

*作业共 2 道题目，请在超星平台提交，可以手写拍照，或者提交 word、pdf。截止时间为：9 月 11 日。

第 1 题 函数渐近阶排序

对下列函数的渐近阶从低到高进行排序，并简要说明理由。

- 1) $f_1 = 2024^n, f_2 = (\log n)^{2024}, f_3 = 2024n, f_4 = n^{2024}, f_5 = n \log(n^{2024})$
- 2) $f_1 = n^{3 \log n}, f_2 = (\log \log n)^3, f_3 = \log((\log n)^3), f_4 = \log(3^{n^3}), f_5 = (\log n)^{\log(n^3)}$
- 3) $f_1 = 3^{2^n}, f_2 = 2^{2^{n+1}}, f_3 = 2^{2n}, f_4 = 8^n, f_5 = 2^{n^3}$
- 4) $f_1 = 2^n, f_2 = \binom{n}{2}, f_3 = n^2, f_4 = \binom{n}{n/2}, f_5 = 2(n!)$

第 2 题 求解递归式

请使用 主定理 或 递归展开 方法求解下列递归式。

- 1) $T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + \Theta(2^n)$
- 2) $T(n) = 3T\left(\frac{n}{8}\right) + O(\sqrt{n})$
- 3) $T(n) = 2T\left(\frac{n}{3}\right) + \log_7 n + 6$