(*p).next; // 1 delete p; } } - Xóa phần tử chỉ bởi biến con trỏ t: Biến con trỏ before chỉ đến phần tử đứng ngay trước phần tử cần xóa, biến con trỏ after chỉ đến phần tử đứng ngay sau phần tử chỉ bởi biến before void DeleteElement(List &F, List t)

{ List before, after;

```
after=F:
 while ((after!=NULL) && (after!=t))
 { before = after;
  after=(*after).next;
 if (after!=NULL)
                                        // 1'
// 1
   { if (F==t) F=(*t).next;
    else (*before).next=(*t).next;
    delete t;
   }
}
   2.3.4. Ưu nhược điểm của danh sách liên kết:
* Ưu điểm:
       Dùng được cho các danh sách dùng nhiều bô nhớ.
       Dùng được các vùng nhớ rời rạc (không bắt buộc phải liên tục).
       Không cần phải khai báo trước số lương phần tử.
* Khuyết điểm:
   - Hơi khó viết chương trình.
Tốn kém bô nhớ cho mỗi phần tử vì phải có thêm trường liên kết.
2.4. Danh sách đa liên kết
   2.4.1. Đinh nghĩa:
     Danh sách đa liên kết là danh sách có nhiều mối liên kết
   2.4.2. Biểu diễn danh sách đa liên kết:
       Xét danh sách đa liên kết các sinh viên gồm họ tên, chiều cao, cân năng tiêu chuẩn. Trong danh
sách này có khi ta cần danh sách được sắp xếp theo thứ tự họ tên tăng dần, cũng có khi ta cần danh sách
được sắp xếp theo thứ tự chiều cao tăng dần. Khi đó mỗi phần tử trong danh sách đa liên kết là một bản
ghi ngoài các trường chứa dữ liệu của bản thân nó thì còn có thêm 2 trường liên kết. Trường liên kết thứ
nhất ta có thể đặt tên là next1 dùng để chỉ đến phần tử đứng ngay sau nó theo thứ tự họ tên, trường liên
kết thứ hai next2 chỉ đến phần tử đứng ngay sau nó theo thứ tư chiều cao
typedef char infor1[15];
typedef float infor2;
typedef int infor3;
struct element
{ infor1 ht;
 infor2 cc;
 infor3 cntc;
 element *next1, *next2;
typedef element *List;
List F1. F2:
       Biến con trỏ F1 chỉ đến phần tử đầu tiên trong danh sách được sắp theo thứ tư họ tên tăng dần,
biến con trỏ F2 chỉ đến phần tử đầu tiên được sắp theo thứ tự chiều cao tăng dần
   2.4.3. Các phép toán trên danh sách đa liên kết:
       - Khởi tạo danh sách: Khi mới khởi tạo danh sách là rỗng, ta cho F1 và F2 nhận giá trị NULL
void Create(List &F1, List &F2)
{ F1=NULL; F2=NULL:
}
       - Liệt kê các phần tử trong danh sách theo thứ tư họ tên: Ta liệt kê bắt đầu từ phần tử đầu tiên chỉ
bởi biến con trỏ F1, và dựa vào trường liên kết next1 để lần lượt liệt kê các phần tử tiếp theo
void Display1(List F1)
{ List p;
 p=F1;
 while (p != NULL)
 { printf("\n %15s %7.2f %7d", (*p).ht, (*p).cc, (*p).cntc);
       p=(*p).next1;
```

```
}
}
       - Liệt kê các phần tử trong danh sách theo thứ tư chiều cao: Ta liệt kê bắt đầu từ phần tử đầu tiên
chỉ bởi biến con trỏ F2, và dưa vào trường liên kết next2 để lần lượt liệt kê các phần tử tiếp theo
void Display2(List F2)
{ List p;
 p=F2;
 while (p != NULL)
 { printf("\n %15s %7.2f %7d", (*p).ht, (*p).cc, (*p).cntc);
       p=(*p).next2;
 }
}
       - Tìm phần tử có họ tên x, chiều cao y: Trong danh sách sắp xếp theo thứ tự họ tên có phần tử
đầu tiên được chỉ bởi biến con trỏ F1, ta tìm từ phần tử đầu tiên trở đi cho đến khi tìm được phần tử có
họ tên là x, chiều cao là y, hoặc đã kiểm tra xong phần tử cuối cùng mà không có thì dừng. Hàm
Search(F1, x, y) kiểu List, tìm và trả về địa chỉ của phần tử đầu tiên tìm được hoặc trả về giá trị NULL
nếu tìm không có
List Search(List F1, infor1 x, infor2 y)
{ List p;
 p=F1:
 while ( (p!=NULL) && ( (strcmp((*p).ht,x)<0) ||
                             ((strcmp((*p).ht,x)==0) && ((*p).cc!=y)))
        p=(*p).next1;
 if (p!=NULL) && (strcmp((*p).ht,x)==0) && ((*p).cc==y)) return p;
 else return NULL;
}
       - Thêm một phần tử có họ tên x, chiều cao y, cân năng tiêu chuẩn z vào danh sách:
       Biến con trỏ p chỉ đến phần tử mới cần thêm vào. Biến con trỏ before chỉ đến phần tử đứng ngay
trước phần tử mới theo thứ tư ho tên và thứ tư chiều cao. Biến con trỏ after chỉ đến phần tử đứng ngay
sau phần tử được chỉ bởi before
void InsertElement(List &F1, List &F2, infor1 x, infor2 y, infor3 z)
{ List p, before, after;
 p=new element;
 strcpy((*p).ht,x); (*p).cc=y; (*p).cntc=z;
 // Tim before va after theo ho ten
 after=F1:
 while ( (after!=NULL) && (strcmp((*after).ht,x)<0) )
 { before=after;
       after=(*after).next1;
 };
 (*p).next1=after;
 if (F1==after) F1=p;
 else (*before).next1=p;
 // Tim before va after theo chieu cao
 after=F2:
 while ( (after!=NULL) && ( (*after).cc<y ) )
 { before=after;
       after=(*after).next2;
 };
 (*p).next2=after;
 if (F2==after) F2=p;
 else (*before).next2=p;
}
       - Xóa một phần tử trong danh sách: Tìm rồi xóa phần tử có họ tên x, chiều cao y
```

Cấu trúc dữ liêu – Trang 17

```
Biến con trỏ p chỉ đến phần tử cần xóa. Biến con trỏ before lần lượt chỉ đến phần tử đứng ngay
trước phần tử cần xóa theo thứ tư ho tên và thứ tư chiều cao
void DeleteElement(List &F1, List &F2, infor1 x, infor2 y)
{ List p, t, before;
// Tim p
// Tim before theo ho ten
 p=F1:
 while ((p!=NULL) && ((strcmp((*p).ht,x)<0))
                                     ((strcmp((*p).ht,x)==0) && ((*p).cc!=y)))
 \{ before = p; \}
       p=(*p).next1;
 if ((p!=NULL) && (strcmp((*p).ht,x)==0) && ((*p).cc==y)) // n\u00e9u tim c\u00f3
 { if (F1==p) F1=(*p).next1;
       else (*before).next1=(*p).next1;
       // Tim before theo chieu cao
       t=F2:
       while (t!=p)
       \{ before = t; \}
        t = (*t).next2;
       if (F2==p) F2=(*p).next2;
       else (*before).next2 = (*p).next2;
       delete p;
 }
2.5. Danh sách liên kết kép
   2.5.1. Đinh nghĩa: Danh sách liên kết kép là danh sách mà mỗi phần tử trong danh sách có kết nối
với phần tử đứng ngay trước và phần tử đứng ngay sau nó
   2.5.2. Biểu diễn danh sách liên kết kép:
   Các khai báo sau định nghiã một danh sách liên kết kép đơn giản trong đó ta dùng hai con trỏ: pPrev
liên kết với phần tử đứng trước và pNext như thường lệ, liên kết với phần tử đứng sau:
typedef
              struct tagDNode
    Data
              Info;
                                   // trỏ đến phần tử đứng trước
struct tagDNode* pPre;
struct tagDNode* pNext;
                                   // trỏ đến phần tử đứng sau
}DNODE;
typedef
              struct tagDList
      DNODE* pHead;
                                   // trỏ đến phần tử đầu danh sách
                                           // trỏ đến phần tử cuối danh sách
DNODE* pTail;
}DLIST;
khi đó, thủ tục khởi tạo một phần tử cho danh sách liên kết kép được viết lại như sau :
DNODE*
              GetNode(Data x)
       DNODE *p;
{
       // Cấp phát vùng nhớ cho phần tử
       p = new DNODE:
       if (p==NULL) {
printf("khong du bo nho");
exit(1);
// Gán thông tin cho phần tử p
p \rightarrow Info = x;
       p->pPrev = NULL;
       p->pNext = NULL;
       return p;
```

Cấu trúc dữ liêu – Trang 18

```
2.5.3. Các phép toán trên danh sách liên kết kép:
Tương tư danh sách liên kết đơn, ta có thể xây dựng các thao tác cơ bản trên danh sách liên kết kép (xâu
kép). Một số thao tác không khác gì trên xâu đơn. Dưới đây là một số thao tác đặc trưng của xâu kép:
- Chèn một phần tử vào danh sách:
       Có 4 loai thao tác chèn new ele vào danh sách:
 Cách 1: Chèn vào đầu danh sách
       Cài đặt:
void AddFirst(DLIST &l, DNODE* new_ele)
          if (l.pHead==NULL) //Xâu rỗng
   l.pHead = new_ele; l.pTail = l.pHead;
else
       new_ele->pNext = 1.pHead; //(1)
l.pHead \rightarrow pPrev = new_ele; // (2)
l.pHead = new_ele; // (3)
NODE* InsertHead(DLIST &l, Data x)
       NODE* new ele = GetNode(x);
 if (new_ele ==NULL) return NULL;
if (l.pHead==NULL)
       l.pHead = new_ele; l.pTail = l.pHead;
else
       new_ele->pNext = 1.pHead; //(1)
l.pHead \rightarrow pPrev = new_ele; // (2)
l.pHead = new ele; //(3)
return new_ele;
 Cách2: Chèn vào cuối danh sách
       Cài đặt:
void AddTail(DLIST &l, DNODE *new_ele)
       if (l.pHead==NULL)
       l.pHead = new_ele; l.pTail = l.pHead;
else
       l.pTail->Next = new_ele;
                                   // (1)
new_ele -> pPrev = l.pTail; // (2)
l.pTail = new ele; // (3)
NODE* InsertTail(DLIST &l, Data x)
       NODE* new_ele = GetNode(x);
 if (new_ele ==NULL) return NULL;
if (l.pHead==NULL)
       l.pHead = new_ele; l.pTail = l.pHead;
else
       l.pTail->Next = new_ele;
                                   // (1)
new ele \rightarrowpPrev = l.pTail; // (2)
l.pTail = new_ele;
                   // (3)
}
```

```
return new ele;
 Cách 3: Chèn vào danh sách sau một phần tửq
       Cài đặt:
void AddAfter(DLIST &l, DNODE* q,DNODE* new_ele)
       DNODE* p = q - pNext;
       if (q!=NULL)
       new_ele->pNext = p; //(1)
new_ele->pPrev = q; //(2)
q \rightarrow pNext = new_ele; //(3)
if(p != NULL)
p->pPrev = new_ele; //(4)
      (q == l.pTail)
l.pTail = new_ele;
else //chèn vào đầu danh sách
AddFirst(l, new_ele);
}
void InsertAfter(DLIST &l, DNODE *q, Data x)
       DNODE* p = q-pNext;
       NODE* new_ele = GetNode(x);
if (new_ele ==NULL) return NULL;
                if (q!=NULL)
       new_ele->pNext = p; //(1)
new_ele->pPrev=q; //(2)
q \rightarrow pNext = new_ele; //(3)
if(p != NULL)
p-pPrev = new_ele; //(4)
if(q == l.pTail)
l.pTail = new_ele;
else //chèn vào đầu danh sách
AddFirst(l, new_ele);
 Cách 4 : Chèn vào danh sách trước một phần tử q
       Cài đặt :
void AddBefore(DLIST &l, DNODE q, DNODE* new_ele)
       DNODE* p = q - pPrev;
if (q!=NULL)
       new_ele->pNext = q; //(1)
new_ele->pPrev = p; //(2)
q->pPrev = new_ele; //(3)
if(p != NULL)
p-pNext = new_ele; //(4)
if(q == 1.pHead)
l.pHead = new_ele;
else //chèn vào đầu danh sách
AddTail(l, new_ele);
 void InsertBefore(DLIST &l, DNODE q, Data x)
       DNODE* p = q - pPrev;
       NODE* new_ele = GetNode(x);
```

```
if (new ele == NULL) return NULL;
 if (q!=NULL)
       new_ele->pNext=q; //(1)
new ele->pPrev = p; //(2)
q \rightarrow pPrev = new_ele; //(3)
if(p != NULL)
p->pNext = new_ele; //(4)
if(q == 1.pHead)
l.pHead = new_ele;
else //chèn vào đầu danh sách
AddTail(l, new_ele);
       - Hủy một phần tử khỏi danh sách
       Có 5 loại thao tác thông dụng hủy một phần tử ra khỏi xâu. Chúng ta sẽ lần lượt khảo sát chúng.
 Hủy phần tử đầu xâu:
Data RemoveHead(DLIST &l)
      DNODE
                     *p;
Data x = NULLDATA;
 if (l.pHead!=NULL)
       p = 1.pHead; x = p->Info;
l.pHead = l.pHead->pNext;
l.pHead->pPrev = NULL;
delete p;
if(l.pHead == NULL) l.pTail = NULL;
else l.pHead->pPrev = NULL;
return x;
Hủy phần tử cuối xâu:
Data RemoveTail(DLIST &I)
{ DNODE *p;
Data x = NULLDATA;
if (l.pTail!=NULL)
{p = l.pTail; x = p->Info;}
l.pTail = l.pTail->pPrev;
l.pTail->pNext = NULL;
delete p;
if(l.pHead == NULL) l.pTail = NULL;
else l.pHead->pPrev = NULL;
}
return x;
Hủy một phần tử đứng sau phần tử q
void RemoveAfter (DLIST &1, DNODE *q)
   DNODE *p;
   if ( q != NULL)
       p = q \rightarrow pNext;
if ( p != NULL)
       q->pNext = p->pNext;
if(p == l.pTail)
                   l.pTail = q;
else p-pNext-pPrev = q;
delete p;
}
}
```

Cấu trúc dữ liệu – Trang 21

```
else
       RemoveHead(1);
Hủy một phần tử đứng trước phần tử q
void RemoveAfter (DLIST &l, DNODE *q)
       DNODE
                     *p;
 if ( q != NULL)
       p = q \rightarrow pPrev;
if ( p != NULL)
       q->pPrev = p->pPrev;
if(p == l.pHead)
                     l.pHead = q;
else p - pPrev - pNext = q;
delete p;
}
}
else
       RemoveTail(1);
Hủy 1 phần tử có khoá k
int RemoveNode(DLIST &l. Data k)
       DNODE
                     *p = l.pHead;
NODE *q:
while(p!=NULL)
       if(p->Info == k) break;
p = p - pNext;
       (p == NULL) return 0; //Không tìm thấy k
If
q = p - pPrev;
if ( q != NULL)
       p = q \rightarrow pNext;
if (p!= NULL)
       q->pNext = p->pNext;
if(p == l.pTail)
l.pTail = q;
else p-pNext-pPrev = q;
       //p là phần tử đầu xâu
else
       l.pHead = p->pNext;
if(l.pHead == NULL)
       l.pTail = NULL;
       l.pHead->pPrev = NULL;
else
delete p;
return 1;
```

* Nhận xét: Danh sách liên kết kép về mặt cơ bản có tính chất giống như xâu đơn. Tuy nhiên nó có một số tính chất khác xâu đơn như sau:

Xâu kép có mối liên kết hai chiều nên từ một phần tử bất kỳ có thể truy xuất một phần tử bất kỳ khác. Trong khi trên xâu đơn ta chỉ có thể truy xuất đến các phần tử đứng sau một phần tử cho trước. Điều này dẫn đến việc ta có thể dễ dàng hủy phần tử cuối xâu kép, còn trên xâu đơn thao tác này tồn chi phí O(n).

Bù lại, xâu kép tốn chi phí gấp đôi so với xâu đơn cho việc lưu trữ các mối liên kết. Điều này khiến việc cập nhật cũng nặng nề hơn trong một số trường hợp. Như vậy ta cần cân nhắc lựa chọn CTDL hợp lý khi cài đặt cho một ứng dung cu thể.

