

アメリカ式統計学セミナー

3. ベイズ確率

今日のコンテンツ

3-1 条件付き確率

3-2 ベイズの定理

3-3 機械学習への応用

3. ベイズ確率

今日のコンテンツ

3-1 条件付き確率

3-2 ベイズの定理

3-3 機械学習への応用

確率基礎用語（標本空間と事象）

事象Aの起こる確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

確率基礎用語（標本空間と事象）

事象Aの起こる確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

偶数事象の要素数

確率基礎用語（標本空間と事象）

事象Aの起こる確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

偶数事象の要素数

標本空間の要素数

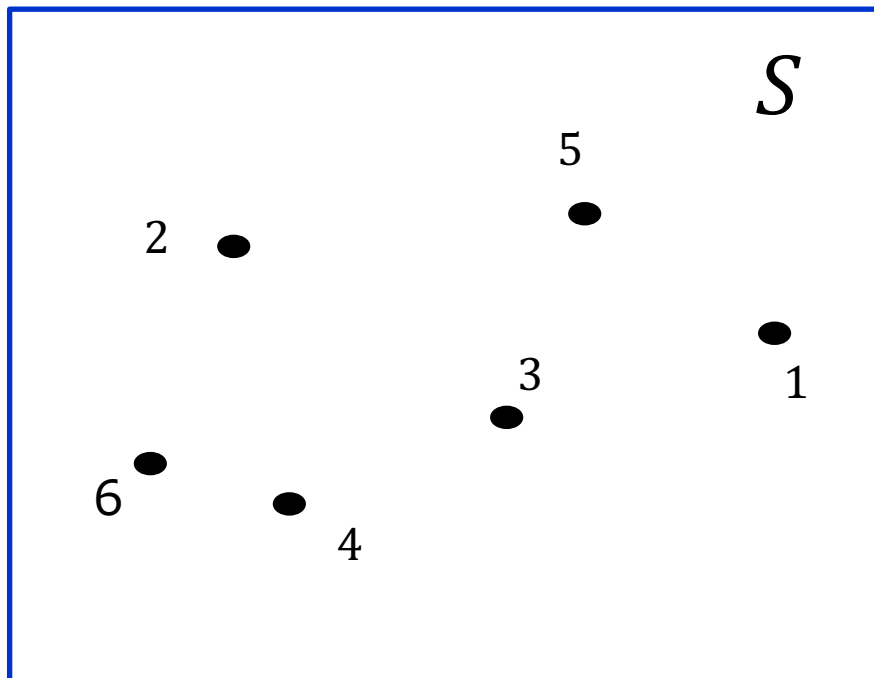
確率基礎用語（標本空間と事象）

事象Aの起こる確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

偶数事象の要素数

標本空間の要素数



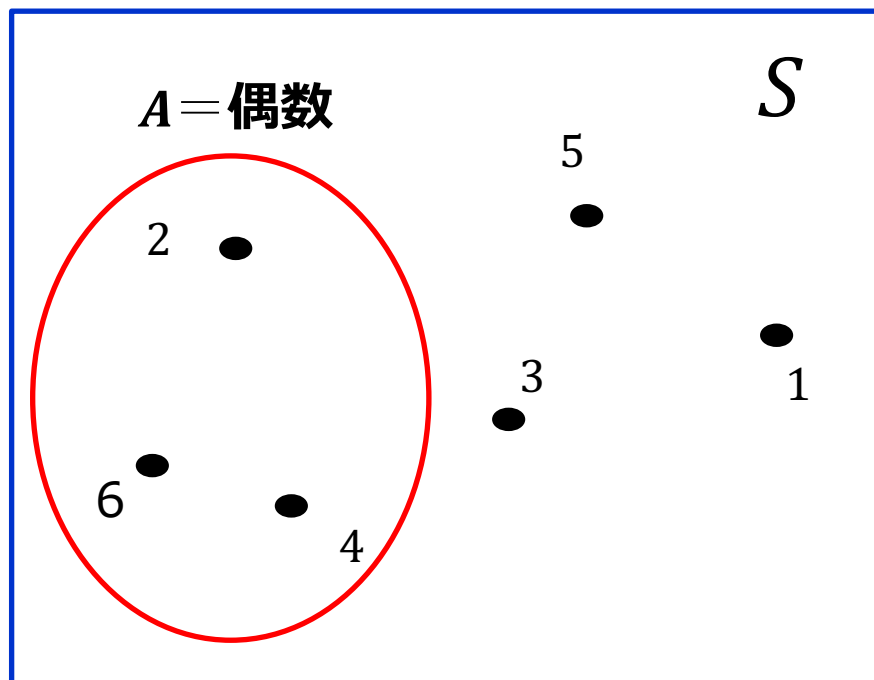
確率基礎用語（標本空間と事象）

事象Aの起こる確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

偶数事象の要素数

標本空間の要素数



確率基礎用語（標本空間と事象）

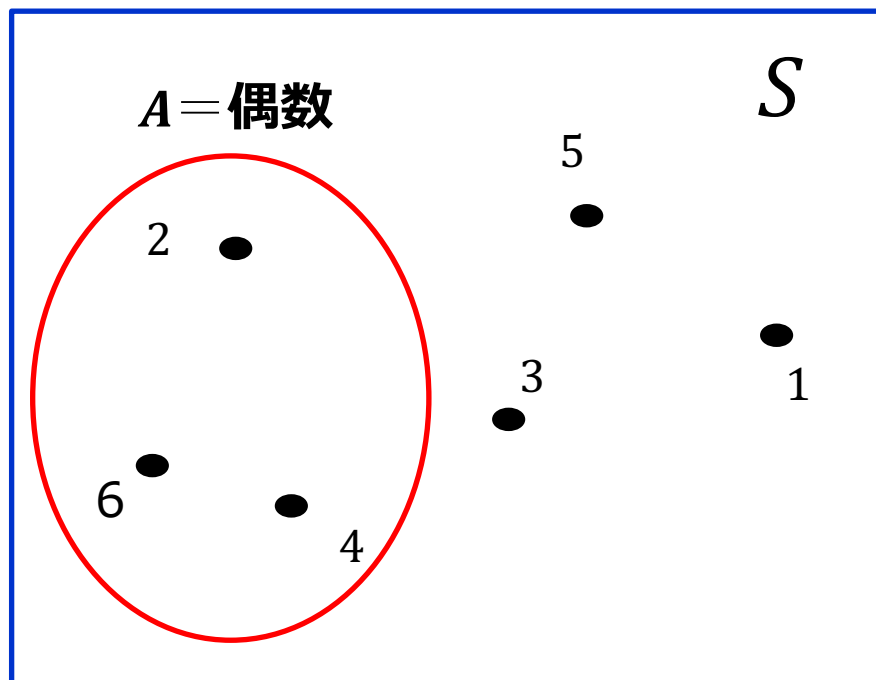
事象Aの起こる確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

偶数事象の要素数

標本空間の要素数

$$P(A) = \frac{3}{6}$$



問題

2 個のサイコロを転がすとき、次を求めよ

- (1) 標本空間
- (2) 両方が同じ目を出す確率
- (3) 目の和が 5 以下である確率
- (4) (2)もしくは(3)が起こる確率

解答（１）標本空間

標本空間

(1,1) (1,2) (1,3) (1,4) (1,5) (1,6)
(2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)
(3,1) (3,2) (3,3) (3,4) (3,5) (3,6)
(4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)
(5,1) (5,2) (5,3) (5,4) (5,5) (5,6)
(6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6)

解答（２）両方が同じ目を出す確率

標本空間

(1,1) (1,2) (1,3) (1,4) (1,5) (1,6)
(2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)
(3,1) (3,2) (3,3) (3,4) (3,5) (3,6)
(4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)
(5,1) (5,2) (5,3) (5,4) (5,5) (5,6)
(6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6)