2.6. Danh sách liên kết vòng:

Danh sách liên kết vòng là một danh sách đơn (hoặc kép) mà phần tử đứng cuối cùng chỉ đến phần tử đầu tiên trong danh sách. Để biểu diễn ta có thể sử dụng các kỹ thuật biểu diễn như danh sách đơn (hoặc kép)

Ta có thể khai báo xâu vòng như khai báo xâu đơn (hoặc kép). Trên danh sách vòng ta có các thao tác thường gặp sau:

- Tìm phần tử trên danh sách vòng

Danh sách vòng không có phần tử đầu danh sách rõ rệt, nhưng ta có thể đánh dấu một phần tử bất kỳ trên danh sách xem như phân tử đầu xâu để kiểm tra việc duyệt đã qua hết các phần tử của danh sách hay chưa.

```
NODE*
             Search(LIST &l, Data x)
         NODE
                     *p;
p = l.pHead;
do
      if (p->Info == x)
return p;
p = p - pNext;
while (p != l.pHead); // chưa đi giáp vòng
return p;
}
- Thêm phần tử đầu xâu:
void AddHead(LIST &l, NODE *new_ele)
       if(l.pHead == NULL) //Xâu rỗng
       l.pHead = l.pTail = new ele;
l.pTail->pNext = l.pHead;
else
       new_ele->pNext = l.pHead;
l.pTail->pNext = new ele;
l.pHead = new_ele;
}
- Thêm phần tử cuối xâu:
      AddTail(LIST &l, NODE *new_ele)
       if(l.pHead == NULL) //Xâu rỗng
       l.pHead = l.pTail = new_ele;
l.pTail->pNext = l.pHead;
}
else
       new_ele->pNext = l.pHead;
l.pTail->pNext = new_ele;
l.pTail = new ele;
}
- Thêm phần tử sau nút q:
      AddAfter(LIST &l, NODE *q, NODE *new_ele)
       if(l.pHead == NULL) //Xâu rỗng
       l.pHead = l.pTail = new_ele;
l.pTail > pNext = l.pHead;
}
else
       new_ele->pNext = q->pNext;
q - pNext = new_ele;
if(q == 1.pTail)
l.pTail = new_ele;
}
```

```
}
- Hủy phần tử đầu xâu:
void RemoveHead(LIST &l)
       NODE *p = 1.pHead;
       if(p == NULL) return;
if (l.pHead = l.pTail) l.pHead = l.pTail = NULL;
else
       l.pHead = p->Next;
if(p == l.pTail)
l.pTail->pNext = l.pHead;
delete p;
- Hủy phần tử đứng sau nút q:
void RemoveAfter(LIST &l, NODE *q)
       NODE *p;
       if(q!=NULL)
       p = q -> Next;
if (p == q) l.pHead = l.pTail = NULL;
       q->Next = p->Next;
if(p == l.pTail)
l.pTail = q;
delete p;
}
```

Nhận xét: Đối với danh sách vòng, có thể xuất phát từ một phần tử bất kỳ để duyệt toàn bộ danh sách

2.7. Danh sách hạn chế:

2.7.1. Khái niệm:

Danh sách hạn chế là danh sách mà các phép toán chỉ được thực hiện ở một phạm vi nào đó của danh sách, trong đó thường người ta chỉ xét các phép thêm vào hoặc loại bỏ chỉ được thực hiện ở đầu danh sách. Danh sách hạn chế có thể được biểu diễn bằng danh sách đặc hoặc bằng danh sách liên kết. Có 2 loại danh sách hạn chế phổ biến là ngăn xếp và hàng đợi

2.7.2. Ngăn xếp (hay chồng hoặc Stack):

2.7.2.1. Định nghĩa:

Ngăn xếp là một danh sách mà các phép toán thêm vào hoặc loại bỏ chỉ được thực hiện ở cùng một đầu của danh sách. Đầu này gọi là đỉnh của ngăn xếp. Như vậy phần tử thêm vào đầu tiên sẽ được lấy ra cuối cùng

2.7.2.2. Biểu diễn ngặn xếp bằng danh sách liên kết:

Xét ngăn xếp các sinh viên gồm họ tên, chiều cao, cân nặng tiêu chuẩn

```
typedef char infor1[15];
typedef float infor2;
typedef int infor3;
struct element
{ infor1 ht;
  infor2 cc;
  infor3 cntc;
  element *next;
};
typedef element *Stack;
Stack S;
```

Ta dùng danh sách liên kết để chứa các phần tử trong ngặn xếp. Một phần tử trong danh sách liên kết chứa một phần tử trong ngăn xếp theo thứ tự là phần tử đầu tiên trong danh sách liên kết chứa phần tử ở đỉnh của ngăn xếp

Stack là kiểu con trỏ chỉ đến 1 phần tử trong danh sách Biến con trỏ S chỉ đến phần tử đầu tiên trong danh sách 2.7.2.3. Các phép toán trên ngăn xếp được biểu diễn bằng danh sách liên kết: - Khởi tạo ngăn xếp: Khi mới khởi tạo, ngăn xếp là rỗng ta cho S nhận giá trị NULL void Create(Stack &S) { S=NULL; } - Phép liệt kê các phần tử trong ngăn xếp: void Display(Stack S) { Stack p; p=S;while (p != NULL) { printf("\n %15s %7.2f %7d", (*p).ht, (*p).cc, (*p).cntc); p=(*p).next;} } - Phép thêm một phần tử có họ tên x, chiều cao y, cân năng tiêu chuẩn z vào ngặn xếp (thêm vào đầu ngăn xếp): void InsertStack(Stack &S, infor1 x, infor2 y, infor3 z) { Stack p; p=new element; strcpy((*p).ht,x); (*p).cc=y; (*p).cntc=z; (*p).next=S; S=p;} - Phép xóa một phần tử trong ngặn xếp (xóa phần tử đầu tiên) void DeleteStack(Stack &S) { Stack p; if (S!=NULL) { p=S; S=(*p).next;delete p; } } 2.7.3. Hàng đợi (hay Queue): 2.7.3.1. Định nghĩa: Hàng đợi là danh sách mà phép thêm vào được thực hiện ở đầu này còn phép loại bỏ được thực hiện ở đầu kia của danh sách. Như vậy phần tử thêm vào đầu tiên sẽ được lấy ra đầu tiên. 2.7.3.2. Biểu diễn hàng đơi bằng danh sách liên kết: Xét hàng đơi các sinh viên gồm ho tên, chiều cao, cân năng tiêu chuẩn struct element { infor1 ht; infor2 cc: infor3 cntc; element *next; **}**;

Oueue Front, Rear; Ta dùng danh sách liên kết để chứa các phần tử trong hàng đợi, một phần tử trong danh sách liên kết chứa một phần tử trong hàng đơi theo thứ tư là phần tử đầu tiên trong danh sách liên kết chứa phần tử đầu tiên trong hàng đợi.

typedef element *Queue;

Biến con trỏ Front chỉ đến phần tử đầu tiên của danh sách liên kết, đó chính là phần tử đầu tiên của hàng đơi.

Biến con trỏ Rear chỉ đến phần tử cuối cùng của danh sách liên kết, đó chính là phần tử cuối cùng của hàng đợi.

2.7.3.3. Các phép toán trên hàng đợi được biểu diễn bằng danh sách liên kết:

```
- Khởi tao hàng đơi: Khi mới khởi tao, hàng đơi là rỗng ta cho Front và Rear nhân giá tri NULL
void Create(Queue &Front, Queue &Rear)
{ Front=NULL; Rear=NULL;
      - Liệt kê các phần tử trong hàng đợi:
void Display(Queue Front, Queue Rear)
{ Queue p;
 p=Front;
 while (p != NULL)
 { printf("\n %20s %7.2f %7d", (*p).ht, (*p).cc, (*p).cntc);
      p=(*p).next;
 }
}
      - Thêm một phần tử có họ tên x, chiều cao y, cân năng tiêu chuẩn z vào hàng đơi (vào cuối danh
sách liên kết)
void InsertQueue(Queue &Front, Queue &Rear, infor1 x, infor2 y, infor3 z)
{ Oueue p;
 p=new element;
 strcpy((*p).ht,x); (*p).cc=y; (*p).cntc=z;
 (*p).next=NULL;
 if (Front==NULL) Front=p;
                                  // 2'
  else (*Rear).next=p;
                                  //2
 Rear=p;
                                  // 3
      - Phép xóa một phần tử trong hàng đợi (xóa phần tử đầu tiên)
void DeleteQueue(Queue &Front, Queue &Rear)
{ Queue p;
 if (Front!=NULL)
   { p=Front;
       Front=(*Front).next;
                                         // 1
   if (Front==NULL) Rear=NULL;
                                         //2
   delete p;
   }
}
```

BÀI TẬP LÝ THUYẾT CHƯƠNG 2:

Bài 2.1: Viết một chương trình C hoàn chỉnh thực hiện nhiều lần việc tạo ra bảng thực đơn, rồi lựa chọn để thực hiện các công việc sau đây:

- 1. Nhập danh sách đặc có tối đa 100 sinh viên gồm họ tên, chiều cao, rồi tính cân nặng tiêu chuẩn.
- 2. Liệt kê các phần tử trong danh sách.
- 3. Nhập họ tên, chiều cao, tính cân nặng tiêu chuẩn, và nhập vị trí để thêm người đó vào danh sách.
- 4. Nhập một họ tên từ bàn phím, rồi tìm và liệt kê phần tử đầu tiên có họ tên đó (nếu có).
- 5. Nhập một vị trí rồi xóa phần tử có vị trí đó ra khỏi danh sách.
- 6. Nhập một họ tên, rồi tìm và xóa người đầu tiên có họ tên đó ra khỏi danh sách (nếu có).

Bài 2.2: Viết chương trình C hoàn chỉnh thực hiện nhiều lần việc tạo bảng thực đơn rồi lựa chọn để thực hiện các công việc sau đây:

1. Nhập mới từ bàn phím danh sách liên kết các sinh viên gồm họ tên, chiều cao, rồi tính cân nặng tiêu chuẩn theo công thức:

Cân nặng tiêu chuẩn = Chiều cao * 100 – 105

Yêu cầu viết chương trình nhập sao cho kết quả ta nhận được danh sách liên kết gồm các phần tử có thứ ngược với các phần tử đã nhập (muốn vậy ban đầu ta cho danh sách rỗng, và mỗi lần thêm 1 phần tử mới thì ta luôn luôn thêm nó vào đầu danh sách).

2. Liệt kê các phần tử trong danh sách.

Viết thêm các yêu cầu:

- 3. Thêm một người tên LÊ THÊM, cao 1.7 vào đầu danh sách (có tính cân nặng tiêu chuẩn).
- 4. Nhập một họ tên, chiều cao, rồi tính cân nặng tiêu chuẩn và thêm người này vào đầu danh sách.

Viết thêm các yêu cầu:

- 5. Tìm xem có ai tên LÊ TÌM không, nếu có thì liệt kê các thông tin của người đầu tiên tìm được, còn không thì thông báo là không có.
- 6. Nhập một họ tên từ bàn phím, rồi tìm và liệt kê các thông tin của người đầu tiên tìm được có họ tên đó (nếu có).
- 7. Xóa người đầu tiên trong danh sách.
- 8. Nhập một họ tên từ bàn phím, rồi tìm và xóa người đâu tiên có họ tên đó (nếu có).
- 9. Viết hàm con tính tổng chiều cao.
- 10. Viết hàm con tính chiều cao lớn nhất (dễ hơn).
- 11. Viết hàm con tính chiều cao nhỏ nhất (khó hơn).
- 12. Viết hàm con đếm số lượng người có chiều cao trên 1.55m.
- Bài 2.3: Phân tích ưu, khuyết điểm của xâu liên kết so với mảng. Tổng quát hóa các trường hợp nên dùng xâu liên kết.
- **Bài 2.4:** Xây dựng một cấu trúc dữ liệu thích hợp để biểu diễn đa thức P(x) có dạng:

$$P(x) = c_1 x n^1 + c_2 x n^2 + ... + ckxnk$$

Biết rằng:

- Các thao tác xử lý trên đa thức bao gồm:
 - + Thêm một phần tử vào cuối đa thức.
 - + In danh sách các phần tử trong đa thức theo:
 - . thứ tư nhập vào.
 - . ngược với thứ tự nhập vào.
 - + Hủy một phần tử bất kỳ trong danh sách.
- Số lượng các phần tử không hạn chế.
- Chỉ có nhu cầu xử lý đa thức trong bộ nhớ chính.
- a. Giải thích lý do chọn CTDL đã định nghĩa.
- b. Viết chương trình con ước lượng giá trị của đa thức P(x) khi biết x.
- c. Viết chương trình con rút gọn biểu thức (gộp các phần tử cùng số mũ).

Bài 2.5: Xét đoạn chương trình tạo một xâu đơn gồm 4 phần tử (không quan tâm dữ liệu) sau đây:

Đoạn chương trình có thực hiện được thao tác tạo nêu trên không ? Tại sao ? Nếu không thì có thể sửa lại như thế nào cho đúng ?

Bài 2.6: Một ma trận chỉ chứa rất ít phần tử với giá trị có nghĩa (ví dụ: phần tử khác không) được gọi là ma trân thưa.

Dùng cấu trúc xâu liên kết để tổ chức biểu diễn một ma trận thưa sao cho tiết kiệm nhất (chỉ lưu trữ các phần tử có nghĩa).

a) Viết chương trình cho phép nhập, xuất ma trận.

b) Viết chương trình con cho phép cộng hai ma trận.

Bài 2.7: Bài toán Josephus : có N người đã quyết định tự sát tập thể bằng cách đứng trong vòng tròn và giết người thứ M quanh vòng tròn, thu hẹp hàng ngũ lại khi từng người lần lượt ngã khỏi vòng tròn. Vấn đề là tìm ra thứ tư từng người bi giết.

Ví dụ : N = 9, M = 5 thì thứ tự là 5, 1, 7, 4, 3, 6, 9, 2, 8

Hãy viết chương trình giải quyết bài toán Josephus, xử dụng cấu trúc xâu liên kết.

Bài 2.8: Hãy cho biết nội dung của stack sau mỗi thao tác trong dãy:

EAS*Y**QUE***ST***I*ON

Với một chữ cái tượng trưng cho thao tác thêm chữ cái tương ứng vào stack, dấu * tượng trưng cho thao tác lấy nôi dung một phần tử trong stack in lên màn hình.

Hãy cho biết sau khi hoàn tất chuỗi thao tác, những gì xuất hiện trên màn hình?

Bài 2.9: Hãy cho biết nội dung của hàng đợi sau mỗi thao tác trong dãy:

EAS*Y**OUE***ST***I*ON

Với một chữ cái tượng trưng cho thao tác thêm chữ cái tương ứng vào hàng đợi, dấu * tượng trưng cho thao tác lấy nội dung một phần tử trong hàng đợi in lên màn hình.

Hãy cho biết sau khi hoàn tất chuỗi thao tác, những gì xuất hiện trên màn hình?

Bài 2.10: Giả sử phải xây dựng một chương trình soạn thảo văn bản, hãy chọn cấu trúc dữ liệu thích hợp để lưu trữ văn bản trong quá trình soạn thảo. Biết rằng :

- Số dòng văn bản không hạn chế.
- Mỗi dòng văn bản có chiều dài tối đa 80 ký tư.
- Các thao tác yêu cầu gồm:
 - + Di chuyển trong văn bản (lên, xuống, qua trái, qua phải)
 - + Thêm, xoá sửa ký tự trong một dòng
 - + Thêm, xoá một dòng trong văn bản
 - + Đánh dấu, sao chép khối

Giải thích lý do chọn cấu trúc dữ liệu đó.

Bài 2.11: Viết hàm ghép 2 xâu vòng L_1 , L_2 thành một xâu vòng L với phần tử đầu xâu là phần tử đầu xâu của L_1 .

BÀI TẬP THỰC HÀNH:

- **Bài 2.12:** Cài đặt thuật toán sắp xếp Chèn trực tiếp trên xâu kép. Có phát huy ưu thế của thuật toán hơn trên mảng hay không?
- Bài 2.13: Cài đặt thuật toán QuickSort theo kiểu không đệ qui.
- Bài 2.14: Cài đặt thuật toán MergeSort trên xâu kép.
- **Bài 2.15:** Cài đặt lại chương trình quản lý nhân viên theo bài tập 1.6 chương 1, nhưng sử dụng cấu trúc dữ liệu xâu liên kết. Biết rằng số nhân viên không hạn chế.
- Bài 2.17: Cài đặt một chương trình soạn thảo văn bản theo mô tả trong bài tập 2.8.
- **Bài 2.18:** Cài đặt chương trình tạo một bảng tính cho phép thực hiện các phép tính +, -, *, /, div trên các số có tối đa 30 chữ số, có chức năng nhớ (M+, M-, MC, MR).
- **Bài 2.19:** Cài đặt chương trình cho phép nhận vào một biểu thức gồm các số, các toán tử +, -, *, /, %, các hàm toán học sin, cos, tan, ln, ex, dấu mở, đóng ngoặc "(", ")" và tính toán giá trị của biểu thức này.