解答（２）両方が同じ目を出す確率

標本空間

(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)
(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(2,6)
(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)	(3,5)	(3,6)
(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	(4,5)	(4,6)
(5,1)	(5,2)	(5,3)	(5,4)	(5,5)	(5,6)
(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)

解答（２）両方が同じ目を出す確率

標本空間

(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)
(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(2,6)
(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)	(3,5)	(3,6)
(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	(4,5)	(4,6)
(5,1)	(5,2)	(5,3)	(5,4)	(5,5)	(5,6)
(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)

$$E_1 = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5), (6,6)\}$$

解答（２）両方が同じ目を出す確率

標本空間

(1,1) (1,2) (1,3) (1,4) (1,5) (1,6)
(2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)
(3,1) (3,2) (3,3) (3,4) (3,5) (3,6)
(4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)
(5,1) (5,2) (5,3) (5,4) (5,5) (5,6)
(6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6)

$$E_1 = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5), (6,6)\}$$

$$P(\text{同じ目}) = \frac{n(E_1)}{n(S)} = \frac{6}{36}$$

解答（３）目の和が５以下である確率

標本空間

(1,1) (1,2) (1,3) (1,4) (1,5) (1,6)
(2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)
(3,1) (3,2) (3,3) (3,4) (3,5) (3,6)
(4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)
(5,1) (5,2) (5,3) (5,4) (5,5) (5,6)
(6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6)