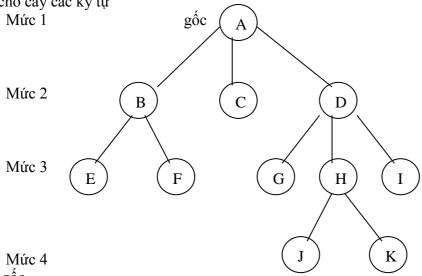
Chương 3: CÂY

Trong chương này chúng ta sẽ nghiên cứu mô hình dữ liệu cây. Cây là một cấu trúc phân cấp trên một tập hợp nào đó các đối tượng. Một ví dụ quen thuộc về cây, đó là cây thư mục. Cây được sử dụng rộng rãi trong rất nhiều vấn đề khác nhau. Chẳng hạn, nó được áp dụng để tổ chức thông tin trong các hệ cơ sở dữ liệu, để mô tả cấu trúc cú pháp của các chương trình nguồn khi xây dựng các chương trình dịch. Rất nhiều các bài toán mà ta gặp trong các lĩnh vực khác nhau được quy về việc thực hiện các phép toán trên cây. Trong chương này chúng ta sẽ trình bày định nghĩa và các khái niệm cơ bản về cây. Chúng ta cũng sẽ xét các phương pháp biểu diễn cây và sự thực hiện các phép toán cơ bản trên cây. Sau đó chúng ta sẽ nghiên cứu kỹ một dạng cây đặc biệt, đó là cây tìm kiếm nhị phân.

3.1. Một số khái niệm

3.1.1. Các định nghĩa:

- Cây: là một tập hợp hữu hạn các phần tử, mỗi phần tử gọi là một nút (Node), trong đó có một nút đặc biệt gọi là gốc (Root), giữa các nút có một quan hệ phân cấp gọi là quan hệ cha con Ví du cho cây các ký tư

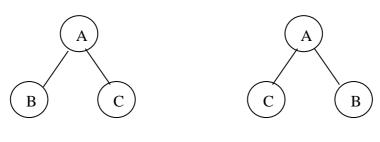


A: nút gốc

A là nút cha của B, C, D

B, C, D là các nút con của A

- Cây rỗng: cây không có nút nào cả
- Cấp của nút: số nút con của nó, vd nút B có cấp là 2
- Cấp của cây: cấp lớn nhất của các nút có trên cây. Cây có cấp n gọi là cây n phân, ví dụ cây trên là cây tam phân
 - Lá: nút có cấp là 0, ví dụ các là F, C, G, J
 - Mức: Nút gốc có mức là 1. Nút cha có mức i thì nút con có mức i+1
 - Chiều cao của cây: mức lớn nhất trên cây, ví dụ cây trên có chiều cao 4
- Nút trước, nút sau: Nút x là nút trước của nút y nếu cây con gốc x có chứa nút y, khi đó y là nút sau của nút x. ví dụ D là nút trước của nút J
- Đường đi (path): Dãy nút $u_1,u_2,\ldots u_k$ mà nút bất kỳ u_i là cha của nút u_{i+1} thì dãy đó là đường đi từ nút u_1 đến nút u_k
- Độ dài đường đi: số cạnh có trên đường đi, ví dụ dãy DHJ là đường đi từ nút D đến nút J với độ
 dài là 2
- Cây có thứ tự (ordered tree): là cây mà nếu ta thay đổi vị trí của các cây con thì ta có một cây mới. Như vậy nếu ta đổi các nút bên trái và bên phải thì ta được một cây mới, ví dụ sau đây là 2 cây khác nhau:



- Rừng: là tập hợp hữu han các cây phân biệt
- 3.1.2. Các cách biểu diễn cây:
 - Biểu diễn cây bằng đồ thị
 - Biểu diễn cây bằng giản đồ
 - Biểu diễn cây bằng các cặp dấu ngoặc lồng nhau
 - Biểu diễn cây bằng phương pháp căn lề
 - Biểu diễn cây bằng phương pháp chỉ số

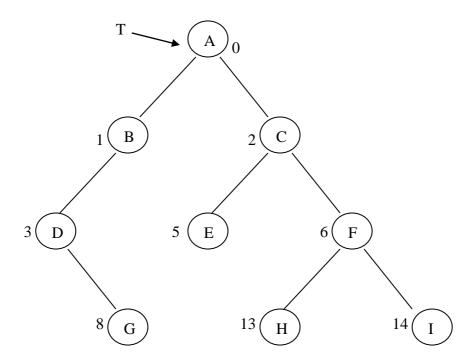
3.2. Cây nhị phân

3.2.1. Định nghĩa và tính chất:

3.2.1.1. Định nghĩa:

Cây nhị phân là cây mà mọi nút trên cây có tối đa 2 con.

Trong cây nhị phân người ta có phân biệt nút con trái và nút con phải, như vậy cây nhị phân là cây có thứ tư



3.2.1.2. Các dạng đặc biệt của cây nhị phân:

Cây nhị phân suy biến là cây lệch trái hoặc cây lệch phải

Cây zic-zắc

Cây nhị phân hoàn chỉnh: các nút ứng với các mức trừ mức cuối cùng đều có 2 con

Cây nhị phân đầy đủ: có các nút tối đa ở cả mọi mức

Cây nhị phân đầy đủ là một trường hợp đặc biệt của cây nhị phân hoàn chỉnh

3.2.1.3. Các tính chất:

- Mức i của cây nhị phân có tối đa 2ⁱ⁻¹ nút
- Cây nhi phân với chiều cao i có tối đa 2ⁱ-1 nút
- Cây nhi phân với n nút thì chiều cao h>=log₂(n)

3.2.2. Biểu diễn cây nhị phân

3.2.2.1. Biểu diễn cây nhị phân bằng danh sách đặc:

Với cây nhị phân hoàn chỉnh, ta có thể đánh số thứ tự cho các nút trên cây từ gốc trở xuống và từ trái sang phải bắt đầu từ 0 trở đi, khi đó nút thứ i có nút con trái là thứ 2i+1 và có nút con phải thứ 2i+2

Khi đó ta dùng một mảng 1 chiều để lưu trữ các nút trên cây nhị phân, trong đó phần tử thứ i của mảng chứa nút thứ i của cây nhi phân

Mỗi đỉnh của cây được biểu diễn bởi bản ghi gồm ba trường: trường data mô tả thông tin gắn với mỗi đỉnh, trường left chỉ đỉnh con trái, trường right chỉ đỉnh con phải. Giả sử các đỉnh của cây được đánh số từ 0 đến max-1, khi đó cấu trúc dữ liệu biểu diễn cây nhị phân được khai báo như sau.

Khai báo: const int max=...;
struct element
{ char data; // trường chứa dữ liệu

```
int left;
int right;
};
typedef node Tree[max];
Tree V;
```

Ví dụ cây nhị phân đã cho ở trên được biểu diễn như sau:

| data | left | right |
|------|-------------|-------------------------------------|
| A | 1 | 2 |
| В | 3 | -1 |
| C | 5 | 6 |
| D | -1 | 8 |
| | -1 | -1 |
| E | -1 | -1 |
| F | 13 | 14 |
| | -1 | -1 |
| G | -1 | -1 |
| | 0 | 0 |
| | 0 | 0 |
| | A B C D E F | A 1 B 3 C 5 D -1 E -1 F 13 G -1 O 0 |

3.2.2.2. Biểu diễn cây nhị phân bằng danh sách liên kết:

Chúng ta còn có thể sử dụng con trỏ để cài đặt cây nhị phân. Trong cách này mỗi bản ghi element biểu diễn một nút của cây gồm trường data chứa dữ liệu của bản thân nút, ngoài ra còn có thêm 2 trường liên kết left, right lần lượt chỉ đến nút con trái và nút con phải của nó. Ta có khai báo sau:

```
struct element
{ char data; // trường chứa dữ liệu element *left , *right; };
typedef element *Tree;
Tree T;
```

Kiệu con trỏ Tree chứa địa chỉ của 1 nút của cây nhị phân

Biến con trỏ T kiểu Tree chứa địa chỉ của nút gốc của cây nhị phân.

Từ nay về sau chúng ta sẽ chỉ sử dụng cách biểu diễn cây nhị phân bằng con trỏ. Các phép toán đối với cây nhị phân sau này đều được thể hiện trong cách biểu diễn bằng con trỏ.

3.2.3. Các phép toán trên cây nhị phân được biểu diễn bằng danh sách liên kết:

a. Khởi tạo: Khi mới khởi tạo, cây là rỗng ta cho T nhận giá trị NULL

```
void Create(Tree &T)
{ T = NULL;
}
```

b. Các phép duyệt cây:

Phép duyệt cây là liệt kê tất cả các nút có trên cây mỗi nút đúng 1 lần theo một thứ tự nào đó. Thường có 3 phép duyệt cây là:

- Duyệt cây theo thứ tự trước (đối với gốc): Trước tiên thăm nút gốc, sau đó thăm các nút của cây con trái, rồi đến các nút của cây con phải.

```
. Gốc. Cây con trái. Cây con phải
```

Ví dụ khi duyệt cây nhị phân đã cho theo thứ tự trước ta được dãy nút là A B D G C E F H I Hàm duyệt trước có thể được sử dung kỹ thuật đệ qui như sau:

```
- Duyêt cây theo thứ tư giữa: Trước tiên thăm các nút của cây con trái, sau đó thăm nút
gốc, rồi đến các nút của cây con phải.
                     . Cây con trái
                     . Gốc
                     . Cây con phải
Ví dụ khi duyệt cây nhị phân đã cho theo thứ tự giữa ta được dãy nút là D G B A E C H F I
Hàm duyệt giữa có thể được sử dụng kỹ thuật đệ qui như sau:
              void DuyetGiua(Tree T)
              { if (T != NULL)
                     { DuyetGiua((*T).left);
                       printf((*T).data);
                       DuyetGiua( (*T).right );
              - Duyệt cây theo thứ tư sau: Trước tiên thăm các nút của cây con trái, sau đó thăm các nút
của cây con phải, cuối cùng thăm nút gốc
                     . Cây con trái
                     . Cây con phải
                     . Gốc
Ví dụ khi duyệt cây nhị phân đã cho theo thứ tự sau ta được dãy nút là G D B E H I F C A
Hàm duyệt sau có thể được sử dụng kỹ thuật đệ qui như sau:
              void DuyetSau(Tree T)
              { if (T != NULL)
                     { DuyetSau((*T).left);
                       DuyetSau( (*T).right );
                       printf((*T).data);
                     }
c. Hàm tạo cây nhị phân mới từ 2 cây nhị phân cho trước:
Cho trước 2 cây nhị phân có gốc lần lượt chỉ bởi L và R. Cho trước giá trị x. Ta sẽ tạo ra cây nhị phân
mới có gốc có giá trị là x, và có cây con trái là cây nhị phân thứ nhất chỉ bởi L, có cây con phải là cây
nhị phân thứ hai chỉ bởi R. Hàm NODE(x, L, R) kiểu Tree, trả về địa chỉ của gốc của cây nhị phân mới
được tạo ra
       Tree NODE(char x, Tree L, Tree R)
       { Tree p;
         p=new element;
         (*p).data=x; (*p).left=L; (*p).right=R;
         return p;
d. Tạo trực tiếp cây nhị phân:
       T1=NODE('G', NULL, NULL);
       T2=NODE('D', NULL, T1);
       T3=NODE('B', T2, NULL);
       T4=NODE('H', NULL, NULL);
       T5=NODE('I', NULL, NULL);
```

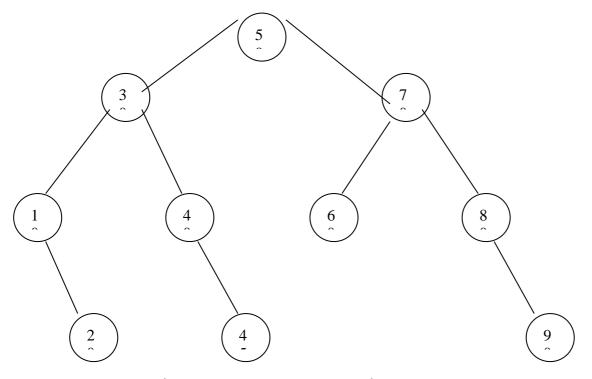
3.3. <u>Cây nhị phân tìm kiếm:</u>

T6=NODE('E', NULL, NULL);

T7=NODE('F', T4, T5); T8=NODE('C', T6, T7); T=NODE('A', T3, T8);

3.3.1. Đinh nghĩa:

Cây nhị phân tìm kiếm (CNPTK) là cây nhị phân mà tại mỗi nút bất kỳ thì khóa của nút đang xét lớn hơn khóa của tất cả các nút thuộc cây con trái và nhỏ hơn khóa của tất cả các nút thuộc cây con phải.



Nhờ ràng buộc về khóa trên CNPTK, việc tìm kiếm trở nên có định hướng. Hơn nữa, do cấu trúc cây việc tìm kiếm trở nên nhanh đáng kể.

3.3.2. Các phép toán trên cây nhị phân tìm kiếm:

• Duyệt cây:

Thao tác duyệt cây trên cây nhị phân tìm kiếm hoàn toàn giống như trên cây nhị phân. Chỉ có một lưu ý nhỏ là khi duyệt theo thứ tự giữa, trình tự các nút duyệt qua sẽ cho ta một dãy các nút theo thứ tự tăng dần của khóa

```
• Tìm một phần tử x trên cây
TNODE *searchNode(TREE T, Data X)
if (T)
if (T->.Key = = X) return T;
if(T->Key > X)
return searchNode(T->pLeft, X);
return searchNode(T->pRight, X);
return NULL;
Ta có thể xây dựng một hàm tìm kiếm tương đương không đệ qui như sau:
TNODE * searchNode(TREE Root, Data x)
      NODE *p = Root;
  while (p != NULL)
{ if(x == p->Key) return p;
else
if(x < p->Key)p = p->pLeft;
else
     p = p-pRight;
}
return NULL;
```

Dễ dàng thấy rằng số lần so sánh tối đa phải thực hiện để tìm phần tử X là h, với h là chiều cao của cây. Như vậy thao tác tìm kiếm trên CNPTK có n nút tốn chi phí trung bình khoảng $O(log_2n)$

• Thêm một phần tử x vào cây

Việc thêm một phần tử X vào cây phải bảo đảm điều kiện ràng buộc của CNPTK. Ta có thể thêm vào nhiều chỗ khác nhau trên cây, nhưng nếu thêm vào một nút lá sẽ là tiện lợi nhất do ta có thể thực hiên quá trình tương tự thao tác tìm kiếm. Khi chấm dứt quá trình tìm kiếm cũng chính là lúc tìm được chỗ cần thêm.

Hàm insert trả về giá trị −1, 0, 1 khi không đủ bộ nhớ, gặp nút cũ hay thành công:

```
int insertNode(TREE &T, Data X)
       if(T)
if(T->Key == X)
                    return 0; //đã có
if(T->Key > X)
return insertNode(T->pLeft, X);
return insertNode(T->pRight, X);
}
T
       =new Tnode;
                     return -1; //thiếu bô nhớ
if(T == NULL)
T->Kev
              = X:
T->pLeft =T->pRight = NULL;
return 1; //thêm vào thành công
}
```

• Xóa một phần tử trên cây

Việc hủy một phần tử ra khỏi cây phải đảm bảo điều kiện ràng buộc của cây nhị phân tìm kiếm Có 3 trường hợp khi hủy nút X có thể xảy ra:

- X là nút lá.
- TX chỉ có 1 con (trái hoặc phải).
- X có đủ cả 2 con
 - Trường hợp thứ nhất: chỉ đơn giản hủy X vì nó không móc nối đến phần tử nào khác.
 - Trường hợp thứ hai: trước khi hủy X ta móc nối cha của X với con duy nhất của nó.
- **Trường hợp cuối cùng:** ta không thể hủy trực tiếp do X có đủ 2 con \Rightarrow Ta sẽ hủy gián tiếp. Thay vì hủy X, ta sẽ tìm một phần tử thế mạng Y. Phần tử này có tối đa một con. Thông tin lưu tại Y sẽ được chuyển lên lưu tại X. Sau đó, nút bị hủy thật sự sẽ là Y giống như 2 trường hợp đầu.

Vấn đề là phải chon Y sao cho khi lưu Y vào vi trí của X, cây vẫn là CNPTK.

Có 2 phần tử thỏa mãn yêu cầu:

- Phần tử nhỏ nhất (trái nhất) trên cây con phải.
- Phần tử lớn nhất (phải nhất) trên cây con trái.

Việc chọn lựa phần tử nào là phần tử thế mạng hoàn toàn phụ thuộc vào ý thích của người lập trình. Ở đây, chúng ta sẽ chọn phần tử (phải nhất trên cây con trái làm phần tử thế mạng.

Sau khi hủy phần tử X=18 ra khỏi cây tình trạng của cây sẽ như trong hình dưới đây (phần tử 23 là phần tử thế mạng):

Hàm delNode trả về giá trị 1, 0 khi hủy thành công hoặc không có X trong cây:

```
int delNode(TREE &T, Data X)
       if(T==NULL) return 0;
if(T->Key > X)
return delNode (T->pLeft, X);
if(T->Key < X)
return delNode (T->pRight, X);
       \{ //T -> Key == X
else
TNode*
              p = T;
if(T->pLeft == NULL)
       = T->pRight;
else if(T->pRight == NULL)
             = T->pLeft;
       Τ
              //T có cả 2 con
       {
else
TNode*
              q = T->pRight;
searchStandFor(p, q);
```

```
delete p;
Trong đó, hàm searchStandFor được viết như sau:
//Tìm phần tử thế mang cho nút p
void searchStandFor(TREE &p, TREE &q)
       if(q->pLeft)
    searchStandFor(p, q->pLeft);
else
       {
              p->Key
                            = q->Key;
       = q;
p
       = q->pRight;
q
}
}
```

• Tạo một cây nhị phân tìm kiếm

Ta có thể tạo một cây nhị phân tìm kiếm bằng cách lặp lại quá trình thêm 1 phần tử vào một cây rỗng.

Xóa toàn bộ cây

Việc toàn bộ cây có thể được thực hiện thông qua thao tác duyệt cây theo thứ tự sau. Nghĩa là ta sẽ hủy cây con trái, cây con phải rồi mới hủy nút gốc.

3.3.3. Đánh giá:

Tất cả các thao tác searchNode, insertNode, delNode trên CNPTK đều có độ phức tạp trung bình O(h), với h là chiều cao của cây

Trong trong trường hợp tốt nhất, CNPTK có n nút sẽ có độ cao $h = log_2(n)$. Chi phí tìm kiếm khi đó sẽ tương đương tìm kiếm nhị phân trên mảng có thứ tự.

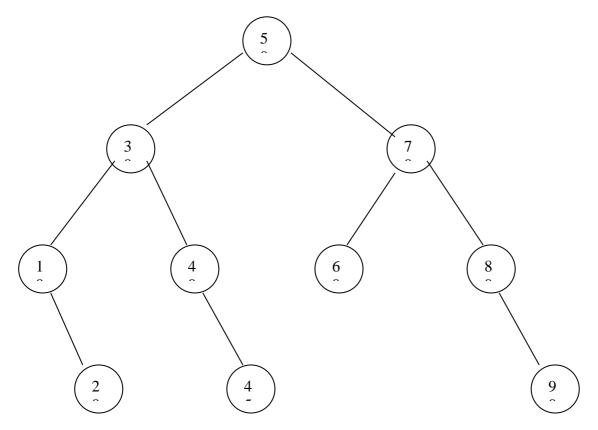
Tuy nhiên, trong trường hợp xấu nhất, cây có thể bị suy biến thành 1 DSLK (khi mà mỗi nút đều chỉ có 1 con trừ nút lá). Lúc đó các thao tác trên sẽ có độ phức tạp O(n). Vì vậy cần có cải tiến cấu trúc của CNPTK để đạt được chi phí cho các thao tác là $log_2(n)$

3.4. Cây nhi phân cân bằng:

3.4.1. Cây cân bằng hoàn toàn (về số nút):

3.4.1.1. Đinh nghĩa:

Cây cân bằng hoàn toàn là cây nhị phân tìm kiếm mà tại mỗi nút của nó thì số nút của cây con trái và số nút của cây con phải chênh lệch không quá một. Ví dụ cho cây cân bằng hoàn toàn sau:



3.4.1.2. Đánh giá:

Một cây rất khó đạt được trạng thái cân bằng hoàn toàn và cũng rất dễ mất cân bằng vì khi thêm hay hủy các nút trên cây có thể làm cây mất cân bằng (xác suất rất lớn), chi phí cân bằng lại cây lớn vì phải thao tác trên toàn bộ cây.

Tuy nhiên nếu cây cân đối thì việc tìm kiếm sẽ nhanh. Đối với cây cân bằng hoàn toàn, trong trường hợp xấu nhất ta chỉ phải tìm qua log₂n phần tử (n là số nút trên cây).

CCBHT có n nút có chiều cao $h \ge \log_2 n$. Đây chính là lý do cho phép bảo đảm khả năng tìm kiếm nhanh trên CTDL này.

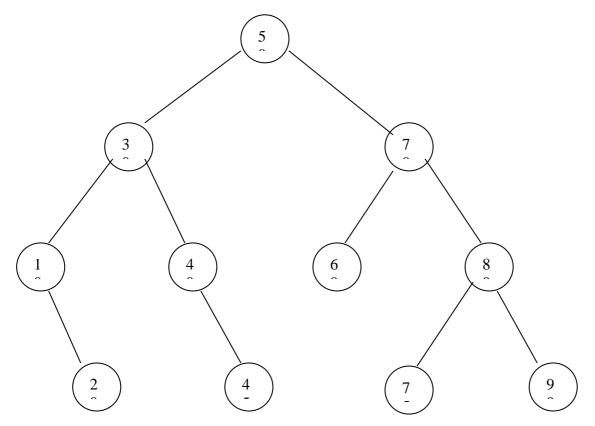
Do CCBHT là một cấu trúc kém ổn định nên trong thực tế không thể sử dụng. Nhưng ưu điểm của nó lại rất quan trọng. Vì vậy, cần đưa ra một CTDL khác có đặc tính giống CCBHT nhưng ổn định hơn.

Như vậy, cần tìm cách tổ chức một cây đạt trạng thái cân bằng yếu hơn và việc cân bằng lại chỉ xảy ra ở phạm vi cục bộ nhưng vẫn phải bảo đảm chi phí cho thao tác tìm kiếm đạt ở mức O(log₂n).

3.4.2. Cây cân bằng (về độ cao):

3.4.2.1. Định nghĩa:

Cây cân bằng là cây nhị phân tìm kiếm mà tại mỗi nút của nó thì độ cao của cây con trái và độ cao của cây con phải chênh lệch không quá một. Ví dụ cho cây cân bằng sau:



Dễ dàng thấy cây cân bằng hoàn toàn là cây cân bằng. Còn cây cân bằng thì chưa chắc là cây cân bằng hoàn toàn. Ví dụ cây đã cho là cây cân bằng, nhưng không phải là cây cân bằng hoàn toàn

3.4.2.2. Lịch sử cây cân bằng (AVL tree)

AVL là tên viết tắt của các tác giả người Nga đã đưa ra định nghĩa của cây cân bằng Adelson-Velskii và Landis (1962). Vì lý do này, người ta gọi cây nhị phân cân băng là cây AVL. Tù nay về sau, chúng ta sẽ dùng thuật ngữ cây AVL thay cho cây cân bằng.

Từ khi được giới thiệu, cây AVL đã nhanh chóng tìm thấy ứng dụng trong nhiều bài toán khác nhau. Vì vậy, nó mau chóng trở nên thịnh hành và thu hút nhiều nghiên cứu. Từ cây AVL, người ta đã phát triển thêm nhiều loại CTDL hữu dụng khác như cây đỏ-đen (Red-Black Tree), B-Tree, ...

3.4.2.3. Chiều cao của cây AVL:

Một vấn đề quan trọng, như đã đề cập đến ở phần trước, là ta pjải khẳng định cây AVL n nút phải có chiều cao khoảng log₂(n).

Để đánh giá chính xác về chiều cao của cây AVL, ta xét bài toán: cây AVL có chiều cao h sẽ phải có tối thiểu bao nhiều nút?

Gọi N(h) là số nút tối thiểu của cây AVL có chiều cao h.

Ta có N(0) = 0, N(1) = 1 và N(2) = 2.

Cây AVL tối thiểu có chiều cao h sẽ có 1 cây con AVL tối thiểu chiều cao h-1 và 1 cây con AVL tối thiểu chiều cao h-2. Như vậy:

$$N(h) = 1 + N(h-1) + N(h-2) (1)$$
Ta lại có: N(h-1) > N(h-2)
Nên từ (1) suy ra:
$$N(h) > 2N(h-2)$$

$$N(h) > 2^{2}N(h-4)$$
...
$$N(h) > 2^{iN}(h-2i)$$

$$\square \qquad N(h) > 2^{h/2-1}$$

$$\square \qquad h < 2\log_{2}(N(h)) + 2$$
Như vậy, cây AVL có chiều cao $O(\log_{2}(n))$.

3.4.2.4. Cấu trúc dữ liệu cho cây AVL

Chỉ số cân bằng của một nút:

Định nghĩa: Chỉ số cân bằng của một nút là hiệu của chiều cao cây con phải và cây con trái của nó.

Đối với một cây cân bằng, chỉ số cân bằng (CSCB) của mỗi nút chỉ có thể mang một trong ba giá tri sau đây:

 $CSCB(p) = 0 \iff D$ ộ cao cây trái (p) = Dộ cao cây phải (p) $CSCB(p) = 1 \iff D$ ộ cao cây trái $(p) \iff D$ ộ cao cây phải (p)

CSCB(p) =-1 <=> Độ cao cây trái (p) > Độ cao cây phải (p)

Để tiện trong trình bày, chúng ta sẽ ký hiệu như sau:

p->balFactor = CSCB(p);

Độ cao cây trái (p) ký hiệu là hL

Độ cao cây phải(p) ký hiệu là hR

Để khảo sát cây cân bằng, ta cần lưu thêm thông tin về chỉ số cân bằng tại mỗi nút. Lúc đó, cây cân bằng có thể được khai báo như sau:

typedef struct tagAVLNode {

char balFactor; //Chỉ số cân bằng

Data key;

struct tagAVLNode* pLeft;

struct tagAVLNode* pRight;

}AVLNode;

typedef AVLNode *AVLTree;

Để tiện cho việc trình bày, ta định nghĩa một số hăng số sau:

#define LH -1 //Cây con trái cao hon

#define EH -0 //Hai cây con bằng nhau

#define RH 1 //Cây con phải cao hơn

3.4.2.5. Đánh giá cây AVL:

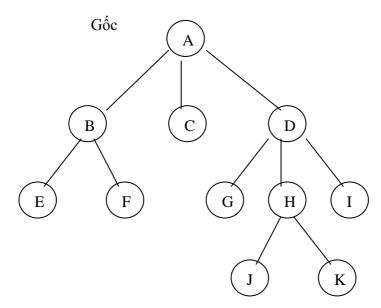
Cây cân bằng là CTDL ổn định hơn hẳn CCBHT vì chỉ khi thêm hủy làm cây thay đổi chiều cao các trường hợp mất cân bằng mới có khả năng xảy ra.

 \square Cây AVL với chiều cao được khống chế sẽ cho phép thực thi các thao tác tìm thêm hủy với chi phí O (log₂(n)) và bảo đảm không suy biến thành O(n).

3.5. Cây tổng quát:

3.5.1. Đinh nghĩa:

Cây tổng quát là cây mà các nút trên cây có số con là bất kỳ Ví dụ cho cây tam phân các ký tự:



3.5.2. Biểu diễn cây tổng quát bằng danh sách liên kết:

Mỗi nút của cây là một bản ghi, ngoài các trường chứa dữ liệu của bản thân nó, còn có thêm các trường liên kết khác lưu trữ địa chỉ của các nút con

3.5.3. Các phép duyệt cây tổng quát

Tương tự như cây nhị phân, đối với cây tổng quát cũng có 3 phép duyệt cơ bản là:

- Duyệt cây theo thứ tự trước (đối với gốc): Kiểu duyệt này trước tiên thăm nút gốc, sau đó lần lượt thăm các nút của các cây con:

. Gốc

- . Cây con trái nhất
- . Các cây con phải

Ví dụ khi duyệt cây trên theo thứ tự trước ta được dãy nút: A B E F C D G H J K I

- Duyệt cây theo thứ tự trước (đối với gốc): Kiểu duyệt này trước tiên thăm nút gốc, sau đó lần lượt thăm các nút của các cây con:

. Cây con trái nhất

Gốc

. Các cây con phải

Ví dụ khi duyệt cây trên theo thứ tự giữa ta được dãy nút : EBFACGDJHKI

- Duyệt cây theo thứ tự sau: Kiểu duyệt này trước tiên thăm các nút của cây con trái nhất, sau đó thăm các nút của các cây con phải, cuối cùng thăm nút gốc

. Cây con trái nhất

. Các cây con phải

. Gốc

Ví dụ khi duyệt cây trên theo thứ tự sau ta được dãy nút : E F B C G J K H I D A

3.5.4. Cây nhị phân tương đương:

Nhược điểm của các cấu trúc cây tổng quát là bậc của các nút trên cây có thể dao động trong một biên độ lớn \Rightarrow việc biểu diễn gặp nhiều khó khăn và lãng phí. Hơn nữa, việc xây dựng các thao tác trên cây tổng quát phức tạp hơn trên cây nhị phân nhiều. Vì vậy, thường nếu không quá cần thiết phải sử dụng cây tổng quát, người ta chuyển cây tổng quát thành cây nhị phân.

Ta có thể biến đổi một cây tổng quát bất kỳ thành một cây nhị phân tương đương theo qui tắc sau:

- Giữ lại nút con trái nhất làm nút con trái.
- Chuyển nút em kề phải thành nút con phải.

Như vậy, trong cây nhị phân mới, con trái thể hiện quan hệ cha con và con phải thể hiện quan hệ anh em trong cây tổng quát ban đầu.

Một ví dụ quen thuộc trong tin học về ứng dụng của duyệt theo thứ tự sau là việc xác định tồng kích thước của một thư mục trên đĩa

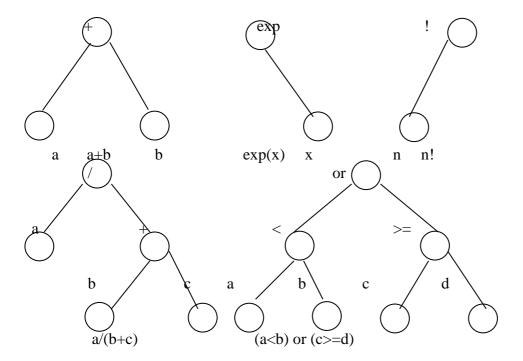
Một ứng dụng quan trọng khác của phép duyệt cây theo thứ tự sau là việc tính toán giá trị của biểu thức dựa trên cây biểu thức

$$(3+1)\times 3/(9-5+2) - (3\times (7-4)+6) = -13$$

Một ví dụ hay về cây nhị phân là cây biểu thức. Cây biểu thức là cây nhị phân gắn nhãn, biểu diễn cấu trúc của một biểu thức (số học hoặc logic). Mỗi phép toán hai toán hạng (chẳng hạn, +, -, *, /) được biểu diễn bởi cây nhị phân, gốc của nó chứa ký hiệu phép toán, cây con trái biểu diễn toán hạng bên trái, còn cây con phải biểu diễn toán hạng bên phải. Với các phép toán một hạng như 'phủ định' hoặc 'lấy giá trị đối' hoặc các hàm chuẩn như exp () hoặc cos () thì cây con bên trái rỗng. Còn với các phép toán một toán hạng như phép lấy đạo hàm ()' hoặc hàm giai thừa ()! Thì cây con bên phải rỗng.

Ta có nhận xét rằng, nếu đi qua cây biểu thức theo thứ tự trước ta sẽ được biểu thức Balan dạng prefix (ký hiệu phép toán đứng trước các toán hạng). Nếu đi qua cây biểu thức theo thứ tự sau, ta có biểu thức Balan dạng postfix (ký hiệu phép toán đứng sau các

qua cây biểu thức theo thứ tự sau, tả có biểu thức Balan dạng postfix (kỳ hiệu phép toán đưng sau các toán hạng); còn theo thứ tự giữa ta nhận được cách viết thông thường của biểu thức (ký hiệu phép toán đứng giữa hai toán hạng).



BÀI TẬP LÝ THUYẾT CHƯƠNG 3:

Bài 3.1. Hãy trình bày các vấn đề sau đây:

- a. Định nghĩa và đặc điểm của cây nhị phân tìm kiếm.
- b. Thao tác nào thực hiện tốt trong kiểu này.
- c. Hạn chế của kiểu này là gì?

Bài 3.2. Xét thuật giải tạo cây nhị phân tìm kiếm. Nếu thứ tự các khóa nhập vào là như sau:

8 3 5 2 20 11 30 9 18 4

thì hình ảnh cây tạo được như thế nào?

Sau đó, nếu hủy lần lượt các nút theo thứ tư như sau:

15, 20

thì cây sẽ thay đổi như thế nào trong từng bước hủy, vẽ sơ đồ (nêu rõ phương pháp hủy khi nút có cả 2 cây con trái và phải)

Bài 3.3. Áp dụng thuật giải tạo cây nhị phân tìm kiếm cân bằng để tạo cây với thứ tự các khóa nhập vào là như sau :

5 7 2 1 3 6 10

thì hình ảnh cây tạo được như thế nào ? Giải thích rõ từng tình huống xảy ra khi thêm từng khóa vào cây và vẽ hình minh họa.

Sau đó, nếu hủy lần lượt các nút theo thứ tư như sau:

5, 6, 7, 10

thì cây sẽ thay đổi như thế nào trong từng bước hủy, vẽ sơ đồ và giải thích

Bài 3.4. Viết các hàm xác định các thông tin của cây nhi phân T:

- a. Số nút lá
- b. Số nút có đúng 1 cây con
- c. Số nút có đúng 2 cây con
- d. Số nút có khóa nhỏ hơn x (giả sử T là CNPTK)
- e. Số nút có khóa lớn hơn x (giả sử T là CNPTK)
- f. Số nút có khóa lớn hơn x và nhỏ hơn y (T là CNPTK)
- g. Chiều cao của cây
- h. In ra tất cả các nút ở tầng (mức) thứ k của cây T
- i. In ra tất cả các nút theo thứ tự từ tầng 0 đến tầng thứ h-1 của cây T (h là chiều cao của T).
- j. Kiểm tra xem T có phải là cây cân bằng hoàn toàn không.
- k. Độ lệch lớn nhất trên cây. (Độ lệch của một nút là độ lệch giữa chiều cao của cây con trái và cây con phải của nó. Độ lệch lớn nhất trên cây là độ lệch của nút có độ lệch lớn nhất).
- **Bài 3.5.** Xây dựng cấu trúc dữ liệu biểu diễn cây N-phân ($2 < N \square 20$).

- a. Viết chương trình con duyệt cây N-phân và tao sinh cây nhi phân tương ứng với các khoá của cây Nphân.
- b. Giả sử khóa được lưu trữ chiếm k byte, mỗi con trỏ chiếm 4 byte, vây dùng cây nhi phân thay cây Nphân thì có lợi gì trong việc lưu trữ các khoá?
- **Bài 3.6.** Viết hàm chuyển một cây N-phân thành cây nhị phân.
- Bài 3.7. Viết hàm chuyển một cây nhi phân tìm kiếm thành xâu kép có thứ tư tăng dần.
- **Bài 3.8.** Giả sử A là một mảng các số thực đã có thứ tự tăng. Hãy viết hàm tạo một cây nhị phân tìm kiếm có chiều cao thấp nhất từ các phần tử của A.
- **Bài 3.9.** Viết chương trình con đảo nhánh (nhánh trái của một nút trên cây trở thành nhánh phải của nút đó và ngược lại) một cây nhị phân.
- Bài 3.10. Hãy vẽ cây AVL với 12 nút có chiều cao cực đai trong tất cả các cây AVL 12 nút.
- Bài 3.11. Tìm một dãy N khóa sao cho khi lần lượt dùng thuật toán thêm vào cây AVL để xen các khoá này vào cây sẽ phải thực hiện mỗi thao tác cân bằng lại (LL,LR, RL,RR) ít nhất một lần.
- Bài 3.12. Hãy tìm một ví dụ về một cây AVL có chiều cao là 6 và khi hủy một nút lá (chỉ ra cụ thể) việc cân bằng lại lan truyền lên tận gốc của cây. Vẽ ra từng bước của quá trình hủy và cân bằng lại này.

BÀI TẬP THỰC HÀNH:

- Bài 3.13. Cài đặt chương trình mô phỏng trực quan các thao tác trên cây nhị phân tìm kiểm.
- Bài 3.14. Cài đặt chương trình mô phỏng trực quan các thao tác trên cây AVL.
- **Bài 3.15.** Viết chương trình cho phép tao, tra cứu và sữa chữa từ điển Anh- Việt.
- **Bài 3.16.** Viết chương trình khảo sát tần xuất xảy ra việc cân bằng lại của các thao tác thêm và hủy một phần tử trên cây AVL bằng thực nghiệm. Chương trình này phải cho phép tao lập ngẫu nhiên các cây AVL và xóa ngẫu nhiên cho đến khi cây rỗng. Qua đó cho biết số lần xảy ra cân bằng lại trung bình của từng thao tác.

4.1. Bài toán sắp xếp thứ tự:

Sắp xếp là quá trình xử lý một danh sách các phần tử (hoặc các mẫu tin) để đặt chúng theo một thứ tự thỏa mãn một tiêu chuẩn nào đó dựa trên nội dung thông tin lưu giữ tại mỗi phần tử.

Cho trước một dãy số n phần tử **A[1], A[2], ..., A[n]** được lưu trữ trong cấu trúc dữ liệu mảng float A[n];

Sắp xếp dãy số A[1], A[2], ... , A[n] là thực hiện việc bố trí lại các phần tử sao cho hình thành được dãy mới $A[k_1]$, $A[k_2]$, ... , $A[k_n]$ có thứ tự (giả sử xét thứ tự tăng) nghĩa là $A[k_{i-1}] <= A[k_i]$. Mà để quyết định được những tình huống cần thay đổi vị trí các phần tử trong dãy, cần dựa vào kết quả của một loạt phép so sánh. Chính vì vậy, hai thao tác so sánh và gán là các thao tác cơ bản của hầu hết các thuật toán sắp xếp.

Khi xây dựng một thuật toán sắp xếp cần chú ý tìm cách giảm thiểu những phép so sánh và đổi chỗ không cần thiết để tăng hiệu quả của thuật toán. Đối với các dãy số được lưu trữ trong bộ nhớ chính, nhu cầu tiết kiệm bộ nhớ được đặt nặng, do vậy những thuật toán sắp xếp đòi hỏi cấp phát thêm vùng nhớ để lưu trữ dãy kết quả ngoài vùng nhớ lưu trữ dãy số ban đầu thường ít được quan tâm. Thay vào đó, các thuật toán sắp xếp trực tiếp trên dãy số ban đầu - gọi là các thuật toán sắp xếp tại chỗ - lại được đầu tư phát triển. Phần này giới thiệu một số giải thuật sắp xếp từ đơn giản đến phức tạp có thể áp dụng thích hợp cho việc sắp xếp nội

Trước hết ta có thể xây dựng hàm con hoan_vi(float *x, float *y) dùng để hoán vị 2 phần tử x và y cho nhau bằng cách sử dụng biến trung gian tam có cùng kiểu và thực hiện 3 phép gán

```
void hoan_vi(float *x, float *y)
{ float tam;
  tam=*x; *x=*y; *y=tam;
}
```

4.2. Sắp thứ tự nội:

4.2.1. Sắp thứ tự bằng phương pháp chọn:

• Giải thuật

Ta thấy rằng, nếu mảng có thứ tự, phần tử a[i] luôn là min(a[i], a[i+1], ..., a[n]). Ý tưởng của thuật toán chọn trực tiếp mô phỏng một trong những cách sắp xếp tự nhiên nhất trong thực tế: chọn phần tử nhỏ nhất trong n phần tử ban đầu, đưa phần tử này về vị trí đúng là đầu dãy hiện hành; sau đó không quan tâm đến nó nữa, xem dãy hiện hành chỉ còn n-1 phần tử của dãy ban đầu, bắt đầu từ vị trí thứ 2; lặp lại quá trình trên cho dãy hiện hành... đến khi dãy hiện hành chỉ còn 1 phần tử. Dãy ban đầu có n phần tử, vậy tóm tắt ý tưởng thuật toán là thực hiện n-1 lượt việc đưa phần tử nhỏ nhất trong dãy hiện hành về vị trí đúng ở đầu dãy. Các bước tiến hành như sau :

- Bước 1: i = 1;
- Bước 2: Tìm phần tử a[vt] nhỏ nhất trong dãy hiện hành từ a[i] đến a[n]
- Bước 3: Hoán vị a[i] và a[vt]
- Bước 4 : Nếu i <= n-1 thì i++; Lặp lại Bước 2

Ngược lại: Dừng. //n-1 phần tử đã nằm đúng vị trí.

Giả sử ta có mảng số thực a gồm n=6 phần tử có giá trị cụ thể là: a[1]=9.9; a[2]=8.8; a[3]=5.5; a[4]=6.6; a[5]=4.4; a[6]=7.7;

Khi đó dữ liệu từng bước thực hiện là:

| i | j | vt | a[1] | a[2] | a[3] | a[4] | a[5] | a[6] |
|---|---|----|------|------|------|------|------|------|
| | | | 9.9 | 8.8 | 5.5 | 6.6 | 4.4 | 7.7 |
| 1 | | 5 | 4.4 | 8.8 | 5.5 | 6.6 | 9.9 | 7.7 |
| 2 | | 3 | 4.4 | 5.5 | 8.8 | 6.6 | 9.9 | 7.7 |
| 3 | | 4 | 4.4 | 5.5 | 6.6 | 8.8 | 9.9 | 7.7 |
| 4 | | 6 | 4.4 | 5.5 | 6.6 | 7.7 | 9.9 | 8.8 |
| 5 | | 6 | 4.4 | 5.5 | 6.6 | 7.7 | 8.8 | 9.9 |

Cài đặt

Cài đặt thuật toán sắp xếp chọn thành hàm sap_xep_chon void sap xep chon(float a[], int n)

• Đánh giá giải thuật

Đối với giải thuật chọn, có thể thấy rằng ở lượt thứ i, bao giờ cũng cần (n-i) lần so sánh để xác định phần tử nhỏ nhất hiện hành. Số lượng phép so sánh này không phụ thuộc vào tình trạng của dãy số ban đầu, do vậy trong mọi trường hợp có thể kết luận:

Số lần hoán vị (một hoán vị bằng 3 phép gán) lại phụ thuộc vào tình trạng ban đầu của dãy số, ta chỉ có thể ước lược trong từng trường hợp như sau :

| Trường hợp | Số lần so sánh | Số phép gán |
|------------|----------------|-------------|
| Tốt nhất | n(n-1)/2 | 0 |
| Xấu nhất | n(n-1)/2 | 3n(n-1)/2 |

4.2.2. Sắp thứ tự bằng phương pháp chèn:

• Giải thuật

Giả sử có một dãy **a[1]**, **a[2]**, ... , **a[n]** trong đó i-1 phần tử đầu tiên **a[1]**, **a[2]**, ... , **a[i-1]** đã có thứ tự. Ý tưởng chính của giải thuật sắp xếp bằng phương pháp chèn trực tiếp là tìm cách chèn phần tử **a[i]** vào vị trí thích hợp của đoạn đã được sắp để có dãy mới **a[1]**, **a[2]**, ... , **a[i]** trở nên có thứ tự. Vị trí này chính là vị trí giữa

Cho dãy ban đầu **a[1]**, **a[2]**, ..., **a[n]**. Ta có thể xem như đã có đoạn gồm một phần tử **a[1]** đã được sắp. Sau đó thêm **a[2]** vào đoạn **a[1]** sẽ có đoạn **a[1] a[2]** được sắp thứ tự. Tiếp tục thêm **a[3]** vào đoạn **a[1] a[2]** để có đoạn **a[1] a[2] a[3]** được sắp thứ tự. Tiếp tục cho đến khi thêm xong **a[n]** vào đoạn **a[1]**, **a[2]**, ..., **a[n-1]** sẽ có dãy **a[1]**, **a[2]**, ..., **a[n]** được sắp thứ tự. Các bước tiến hành như sau :

- Bước 1: i = 2; // giả sử có đoạn a[1] đã được sắp
- Bước 2: x = a[i]; Tìm vị trí pos thích hợp trong đoạn a[1] đến a[i-1] để chèn a[i] vào
- Bước 3: Dời chỗ các phần tử từ a[pos] đến a[i-1] sang phải 1 vị trí để dành chỗ cho a[i]
- Bước 4: a[pos] = x; // có đoan a[1]..a[i] đã được sắp
- Buớc 5: i = i+1;

Nếu i <= n thì lặp lại Bước 2, ngược lại thì Dừng.

Khi đó dữ liêu từng bước thực hiện là:

| i | j | a[1] | a[2] | a[3] | a[4] | a[5] | a[6] |
|---|---|------|------|------|------|------|------|
| | | 9.9 | 8.8 | 5.5 | 6.6 | 4.4 | 7.7 |
| 2 | | 8.8 | 9.9 | 5.5 | 6.6 | 4.4 | 7.7 |
| 3 | | 5.5 | 8.8 | 9.9 | 6.6 | 4.4 | 7.7 |
| 4 | | 5.5 | 6.6 | 8.8 | 9.9 | 4.4 | 7.7 |
| 5 | | 4.4 | 5.5 | 6.6 | 8.8 | 9.9 | 7.7 |
| 6 | | 4.4 | 5.5 | 6.6 | 7.7 | 8.8 | 9.9 |

Cài đặt

```
Cài đặt thuật toán sắp xếp chèn thành hàm con sap_xep_chen(float a[], int n) void sap_xep_chen(float a[], int n)  \{ \text{ for } (i=2; i <= n; i++) \\ \{ x=a[i]; j=i-1; \\ \text{ while } ((j>=1) \&\& (x<a[j])) \\ \{ a[j+1]=a[j]; \\ j--; \\ \}
```

```
// chèn phần tử x vào sau phần tử thứ j
         a[i+1]=x;
  }
Nhân xét:
        Khi tìm vị trí thích hợp để chèn a[i] vào đoạn a[1] đến a[i-1], do đoạn đã được sắp, nên có thể sử
dung giải thuật tìm nhi phân để thực hiện việc tìm vi trí pos, khi đó có giải thuật sắp xếp chèn nhi phân:
void
         BInsertionSort(float a[], int n)
       int t, p, m, i;
{
       float x;//lưu giá trị a[i] tránh bị ghi đè khi dời chỗ các phần tử.
       for (int i=1; i < n; i++)
               x = a[i]; t = 1; p = i-1;
               while (t<=p) // tìm vị trí chèn x
                       m = (t+p)/2; // tìm vị trí thích hợp m
                       if (x < a[m]) p = m-1;
                       else
                               t = m+1:
               for (int j = i-1; j >= l; j--)
                       a[j+1] = a[j];// dời các phần tử sẽ đứng sau x
               a[t] = x;
                                             // chèn x vào dãy
        }
}
```

• Đánh giá giải thuật

Đối với giải thuật chèn trực tiếp, các phép so sánh xảy ra trong mỗi vòng lặp **while** tìm vị trí thích hợp **pos**, và mỗi lần xác định vị trí đang xét không thích hợp, sẽ dời chỗ phần tử a[pos] tương ứng. Giải thuật thực hiện tất cả n-1 vòng lặp **while**, do số lượng phép so sánh và dời chỗ này phụ thuộc vào tình trạng của dãy số ban đầu, nên chỉ có thể ước lược trong từng trường hợp

4.2.3. <u>Sắp thứ tự bằng phương pháp nổi bọt:</u>

Giải thuật

Ý tưởng chính của giải thuật là xuất phát từ cuối (đầu) dãy, đổi chỗ các cặp phần tử kế cận để đưa phần tử nhỏ (lớn) hơn trong cặp phần tử đó về vị trí đúng đầu (cuối) dãy hiện hành, sau đó sẽ không xét đến nó ở bước tiếp theo, do vậy ở lần xử lý thứ i sẽ có vị trí đầu dãy là i . Lặp lại xử lý trên cho đến khi không còn cặp phần tử nào để xét. Các bước tiến hành như sau :

```
Bước 1 : i = 1; // lần xử lý đầu tiên
Bước 2 : j = n; //Duyệt từ cuối dãy ngược về vị trí i Trong khi (j >=i+1) thực hiện:

Nếu a[j-1]>a[j] thì hoán vị a[j-1] với a[j];

j = j-1; //xét cặp phần tử kế trước
Bước 3 : i = i+1; // lần xử lý kế tiếp
```

Nếu i<=n-1 thì lặp lại bước 2, ngược lại thì dừng

Khi đó dữ liêu từng bước thực hiện là:

| i | j | a[1] | a[2] | a[3] | a[4] | a[5] | a[6] |
|---|---|------|------|------|------|------|------|
| | | 9.9 | 8.8 | 5.5 | 6.6 | 4.4 | 7.7 |
| 1 | | 4.4 | 9.9 | 8.8 | 5.5 | 6.6 | 7.7 |
| 2 | | 4.4 | 5.5 | 9.9 | 8.8 | 6.6 | 7.7 |
| 3 | | 4.4 | 5.5 | 6.6 | 9.9 | 8.8 | 7.7 |
| 4 | | 4.4 | 5.5 | 6.6 | 7.7 | 9.9 | 8.8 |
| 5 | | 4.4 | 5.5 | 6.6 | 7.7 | 8.8 | 9.9 |

```
Cài đặt thuật toán sắp xếp theo kiểu nổi bọt thành hàm con: void sap_xep_noi_bot(float a[], int n) { int i, j; for (i=1; i <= n-1; i++)
```

{ for (j=n; j>=i+1; j--)if (a[j-1]>a[j]) hoan_vi(&a[j-1], &a[j]);

```
}
       Đánh giá giải thuật
       Đối với giải thuật nổi bot, số lương các phép so sánh xảy ra không phu thuộc vào tình trang của
dãy số ban đầu, nhưng số lượng phép hoán vị thực hiện tùy thuộc vào kết quả so sánh
Nhân xét: BubbleSort có các khuyết điểm sau: không nhân diện được tình trang dãy đã có thứ tư hay có
thứ tự từng phần. Các phần tử nhỏ được đưa về vị trí đúng rất nhanh, trong khi các phần tử lớn lại được
đưa về vị trí đúng rất chậm.
       4.2.4. Sắp thứ tự bằng phương pháp trộn trực tiếp:
       Để sắp xếp dãy a[1], a[2], ..., a[n], giải thuật Merge Sort dựa trên nhận xét sau:
       Mỗi dãy a[1], a[2], ..., a[n] bất kỳ đều có thể coi như là một tập hợp các dãy con liên tiếp mà
mồi dãy con đều đã có thứ tự. Ví dụ dãy 12, 2, 8, 5, 1, 6, 4, 15 có thể coi như gồm 5 dãy con không giảm
(12); (2, 8); (5); (1, 6); (4, 15).
       Dãy đã có thứ tự coi như có 1 dãy con.
       Như vậy, một cách tiếp cận để sắp xếp dãy là tìm cách làm giảm số dãy con không giảm của nó.
Đây chính là hướng tiếp cận của thuật toán sắp xếp theo phương pháp trộn.
       Trong phương pháp Merge sort, mấu chốt của vấn đề là cách phân hoạch dãy ban đầu thành các
dãy con. Sau khi phân hoach xong, dãy ban đầu sẽ được tách ra thành 2 dãy phu theo nguyên tắc phân
phối đều luân phiên. Trộn từng cặp dãy con của hai dãy phụ thành một dãy con của dãy ban đầu, ta sẽ
nhân lại dãy ban đầu nhưng với số lượng dãy con ít nhất giảm đi một nửa. Lặp lại qui trình trên sau một
số bước, ta sẽ nhận được 1 dãy chỉ gồm 1 dãy con không giảm. Nghĩa là dãy ban đầu đã được sắp xếp.
       Giải thuật trộn trực tiếp là phương pháp trộn đơn giản nhất. Việc phân hoạch thành các dãy con
đơn giản chỉ là tách dãy gồm n phần tử thành n dãy con. Đòi hỏi của thuật toán về tính có thứ tư của các
dãy con luôn được thỏa trong cách phân hoạch này vì dãy gồm một phân tử luôn có thứ tự. Cứ mỗi lần
tách rồi trôn, chiều dài của các dãy con sẽ được nhân đôi.
       Các bước thực hiện thuật toán như sau:
       Bước 1 : // Chuẩn bi
              k = 1; // k là chiều dài của dãy con trong bước hiện hành
      Bước 2:
Tách dãy a_1, a_2, ..., a_n thành 2 dãy b, c theo nguyên tắc luân phiên từng nhóm k phần tử:
       b = a_1, ., a_{k}, a_{2k+1}, ., a_{3k}, .
       c = a_{k+1}, ..., a_{2k}, a_{3k+1}, ..., a_{4k}, ...
      Bước 3:
       Trộn từng cặp dãy con gồm k phần tử của 2 dãy b, c vào a.
      Bước 4:
       k = k*2:
       Nếu k < n thì trở lai bước 2.
       Ngược lại: Dừng
   Ví dụ
       Cho dãy số a:
                      8
                             5
                                    1
                                                           15
              k = 1:
                k = 2: k = 4:
      Cài đặt
              b[MAX], c[MAX]; // hai mång phụ
       void MergeSort(int a[], int n)
                                     // các chỉ số trên các mảng a, b, c
              int
                      p, pb, pc;
              int
                      i, k = 1;
                                     // độ dài của dãy con khi phân hoạch
```

for(i = 0; (p < n)&&(i < k); i++) b[pb++] = a[p++];

do

// tách a thanh b và c; p = pb = pc = 0; while(p < n) {

```
for(i = 0; (p < n)&&(i < k); i++)
                              c[pc++] = a[p++];
               Merge(a, pb, pc, k); //trôn b, c lai thành a
               k *= 2;
        \}while(k < n);
Trong đó hàm Merge có thể được cài đặt như sau:
void Merge(int a[], int nb, int nc, int k)
       int p, pb, pc, ib, ic, kb, kc;
           p = pb = pc = 0; ib = ic = 0;
           while ((0 < nb) & (0 < nc))
               kb = min(k, nb); kc = min(k, nc);
               if(b[pb+ib] \le c[pc+ic])
                   a[p++] = b[pb+ib]; ib++;
                   if(ib == kb) {
                       for(; ic<kc; ic++) a[p++] = c[pc+ic];
                      pb += kb; pc += kc; ib = ic = 0;
                      nb = kb; nc = kc;
               }
               else
                   a[p++] = c[pc+ic]; ic++;
                   if(ic == kc) {
                      for(; ib < kb; ib + +) a[p + +] = b[pb + ib];
                      pb += kb; pc += kc; ib = ic = 0;
                      nb = kb; nc = kc;
           }
```

• Đánh giá giải thuật

Ta thấy rằng số lần lặp của bước 2 và bước 3 trong thuật toán MergeSort bằng $\log_2 n$ do sau mỗi lần lặp giá trị của k tăng lên gấp đôi. Dễ thấy, chi phí thực hiện bước 2 và bước 3 tỉ lệ thuận bới n. Như vậy, chi phí thực hiện của giải thuật MergeSort sẽ là $O(n\log_2 n)$. Do không sử dụng thông tin nào về đặc tính của dãy cần sắp xếp, nên trong mọi trường hợp của thuật toán chi phí là không đổi. Đây cũng chính là một trong những nhược điểm lớn của thuật toán

4.2.5. Sắp thứ tự bằng phương pháp vun đống:

4.2.5.1. Thuật toán sắp xếp cây

Khi tìm phần tử nhỏ nhất ở bước i, phương pháp sắp xếp chọn trực tiếp không tận dụng được các thông tin đã có được do các phép so sánh ở bước i-1. Vì lý do trên người ta tìm cách xây dựng một thuật toán sắp xếp có thể khắc phục nhược điểm này.

Mấu chôt để giải quyết vấn đề vừa nêu là phải tìm ra được một cấu trúc dữ liệu cho phép tích lũy các thông tin về sự so sánh giá trị các phần tử trong qua trình sắp xếp. Giả sử dữ liệu cần sắp xếp là dãy số : 5 2 6 4 8 1được bố trí theo quan hệ so sánh và tạo thành sơ đồ dạng cây như sau :

Trong đó một phần tử ở mức i chính là phần tử lớn trong cặp phần tử ở mức i+1, do đó phần tử ở mức 0 (nút gốc của cây) luôn là phần tử lớn nhất của dãy. Nếu loại bỏ phần tử gốc ra khỏi cây (nghĩa là đưa phần tử lớn nhất về đúng vị trí), thì việc cập nhật cây chỉ xảy ra trên những nhánh liên quan đến phần tử mới loại bỏ, còn các nhánh khác được bảo toàn, nghĩa là bước kế tiếp có thể sử dụng lại các kết quả so sánh ở bước hiện tại. Trong ví dụ trên ta có :

Loại bỏ 8 ra khỏi cây và thế vào các chỗ trống giá trị -? để tiện việc cập nhật lại cây:

Có thể nhận thấy toàn bộ nhánh trái của gốc 8 cũ được bảo toàn, do vậy bước kế tiếp để chọn được phần tử lớn nhất hiện hành là 6, chỉ cần làm thêm một phép so sánh 1 với 6.

Tiến hành nhiều lần việc loại bỏ phần tử gốc của cây cho đến khi tất cả các phần tử của cây đều là -?, khi đó xếp các phần tử theo thứ tự loại bỏ trên cây sẽ có dãy đã sắp xếp. Trên đây là ý tưởng của giải thuật sắp xếp cây.

4.2.5.2. Cấu trúc dữ liệu HeapSort

Tuy nhiên, để cài đặt thuật toán này một cách hiệu quả, cần phải tổ chức một cấu trúc lưu trữ dữ liệu có khả năng thể hiện được quan hệ của các phần tử trong cây với n ô nhớ thay vì 2n-1 như trong ví dụ. Khái niệm heap và phương pháp sắp xếp Heapsort do J.Williams đề xuất đã giải quyết được các khó khăn trên.

Định nghĩa Heap:

Giả sử xét trường hợp sắp xếp tăng dần, khi đó Heap được định nghĩa là một dãy các phần tử $\mathbf{a_i}$, $\mathbf{a_2}$,..., $\mathbf{a_r}$ thoả các quan hệ sau với mọi i [1, r]:

```
\begin{array}{|c|c|c|c|c|}\hline a_i >= a_{2i} \\ \hline 2/. & a_i >= a_{2i+1} & \{(a_i, a_{2i}), (a_i, a_{2i+1}) \text{ là các cặp phần tử liên đới }\} \\ \hline \end{array}
```

Heap có các tính chất sau:

- **Tính chất 1**: Nếu $a_1, a_2, ..., a_r$ là một heap thì khi cắt bỏ một số phần tử ở hai đầu của heap, dãy con còn lai vẫn là một heap.
- **Tính chất 2 :** Nếu a_1 , a_2 ,..., a_n là một heap thì phần tử a_1 (đầu heap) luôn là phần tử lớn nhất trong heap.
 - **Tính chất 3 :** Mọi dãy $a_1, a_2, ..., a_r$ với 2l > r là một heap.

Giải thuật Heapsort:

Giải thuật Heapsort trải qua 2 giai đoạn :

- Giai đoạn 1 :Hiệu chỉnh dãy số ban đầu thành heap;
- Giai đoan 2: Sắp xếp dãy số dựa trên heap:
 - o Bước 1: Đưa phần tử nhỏ nhất về vị trí đúng ở cuối dãy: r = n; Hoánvị $(\mathbf{a_1}, \mathbf{a_r})$;
 - o Bước 2: Loại bỏ phần tử nhỏ nhất ra khỏi heap: r = r-1;
 - Hiệu chỉnh phần còn lại của dãy từ a_1 , a_2 ... a_r thành một heap.
 - Bước 3: Nếu r>1 (heap còn phần tử): Lặp lại Bước 2
 Ngược lai: Dừng

Dựa trên tính chất 3, ta có thể thực hiện giai đoạn 1 bắng cách bắt đầu từ heap mặc nhiên $a_{n/2+1}$, $a_{n/2+2}$... a_n , lần lượt thêm vào các phần tử $a_{n/2}$, $a_{n/2-1}$, .., a_1 ta sẽ nhân được heap theo mong muốn. Như vậy, giai đoạn 1 tương đương với n/2 lần thực hiện bước 2 của giai đoạn 2.

• Ví du

Cho dãy số a:

12 2 8 5 1 6 4 15

Giai đoạn 1: hiệu chỉnh dãy ban đầu thành heap

Giai đoạn 2: Sắp xếp dãy số dựa trên heap:

thực hiện tương tự cho r=5,4,3,2 ta được:

• Cài đăt

Để cài đặt giải thuật Heapsort cần xây dựng các thủ tục phụ trợ:

a. Thủ tục hiệu chỉnh dãy a_l , a_{l+1} ... a_r thành heap :

Giả sử có dãy $\mathbf{a_l}$, $\mathbf{a_{l+1}}$... $\mathbf{a_r}$, trong đó đoạn $\mathbf{a_{l+1}}$... $\mathbf{a_r}$, đã là một heap. Ta cần xây dựng hàm hiệu chỉnh $\mathbf{a_l}$, $\mathbf{a_{l+1}}$... $\mathbf{a_r}$ thành heap. Để làm điều này, ta lần lượt xét quan hệ của một phần tử $\mathbf{a_i}$ nào đó với các phần tử liên đới của nó trong dãy là $\mathbf{a_{2i}}$ và $\mathbf{a_{2i+1}}$, nếu vi phạm điều kiện quan hệ của heap, thì đổi chỗ $\mathbf{a_i}$ với phần tử liên đới thích hợp của nó. Lưu ý việc đổi chỗ này có thể gây phản ứng dây chuyền:

```
void Shift (int a[], int l, int r)  \{ \quad \text{int} \quad x, i, j; \\ \quad i = l; \ j = 2*i; // \ (\textbf{a_i}, \textbf{a_j}), \ (\textbf{a_i}, \textbf{a_{j+1}}) \ l \grave{a} \ c \acute{a} c \ ph \grave{a} n \ t \mathring{u} \ liên \ d\acute{o} i
```

```
while ((i \le r) \& \& (cont))
                if (j<r) // nếu có đủ 2 phần tử liên đới
                         if (a[j]<a[j+1])// xác định phần tử liên đới lớn nhất
                                                  i = i+1;
                         if (a[j]<x)exit();// thoả quan hệ liên đới, dừng.
                         else
                         {
                                  a[i] = a[j];
                                 i = j; // xét tiếp khả năng hiệu chỉnh lan truyền
                                 i = 2*i;
                                  a[i] = x;
                         }
                 }
        b. Hiệu chỉnh dãy a_1, a_2 ... a_n thành heap:
        Cho một dãy bất kỳ \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}, ..., \mathbf{a_r}, theo tính chất 3, ta có dãy \mathbf{a_{n/2+1}}, \mathbf{a_{n/2+2}} ... \mathbf{a_n} đã là một heap.
Ghép thêm phần tử \mathbf{a}_{n/2} vào bên trái heap hiện hành và hiệu chỉnh lại dãy \mathbf{a}_{n/2}, \mathbf{a}_{n/2+1}, ..., \mathbf{a}_r thành heap, .:
        void CreateHeap(int a[], int n )
                int
                         1:
                                 // a[1] là phần tử ghép thêm
                1 = N/2:
                 while (1 > 0) do
                 {
                         Shift(a,l,n);
                         1 = 1 - 1;
                 }
        Khi đó hàm Heapsort có dang sau:
                HeapSort (int a[], int n)
        void
                int
                         r:
                CreateHeap(a,n)
                r = n-1; // r là vị trí đúng cho phần tử nhỏ nhất
                 while (r > 0) do
                         Hoanvi(a[1],a[r]);
                         r = r - 1;
                         Shift(a,1,r);
                 }
    • Đánh giá giải thuật
        Việc đánh giá giải thuật Heapsort rất phức tạp, nhưng đã chứng minh được trong trường hợp xấu
nhất độ phức tạp là O(nlog_2n)
        4.2.6. Sắp thứ tự bằng phương pháp nhanh:
Để sắp xếp dãy a[1], a[2], ..., a[n] giải thuật QuickSort dựa trên việc phân hoạch dãy ban đầu thành hai
phần:
- Dãy con 1: Gồm các phần tử a[1] ... a[i] có giá tri nhỏ hơn hoặc bằng x
- Dãy con 2: Gồm các phần tử a[i] ... a[n] có giá trị lớn hơn hoặc bằng x
với x là giá tri của một phần tử tùy ý trong dãy ban đầu. Sau khi thực hiện phân hoạch, dãy ban đầu
được phân thành 3 phần:
                         1. a[k] < x, v \acute{o} i k = 1 ... i
                         2. \mathbf{a[k]} = \mathbf{x}, \mathbf{voi} \mathbf{k} = \mathbf{i} \dots \mathbf{j}
                         3. a[k] > x, với k = j ... n
trong đó dãy con thứ 2 đã có thứ tư, nếu các dãy con 1 và dãy con 3 chỉ có 1 phần tử thì dãy con đó đã
```

x = a[i]:

có thứ tự, khi đó dãy ban đầu đã được sắp. Ngược lại, nếu các dãy con 1 và 3 có nhiều hơn 1 phần tử

thì dãy ban đầu chỉ có thứ tự khi các dãy con 1, 3 được sắp. Để sắp xếp dãy con 1 và 3, ta lần lượt tiến hành việc phân hoạch từng dãy con theo cùng phương pháp phân hoạch dãy ban đầu đã trình bày.

```
Giải thuật phân hoạch dãy a[t], a[t+1], ..., a[p] thành 2 dãy con:
```

<u>- Bước 1</u>: Chọn tùy ý một phần tử a[k] trong dãy là giá trị chốt, t≤ k≤ p:

```
chot = a[k]; i = t; j = p;
```

- Bước 2: Phát hiện và hiệu chỉnh cặp phần tử a[i], a[j] nằm sai chỗ:

- <u>Bước 2a</u>: Trong khi (a[i]<chot) i++;
- Bước 2b : Trong khi (a[j]>chot) j--;
 - $\underline{\text{Bu\'oc } 2c}$: Nếu i< j // a[i] >= chot >= a[j] mà a[j] đứng sau a[i] thì Hoán vị (&a[i], &a[j]);

- Bước 3:

```
Nếu i < j: Lặp lại Bước 2// vì chưa xét hết mảng
Nếu i >= j: Dừng
```

NHẬN XÉT

- Về nguyên tắc, có thể chọn giá trị chốt là một phần tử tùy ý trong dãy, nhưng để đơn giản, dễ diễn đạt giải thuật, phần tử có vị trí giữa thường được chọn, khi đó k = (t + p)/2
- Giá trị chốt được chọn sẽ có tác động đến hiệu quả thực hiện thuật toán vì nó quyết định số lần phân hoạch. Số lần phân hoạch sẽ ít nhất nếu ta chọn được x là phần tử trung bình của dãy. Tuy nhiên do chi phí xác định phần tử trung bình quá cao nên trong thực tế người ta không chọn phần tử này mà chọn phần tử nằm chính giữa dãy làm mốc với hy vọng nó có thể gần với giá trị trung bình
 - Giải thuật phân hoạch dãy sắp xếp dãy a[t], a[t+1], ..., a[p] là: Có thể phát biểu giải thuật sắp xếp QuickSort một cách đệ qui như sau:
 - Bước 1 : Phân hoach dãy a[t] ... a[p] thành 3 dãy con :

```
- Dãy con 1 : a[t] ... a[j] <= chốt</li>
- Dãy con 2 : a[j+1] ... a[i-1] = chốt
- Dãy con 3 : a[i] ... a[p] >= chốt
```

• Bước 2 :

```
Nếu (t < j) // dãy con 1 có nhiều hơn 1 phần tử thì
Phân hoạch dãy a[t] ... a[j]
Nếu (i < p) // dãy con 3 có nhiều hơn 1 phần tử thì
Phân hoạch dãy a[i] ... a[p]
```

Ví dụ

```
Cho dãy số a:
12 2 8 5 1 6 4 15
```

Phân hoạch đoạn l=1, r=8: $\mathbf{x}=\mathbf{A}[4]=5$ Phân hoạch đoạn l=1, r=3: $\mathbf{x}=\mathbf{A}[2]=2$ Phân hoạch đoạn l=5, r=8: $\mathbf{x}=\mathbf{A}[6]=6$ Phân hoạch đoạn l=7, r=8: $\mathbf{x}=\mathbf{A}[7]=6$ Dừng.

• Cài đặt

}

}

```
Thuật toán QuickSort có thể được cài đặt đệ qui như sau:
void quicksort(float a[], int t, int p)
    if (t<p)
       {
           int i=t, i=p;
            float
                       chot;
            chot=a[(t+p)/2]; // chon phan tu o giua lam chot
              while (i < j)
                  while (a[i] < chot) i++;
                   while (a[i] > chot) i--;
                  if (i \le j)
                      { hoan vi(&a[i], &a[i]);
                           i++; i--;
                      }
              quicksort(a,t,j);
              quicksort(a,i,p);
```

• Đánh giá giải thuật

Hiệu qủa thực hiện của giải thuật QuickSort phụ thuộc vào việc chọn giá trị mốc. Trường hợp tốt nhất xảy ra nếu mỗi lần phân hoạch đều chọn được phần tử median (phần tử lớn hơn (hay bằng) nửa số phần tử, và nhỏ hơn (hay bằng) nửa số phần tử còn lại) làm mốc, khi đó dãy được phân chia thành 2 phần bằng nhau và cần $\log_2(n)$ lần phân hoạch thì sắp xếp xong. Nhưng nếu mỗi lần phân hoạch lại chọn nhằm phần tử có giá trị cực đại (hay cực tiểu) là mốc, dãy sẽ bị phân chia thành 2 phần không đều: một phần chỉ có 1 phần tử, phần còn lại gồm (n-1) phần tử, do vậy cần phân hoạch n lần mới sắp xếp xong. Ta có bảng tổng kết

| Trường hợp | Độ phức tạp |
|------------|-------------|
| Tốt nhất | n*log(n) |
| Trung bình | n*log(n) |
| Xấu nhất | n^2 |

4.3. Sắp thứ tự ngoại:

Sắp thứ tự ngoại là sắp thứ tự trên tập tin. Khác với sắp xếp dãy trên bộ nhớ có số lượng phần tử nhỏ và truy xuất nhanh, tập tin có thể có số lượng phần tử rất lớn và thời gian truy xuất chậm. Do vậy việc sắp xếp trên các cấu trúc dữ liệu loại tập tin đòi hỏi phải áp dụng các phương pháp đặc biệt. Chương này sẽ giới thiêu một số phương pháp như sau:

- Phương pháp trộn RUN
- Phương pháp trộn tự nhiên

4.3.1. Phương pháp trộn RUN:

- Khái niêm cơ bản:

Run là một dãy liên tiếp các phần tử được sắp thứ tự.

Ví dụ: 1 2 3 4 5 là một run gồm có 5 phần tử

Chiều dài run chính là số phần tử trong Run. Chẳng hạn, run trong ví dụ trên có chiều dài là 5.

Như vậy, mỗi phần tử của dãy có thể xem như là 1 run có chiều dài là1. Hay nói khác đi, mỗi phần tử của dãy chính là một run có chiều dài bằng 1.

Việc tạo ra một run mới từ 2 run ban đầu gọi là trộn run (merge). Hiển nhiên, run được tạo từ hai run ban đầu là một dãy các phần tử đã được sắp thứ tự.

- Giải thuật:

Giải thuật sắp xếp tập tin bằng phương pháp trộn run có thể tóm lược như sau:

Input: f0 là tập tin cần sắp thứ tự.

Output: f0 là tập tin đã được sắp thứ tự.

Gọi f1, f2 là 2 tập tin trộn.

Các tập tin f0, f1, f2 có thể là các tập tin tuần tự (text file) hay có thể là các tập tin truy xuất ngẫu nhiên (File of <kiểu>)

Bước 1:

- Giả sử các phần tử trên f0 là:

- f1 ban đầu rỗng, và f2 ban đầu cũng rỗng.
- Thực hiện phân bố m=1 phần tử lần lượt từ f0 vào f1 và f2:

$$f0: \underline{24} \ \underline{12} \ \underline{67} \ \underline{33} \ \underline{58} \ \underline{42} \ \underline{11} \ \underline{34} \ \underline{29} \ \underline{31}$$

- Trộn f1, f2 thành f0:

Bước 2:

-Phân bố m=2 phần tử lần lượt từ f0 vào f1 và f2:

- Trôn f1, f2 thành f0:

```
f2: 33 67 11 34
```

Bước 3:

- Tương tự bước 2, phân bố m=4 phần tử lần lượt từ f0 vào f1 và f2, kết quả thu được như

sau:

```
f1: 12 24 33 67 29 31

f2: 11 34 42 58

- Trộn f1, f2 thành f0:

f0: 11 12 24 33 34 42 58 67 29 31
```

Bước 4:

Phân bố m=8 phần tử lần lượt từ f0 vào f1 và f2: f1: 11 12 24 33 34 42 58 67 f2: 29 31
Trộn f1, f2 thành f0: f0: 11 12 24 29 31 33 34 42 58 67

Bước 5:

Lặp lại tương tự các bước trên, cho đến khi chiều dài m của run cần phân bổ lớn hơn chiều dài n của f0 thì dừng. Lúc này f0 đã được sắp thứ tự xong.

Cài đặt:

```
Sap xep file bang phuong phap tron truc tiep
Cai dat bang Borland C 3.1 for DOS.
#include <conio.h>
#include <stdio.h>
void tao file();
void xuat_file();
void chia(FILE *a,FILE *b,FILE *c, int p);
void tron(FILE *b,FILE *c,FILE *a, int p);
int p,n;
/**/
main ()
       FILE *a,*b,*c;
       tao file();
       xuat_file();
       p = 1;
       while (p < n)
              chia(a,b,c,p);
              tron(b,c,a,p);
              p=2*p;
       }
       printf("\n");
       xuat_file();
       getch();
}
void tao file()
Tao file co n phan tu
{
       int i,x;
       FILE *fp;
       fp=fopen("d:\\ctdl\\sorfile\bang.int","wb");
       printf("Cho biet so phan tu : ");
       scanf("%d",&n);
       for (i=0;i< n;i++)
```

```
scanf("%d",&x);
               fprintf(fp,"%3d",x);
       fclose(fp);
void xuat_file()
Hien thi noi dung cua file len man hinh
{
       int x;
       FILE *fp;
       fp=fopen("d:\\ctdl\\sortfile\bang.int","rb");
       i=0;
       while (i<n)
               fscanf(fp, "%d", &x);
               printf("%3d",x);
               i++;
       fclose(fp);
}
void chia(FILE *a,FILE *b,FILE *c,int p)
Chia xoay vong file a cho file b va file c moi lan p phan tu cho den khi het file a.
{
       int dem,x;
       a=fopen("d:\ctdl\sortfile\bang.int","rb");
       b=fopen("d:\ctdl\sortfile\bang1.int","wb");
       c=fopen("d:\ctdl\sortfile\bang2","wb");
       while (!feof(a))
               /*Chia p phan tu cho b*/
               dem=0;
               while ((dem < p) && (!feof(a)))
                      fscanf(a,"%3d",&x);
                      fprintf(b,"%3d",x);
                      dem++;
               /*Chia p phan tu cho c*/
               dem=0;
               while ((dem<p) && (!feof(a)))
                      fscanf(a,"%3d",&x);
               {
                      fprintf(c, "%3d", x);
                      dem++;
               }
       fclose(a); fclose(b); fclose(c);
void tron(FILE *b, FILE *c, FILE *a, int p)
Tron p phan tu tren b voi p phan tu tren c thanh 2*p phan tu tren a
cho den khi file b hoac c het.
*/
{
       int stop,x,y,l,r;
       a=fopen("d:\ctdl\sortfile\bang.int","wb");
       b=fopen("d:\ctdl\sortfile\bang1.int","rb");
       c=fopen("d:\ctdl\sortfile\bang2.int", "rb");
```

```
while ((!feof(b)) && (!feof(c)))
       1=0;/*so phan tu cua b da ghi len a*/
       r=0;/*so phan tu cua c da ghi len a*/
       fscanf(b,"%3d",&x);
       fscanf(c,"%3d",&y);
       stop=0;
       while ((!!=p) && (r!=p) && (!stop))
               if (x < y)
                       fprintf(a, "\%3d", x);
                       1++;
                       if ((l<p) && (!feof(b)))
                       /*chua du p phan tu va chua het file b*/
                              fscanf(b,"%3d",&x);
                       else
                       {
                              fprintf(a,"%3d",y);
                              r++;
                              if (feof(b)) stop=1;
                       }
               }
               else
                       fprintf(a, "%3d", y);
                       r++;
                       if ((r<p) && (!feof(c)))
                       /*chua du p phan tu va chua het file c^*/
                              fscanf(c,"%3d",&y);
                       else
                              fprintf(a, "%3d", x);
                              1++;
                              if (feof(c))
                                      stop=1;
                       }
               }
       }
}
/*
Chep phan con lai cua p phan tu tren b len a
while ((!feof(b)) && (l<p))
       fscanf(b,"%3d",&x);
       fprintf(a, "\%3d", x);
       1++;
/*
Chep phan con lai cua p phan tu tren c len a
while ((!feof(c)) && (r<p))
       fscanf(c,"%3d",&y);
       fprintf(a,"%3d",y);
       r++;
if (!feof(b))
       /*chep phan con lai cua b len a*/
       while (!feof(b))
               fscanf(b,"%3d",&x);
               fprintf(a, "%3d", x);
```

```
}
       if (!feof(c))
               /*chep phan con lai cua c len a*/
               while (!feof(c))
                       fscanf(c, "%3d", &x);
                       fprintf(a, "%3d", x);
               }
       fclose(a); fclose(b); fclose(c);
4.3.2. Các phương pháp trộn tự nhiên:
```

- Giải thuật:

Trong phương pháp trộn đã trình bày ở trên, giải thuật không tận dụng được chiều dài cực đại của các run trước khi phân bổ; do vây, việc tối ưu thuật toán chưa được tân dụng.

Đặc điểm cơ bản của phương pháp trôn tư nhiên là tân dung đô dài "tư nhiên" của các run ban đầu; nghĩa là, thực hiện việc trộn các run có độ dài cực đại vơi nhau cho đến khi dãy chỉ bao gồm một run: dãy đã được sắp thứ tư.

Input: f0 là tâp tin cần sắp thứ tư.

Output: f0 là tập tin đã được sắp thứ tư.

Lặp Cho đến khi dãy cần sắp chỉ gồm duy nhất một run.

Phân bố:

- Chép một dây con có thứ tư vào tắp tin phu fi (i>=1). Khi chấm dứt dây con này, biến eor (end of run) có giá trị True.
 - Chép dây con có thứ tư kế tiếp vào tâp tin phu kế tiếp fi+1 (xoay vòng).
 - Việc phân bố kết thúc khi kết thúc tập tin cần sắp f0.

Trộn:

- Trôn 1 run trong f1 và1 run trong f2 vào f0.
- Việc trôn kết thúc khi duyết hết f1 và hết f2 (hay nói cách khác, việc trôn kết thúc khi đã có đủ n phần tử cần chép vào f0).

Cài đặt:

```
Sap xep file bang phuong phap tron tu nhien
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <conio.h>
#include <iostream.h>
void CreatFile(FILE *Ft,int);
void ListFile(FILE *);
void Distribute();
void Copy(FILE *,FILE *);
void CopyRun(FILE *,FILE *);
void MergeRun();
void Merge();
typedef int DataType;
FILE *F0,*F1,*F2;
int M,N,Eor;
Bien eor dung de kiem tra ket thuc Run hoac File
DataType X1,X2,X,Y;
//Ham main
void main(void)
```

```
{
       clrscr();
       randomize();
       cout<<" Nhap so phan tu: ";
       cin>>N;
       CreatFile(F0,N);
       ListFile(F0);
       do
       {
               F0=fopen("d:\\ctdl\\sortfile\\bang.int","rb");
               F1=fopen("d:\\ctdl\\sortfile\\bang1.int","wb");
               F2=fopen("d:\\ctdl\\sortfile\\bang2.int","wb");
               Distribute();
               F0=fopen("d:\\ctdl\\sortfile\\bang.int","wb");
               F1=fopen("d:\\ctdl\\sortfile\\bang1.int","rb");
               F2=fopen("d:\\ctdl\\sortfile\\bang2.int","rb");
               M=0;
               Merge();
       }while (M != 1);
       ListFile(F0);
       getch();
}
void CreatFile(FILE *Ft,int Num)
/*Tao file co ngau nhien n phan tu* */
       randomize();
       Ft=fopen("d:\\ctdl\\sortfile\\bang.int","wb");
       for( int i = 0; i < Num; i++)
       {
               X = random(30);
               fprintf(Ft, "%3d", X);
       fclose(Ft);
void ListFile(FILE *Ft)
/*Hien thi noi dung cua file len man hinh */
{
       DataType X,I=0;
       Ft = fopen("d:\\ctdl\\sortfile\\bang.int","rb");
       while (I < N)
               fscanf(Ft,"%3d",&X);
               cout<<" "<<X;
               I++;
       printf("\langle n \rangle n");
       fclose(Ft);
}
/**/
void Copy(FILE *Fi,FILE *Fj)
       //Doc phan tu X tu Tap tin Fi, ghi X vao Fi
       //Eor==1, Neu het Run(tren Fi) hoac het File Fi
       fscanf(Fi,"%3d",&X);
       fprintf(Fj, "%3d", X);
```

```
if(!feof(Fi))
              fscanf(Fi,"%3d",&Y);
              long curpos = ftell(Fi)-2;
              fseek(Fi, curpos, SEEK_SET);
       if (feof(Fi)) Eor = 1;
       else Eor = (X > Y) ? 1 : 0;
}
void Distribute()
/*Phan bo luan phien cac Run tu nhien tu F0 vao F1 va F2*/
{
       do
              CopyRun(F0,F1);
              if(!feof(F0)) CopyRun(F0,F2);
       }while( !feof(F0) );
       fclose(F0);
       fclose(F1);
       fclose(F2);
void CopyRun(FILE *Fi,FILE *Fj)
/*Chep 1 Run tu Fi vao Fj */
       do
              Copy(Fi,Fj);
       while (!Eor);
void MergeRun()
/*Tron 1 Run cua F1 va F2 vao F0*/
       do
              fscanf(F1,"%3d",&X1);
              long curpos = ftell(F1)-2;
              fseek(F1, curpos, SEEK_SET);
              fscanf(F2,"%3d",&X2);
              curpos = ftell(F2)-2;
              fseek(F2, curpos, SEEK_SET);
              if(X1 \le X2)
              {
                     Copy(F1,F0);
                     if (Eor) CopyRun(F2,F0);
              }
              else
                     Copy(F2,F0);
                     if ( Eor ) CopyRun(F1,F0);
       } while (!Eor);
void Merge()
/*Tron cac run tu F1 va F2 vao F0*/
```

```
while( (!feof(F1)) && (!feof(F2)) )
{
          MergeRun();
          M++;
}
while( !feof(F1) )
{
          CopyRun(F1,F0);
          M++;
}
while( !feof(F2) )
{
          CopyRun(F2,F0);
          M++;
}
fclose(F0);
fclose(F1);
fclose(F2);
```

}

BÀI TẬP LÝ THUYẾT CHƯƠNG 4:

- **Bài 4.1.** Trong 3 phương pháp sắp xếp cơ bản (chọn trực tiếp, chèn trực tiếp, nổi bọt) phương pháp nào thực hiện sắp xếp nhanh nhất với một dãy đã có thứ tự? Giải thích.
- **Bài 4.2.** Cho một ví dụ minh hoạ ưu điểm của thuật toán ShakeSort đối với BubleSort khi sắp xếp một dãy số.
- **Bài 4.3.** Cho dãy số 5 1 2 8 4 7 0 12 4 3 24 1 4, hãy minh hoạ kết qủa sắp xếp dãy số này từng bước với các giải thuật chọn trực tiếp, chèn trực tiếp, nổi bọt .

BÀI TẬP THỰC HÀNH:

- **Bài 4.4.** Cài đặt các thuật toán sắp xếp đã trình bày. Thể hiện trực quan các thao tác của thuật toán. Tính thời gian thực hiện của mỗi thuật toán.
- Bài 4.5 Cài đặt thêm chức năng xuất bảng lương nhân viên theo thứ tự tiền lương tăng dần cho bài tập.

Chương 5: TÌM KIẾM DŨ LIỆU

5.1. Nhu cầu tìm kiếm dữ liêu:

Trong hầu hết các hệ lưu trữ, quản lý dữ liệu, thao tác tìm kiếm thường được thực hiện nhất để khai thác thông tin:

Ví du: tra cứu từ điển, tìm sách trong thư viện...

Do các hệ thống thông tin thường phải lưu trữ một khối lượng dữ liệu đáng kể, nên việc xây dựng các giải thuật cho phép tìm kiếm nhanh sẽ có ý nghĩa rất lớn. Nếu dữ liệu trong hệ thống đã được tổ chức theo một trật tự nào đó, thì việc tìm kiếm sẽ tiến hành nhanh chóng và hiệu quả hơn:

<u>Ví du:</u> các từ trong từ điển được sắp xếp theo từng vần, trong mỗi vần lại được sắp xếp theo trình tự alphabet; sách trong thư viện được xếp theo chủ đề ...

Vì thế, khi xây dựng một hệ quản lý thông tin trên máy tính, bên cạnh các thuật toán tìm kiếm, các thuật toán sắp xếp dữ liệu cũng là một trong những chủ đề được quan tâm hàng đầu.

Hiện nay đã có nhiều giải thuật tìm kiếm và sắp xếp được xây dựng, mức độ hiệu quả của từng giải thuật còn phụ thuộc vào tính chất của cấu trúc dữ liệu cụ thể mà nó tác động đến. Dữ liệu được lưu trữ chủ yếu trong bộ nhớ chính và trên bộ nhớ phụ, do đặc điểm khác nhau của thiết bị lưu trữ, các thuật toán tìm kiếm và sắp xếp được xây dựng cho các cấu trúc lưu trữ trên bộ nhớ chính hoặc phụ cũng có những đặc thù khác nhau. Chương này sẽ trình bày các thuật toán tìm kiếm dữ liệu được lưu trữ trên bộ nhớ chính

Tập dữ liệu được lưu trữ là dãy số thực a[1], a[2], ..., a[n]

Giả sử chọn cấu trúc dữ liệu mảng để lưu trữ dãy số này trong bộ nhớ chính, có khai báo :

```
float a[n+1];
```

Lưu ý các bản cài đặt trong giáo trình sử dụng ngôn ngữ C, do đó chỉ số của mảng mặc định bắt đầu từ 0, nên các giá trị của các chỉ số có chênh lệch so với thuật toán, nhưng ý nghĩa không đổi

• Khoá cần tìm là x, được khai báo như sau:

float x:

5.2. <u>Các thuật toán tìm kiếm:</u>

Cho trước mảng a gồm n phần tử số thực a[1], a[2], ..., a[n], và cho trước số thực x. Cần tìm phần tử trong mảng a mà có giá trị x. Các hàm tìm kiếm dưới đây tìm và trả về vị trí của phần tử đầu tiên trong mảng a mà có giá trị x (nếu có), hoặc trả về giá trị -1 (nếu tìm không có)

5.2.1. Tìm kiếm tuần tư:

Giải thuật

Tìm tuyến tính là một kỹ thuật tìm kiếm rất đơn giản và cổ điển. Thuật toán tiến hành so sánh \mathbf{x} lần lượt với phần tử thứ nhất, thứ hai, ... của mảng \mathbf{a} cho đến khi gặp được phần tử có khóa cần tìm, hoặc đã tìm hết mảng mà không thấy \mathbf{x} . Các bước tiến hành như sau :

• Bước 1:

i = 1; // bắt đầu từ phần tử đầu tiên của dãy

Bước 2: So sánh a[i] với x, có 2 khả năng :

a[i] = x: Tìm thấy, trả về giá trị i, rồi dừng

a[i] != x : Sang Bu'oc 3.

• Bước 3 :

i = i+1; // xét phần tử kế tiếp trong mảng

Nếu i<=n thì lặp lại bước 2; ngược lại hết mảng, tìm không thấy, thì trả về giá trị -1, rồi dừng

Cài đặt

Từ mô tả trên đây của thuật toán tìm tuyến tính, có thể cài đặt hàm timkiem_tuantu(a, n, x) như sau: int timkiem_tuantu(float a[], int n, float x)

```
{ int i=1; while ((i <= n) && (a[i]!=x)) i++; if (i <= n) return i; // a[i] là phần tử có khóa x else return -1; // khong tim thay x }
```

Trong cài đặt trên đây, nhận thấy mỗi lần lặp của vòng lặp while phải tiến thành kiểm tra 2 điều kiện (i<=n) - điều kiện biên của mảng - và (a[i]!=x) - điều kiện kiểm tra chính. Nhưng thật sự chỉ cần kiểm tra điều kiện chính (a[i]!=x), để cải tiến cài đặt, có thể dùng phương pháp "lính canh" - đặt thêm một phần tử có giá trị x vào cuối mảng, như vậy bảo đảm luôn tìm thấy x trong mảng, sau đó dựa vào vị

trí tìm thấy để kết luận. Cài đặt cải tiến sau đây của hàm **LinearSearch** giúp giảm bớt một phép so sánh trong vòng lặp :

Đánh giá giải thuật

Có thể ước lượng độ phức tạp của giải thuật tìm kiếm qua số lượng các phép so sánh được tiến hành để tìm ra x. Trường hợp giải thuật tìm tuyến tính, có:

| Trường họp | Số lần so sánh | Giải thích |
|------------|----------------|---|
| Tốt nhất | 1 | Phần tử đầu tiên có giá trị x |
| Xấu nhất | n+1 | Phần tử cuối cùng có giá trị x |
| Trung bình | (n+1)/2 | Giả sử xác suất các phần tử trong mảng nhận giá trị x là như nhau |

Vậy giải thuật tìm tuyến tính có độ phức tạp tính toán cấp n: T(n) = O(n)Nhân xét:

- Giải thuật tìm tuyến tính không phụ thuộc vào thứ tự của các phần tử mảng, do vậy đây là phương pháp tổng quát nhất để tìm kiếm trên một dãy số bất kỳ.
- Một thuật toán có thể được cài đặt theo nhiều cách khác nhau, kỹ thuật cài đặt ảnh hưởng đến tốc đô thực hiên của thuật toán.
 - 5.2.2. Tìm kiếm nhi phân:

Giải thuật

Đối với những dãy số đã có thứ tự (giả sử thứ tự tăng dần), các phần tử trong dãy có quan hệ a[i-1] \leq a[i] \leq a[i+1], từ đó kết luận được nếu x<a[i] thì x chỉ có thể xuất hiện trong đoạn trước a[1] ... a[i-1] của dãy, ngược lại nếu x>a[i] thì x chỉ có thể xuất hiện trong đoạn sau a[i+1] ... a[n] của dãy. Giải thuật tìm nhị phân áp dụng nhận xét trên đây để tìm cách giới hạn phạm vi tìm kiếm sau mỗi lần so sánh x với một phần tử trong dãy. Ý tưởng của giải thuật là tại mỗi bước tiến hành so sánh x với phần tử nằm ở vị trí giữa của dãy tìm kiếm hiện hành, dựa vào kết quả so sánh này để quyết định giới hạn dãy tìm kiếm ở bước kế tiếp là đoạn trước hay đoạn sau của dãy tìm kiếm hiện hành. Giả sử dãy tìm kiếm hiện hành bao gồm các phần tử xa[1], a[2], ..., a[n]. Các bước tiến hành như sau :

```
• <u>Bước 1:</u> t=1; p=n; // tìm kiếm trên tất cả các phần tử
```

- Bước 2:
 - g = (t+p)/2; // lấy mốc ở giữa để so sánh
 - So sánh x với a[g], có 3 khả năng:
 - x<a[g]: // tìm tiếp x trong đoạn trước a[t] ... a[g-1] là:
 p=g-1;
 x>a[g]: // tìm tiếp x trong đoạn sau a[g+1] ... a[n] là:
 - \circ x>a[g] : // tìm tiếp x trong đoạn sau a[g+1] ... a[p] là:
 - x=a[g]: Tìm thấy, trả về giá trị g, rồi dừng
- Bước 3:
 - Nếu $t \le p$ // còn phần tử chưa xét, nên tìm tiếp là:

Lăp lai Bước 2.

Ngược lại // đã xét hết tất cả các phần tử, tìm không thấy:
 trả về giá tri -1, rồi dừng

Ví dụ

Cho dãy số a gồm 8 phần tử:

Nếu giá trị cần tìm là 8, giải thuật được tiến hành như sau:

$$t = 1, p = 8, g = 4$$

 $t = 4, p = 8, g = 6$
Dùng.

Cài đặt

Thuật toán tìm nhị phân có thể được cài đặt thành hàm timkiem_nhiphan(a, n, x) như sau: int timkiem_nhiphan $(float\ a[], int\ n, float\ x)$

Đánh giá giải thuật

Trường hợp giải thuật tìm nhị phân, có bảng phân tích sau:

| Trường họp | Số lần so sánh | Giải thích |
|------------|----------------------|---|
| Tốt nhất | 1 | Phần tử giữa của mảng có giá trị x |
| Xấu nhất | log ₂ n | Không có x trong mảng |
| Trung bình | log ₂ n/2 | Giả sử xác suất các phần tử trong mảng nhận giá trị x là như nhau |

Vậy giải thuật tìm nhị phân có độ phức tạp tính toán cấp n: $T(n) = O(\log_2 n)$

Nhận xét:

- Giải thuật tìm nhị phân dựa vào quan hệ giá trị của các phần tử mảng để định hướng trong quá trình tìm kiếm, do vậy chỉ áp dụng được cho những dãy đã có thứ tự.
- Giải thuật tìm nhị phân tiết kiệm thời gian hơn rất nhiều so với giải thuật tìm tuyến tính do $T_{\text{nhị phân}}(n) = O(\log_2 n) < T_{\text{tuyếntính}}(n) = O(n)$

Tuy nhiên khi muốn áp dụng giải thuật tìm nhị phân cần phải xét đến thời gian sắp xếp dãy số để thỏa điều kiện dãy số có thứ tự. Thời gian này không nhỏ, và khi dãy số biến động cần phải tiến hành sắp xếp lại . Tất cả các nhu cầu đó tạo ra khuyết điểm chính cho giải thuật tìm nhị phân. Ta cần cân nhắc nhu cầu thực tế để chon một trong hai giải thuật tìm kiếm trên sao cho có lợi nhất

---0-O-o---

BÀI TẬP LÝ THUYẾT CHƯƠNG 5:

Bài 5.1. Xét mảng các số nguyên có nôi dung như sau :

-9 -9 -5 -2 0 3 7 7 10 15

- a. Tính số lần so sánh để tìm ra phần tử X = -9 bằng phương pháp:
 - Tìm tuyến tính
 - Tìm nhi phân

Nhận xét và so sánh 2 phương pháp tìm nêu trên trong trường hợp này và trong trường hợp tổng quát. b. Trong trường hợp tìm nhị phân, phần tử nào sẽ được tìm thấy (thứ 1 hay 2).

Bài 5.2. Xây dựng thuật toán tìm phần tử nhỏ nhất (lớn nhất) trong một mảng các số nguyên.

BÀI TẬP THỰC HÀNH:

- **Bài 5.3.** Cài đặt các thuật toán tìm kiếm đã trình bày. Thể hiện trực quan các thao tác của thuật toán. Tính thời gian thực hiện của mỗi thuật toán.
- Bài 5.4. Hãy viết hàm tìm tất cả các số nguyên tố nằm trong mảng một chiều a có n phần tử.
- **Bài 5.5.** Hãy viết hàm tìm dãy con tăng dài nhất của mảng một chiều a có n phần tử (dãy con là một dãy liên tiếp các phần của a).
- **Bài 5.6.** Cài đặt thuật toán tìm phần tử trung vị (median) của một dãy số.

---0-0-0---

Chương 6: CẦU TRÚC DỮ LIÊU BẢNG BĂM MỞ

Tổ chức cấu trúc kiểu này gồm từ tập (có thể vô hạn các phần tử) được phân ra B lớp đánh số từ 0 đến B-1 theo một hàm băm h (hash function) nào đó sao cho x trong tập là đối số của h và h(x) xác định một số nguyên từ 0, 1, 2, ..., B-1. Lớp thứ i gồm các phần tử x mà h(x)=i, tức là phần tử x sẽ được phân vào lớp h(x).

Nếu có N phần tử thì trung bình mỗi lớp (thùng) chứa N/B phần tử. Nếu chọn B tương đối lớn thì số phần tử trung bình ở mỗi lớp sẽ càng ít. Khi đó mỗi phép toán trên cấu trúc này trung bình mất một thời gian cố định không lớn lắm, độc lập với n (tức tương đương B).

Vấn đề quan trọng là chọn hàm băm h sao cho số phần tử trong các thùng (lớp) không chênh lệch nhiều

```
nhiều.
       Ví du ta chỉ xét các số nguyên tố. Ta xây dựng bảng băm mở A gồm 6 lớp. Trong đó:
       Lớp đầu tiên A[0] chứa các số nguyên tố tận cùng bằng 1.
       Lớp A[1] chứa các số nguyên tố tân cùng bằng 2 (chỉ chứa số 2).
       Lớp A[2] chứa các số nguyên tố tận cùng bằng 3.
       Lớp A[3] chứa các số nguyên tố tân cùng bằng 5 (chỉ chứa số 5).
       Lớp A[4] chứa các số nguyên tố tận cùng bằng 7.
       Lớp A[5] chứa các số nguyên tố tận cùng bằng 9.
Ta xây dựng bảng băm mở như sau:
       const int B=6; // co B=6 lop, tu lop 0 den lop B-1=5
       struct element
       {
              int key;
              element *next;
       };
       typedef element *List;
       List p;
       List A[B];
       int b:
Ta xây dưng hàm băm mở h với đầu vào số x, thì ta tính lấy chữ số cuối cùng y của số x để xác đinh lớp
sẽ chứa phần tử x.
       int H(int x)
              int y, kq;
              y=x \% 10;
              switch (y)
                     case 1: kq=0; break;
                     case 2: kg=1; break;
                     case 3: kg=2; break;
                     case 5: kq=3; break;
                     case 7: kq=4; break;
                     case 9: kq=5; break;
              return kq;
Kiểm tra số x có phải là số nguyên tố không. Hàm trả về 1 nếu x đúng là số nguyên tố:
       int ktrasonguyento(int x)
              int j;
              i=2;
              while ((j \le sqrt(x)) & (x \% j !=0)) j++;
              if (j>sqrt(x)) return 1;
              else return 0:
Khởi động bảng băm A:
       void MAKENULL()
```

```
{
              for (i=0; i<=B-1; i++)
              A[i]=NULL;
Duyệt toàn bộ bảng băm A:
       void Display()
              for (i=0; i<=B-1; i++)
                     printf("\n Lop A[%d]:", i);
                     p=A[i];
                     while (p!=NULL)
                            printf("%5d", (*p).key);
                            p=(*p).next;
                     }
              }
Hàm kiểm tra xem lớp i có rỗng không. Hàm trả về 1 nếu đúng, trả về 0 nếu sai:
       int emptyHashTable(int i)
              return (A[i]==NULL? 1:0);
Hàm kiểm tra xem toàn bộ bảng băm có rỗng không. Hàm trả về 1 nếu tất cả các lớp đều rỗng, 0 nếu
ngược lại:
       int empty()
              for (i=0; i<=B-1; i++)
                     if (A[i] != NULL) return 0;
              return 1:
Tìm kiếm xem có phần tử x trong bảng băm không, nếu có thì trả về số thứ tư của lớp chứa phần tử x,
nếu không có thì trả về -1.
       int MEMBER(int x)
              i=H(x);
              p=A[i];
              while ((p!=NULL) & (x!=(*p).key))
                     p=(*p).next;
              if (p!=NULL) return i;
              else return -1;
Thêm phần tử x vào bảng băm. Thêm vào đầu lớp:
       void insert(int x)
              if (MEMBER(x)==-1)
                     p = new element;
                     (*p).key=x;
                     i=H(x);
                     (*p).next=A[i];
                     A[i]=p;
              }
Xóa phần tử x ra khỏi bảng băm:
       void DELETE(int x)
              List before:
              i=MEMBER(x);
              if (i!=-1)
                            p=A[i];
                     while ((p!=NULL) & ((*p).key!=x))
                            before=p;
                            p=(*p).next;
                     }
```

```
if (p==A[i]) A[i]=(*p).next;
                      else (*before).next=(*p).next;
                      delete p;
Xóa tất cả các phần tử trong lớp i:
       void clearHashTable(int i)
              while (A[i] != NULL)
                      p=A[i];
                      A[i] = (*p).next;
                      delete p;
               }
Xóa tất cả các phần tử trong bảng băm A:
       void clear()
              for (i=0; i<=B-1; i++)
       {
                     clearHashTable(i);
       }
```

BÀI TẬP CHƯƠNG 6:

Bài 6.1. Xây dựng bảng băm quản lý các sinh viên gồm các thông tin: Họ tên, năm sinh, điểm tin, điểm anh văn, điểm trung bình, xếp loại.

Bảng băm gồm 5 lớp chứa các sinh viên theo xếp loại:

```
Lớp 0 chứa các sinh viên xếp loại kém
Lớp 1 chứa các sinh viên xếp loại yếu
Lớp 2 chứa các sinh viên xếp loại trung bình
Lớp 3 chứa các sinh viên xếp loại khá
Lớp 4 chứa các sinh viên xếp loại giỏi
(0 <= Điểm trung bình < 4).</li>
(4 <= Điểm trung bình < 5).</li>
(5 <= Điểm trung bình < 6.5).</li>
(6.5 <= Điểm trung bình < 8).</li>
(8 <= Điểm trung bình <= 10).</li>
```

Nhập danh sách các sinh viên từ bàn phím gồm họ tên, năm sinh, điểm tin, điểm anh văn, rồi tính điểm trung bình biết rằng môn tin có hệ số 2, rồi tính xếp loại, và lưu vào bảng băm.

Liệt kê danh sách các sinh viên của từng lớp trong bảng băm.

---o-O-o---