解答（３）目の和が５以下である確率

標本空間

(1,1) (1,2) (1,3) (1,4) (1,5) (1,6)
(2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)
(3,1) (3,2) (3,3) (3,4) (3,5) (3,6)
(4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)
(5,1) (5,2) (5,3) (5,4) (5,5) (5,6)
(6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6)

解答（３）目の和が５以下である確率

標本空間

(1,1) (1,2) (1,3) (1,4) (1,5) (1,6)
(2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)
(3,1) (3,2) (3,3) (3,4) (3,5) (3,6)
(4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)
(5,1) (5,2) (5,3) (5,4) (5,5) (5,6)
(6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6)

$$E_2 = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (2,1), (2,2), (2,3), (3,1), (3,2), (4,1)\}$$

解答（３）目の和が５以下である確率

標本空間

(1,1) (1,2) (1,3) (1,4) (1,5) (1,6)
(2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)
(3,1) (3,2) (3,3) (3,4) (3,5) (3,6)
(4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)
(5,1) (5,2) (5,3) (5,4) (5,5) (5,6)
(6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6)

$$E_2 = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (2,1), (2,2), (2,3), (3,1), (3,2), (4,1)\}$$

$$P(5 \text{ 以下}) = \frac{n(E_2)}{n(S)} = \frac{10}{36}$$

解答（４）「同じ目」または「目の和が５以下」である確率

$$E_1 = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5), (6,6)\}$$

$$E_2 = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (2,1), (2,2), (2,3), (3,1), (3,2), (4,1)\}$$

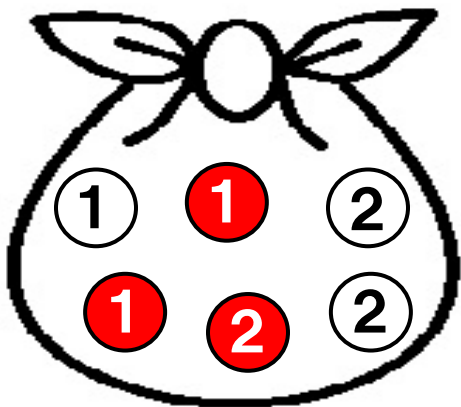


$$E_1 \cap E_2 = \{(1,1), (2,2)\}$$

$$P(E_1 \cup E_2) = \frac{n(E_1 \cup E_2)}{n(S)} = \frac{n(E_1) + n(E_2) - n(E_1 \cap E_2)}{n(S)} = \frac{6 + 10 - 2}{36} = \frac{14}{36}$$

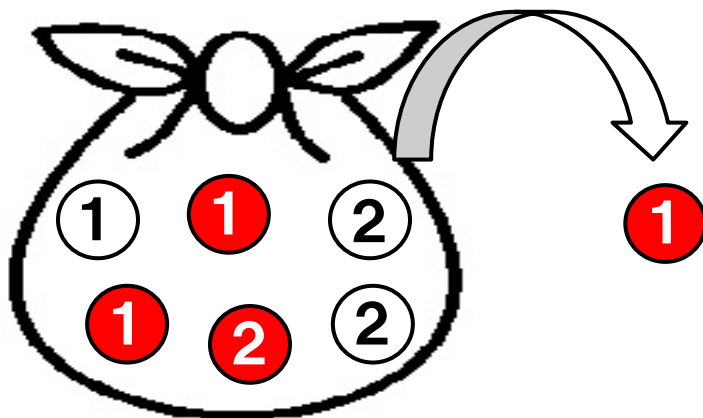
問題

次の図の袋の中には、赤い玉が3つ、白い玉が3つ入っています。赤い玉のうち2つには「1」、残りの1つには「2」と書かれています。一方、白い玉のうち2つには「2」、残りの1つには「1」と書かれています。この袋の中から玉を1つ取り出す時、「1」と書かれた赤色の玉が取り出される確率はいくらでしょうか。



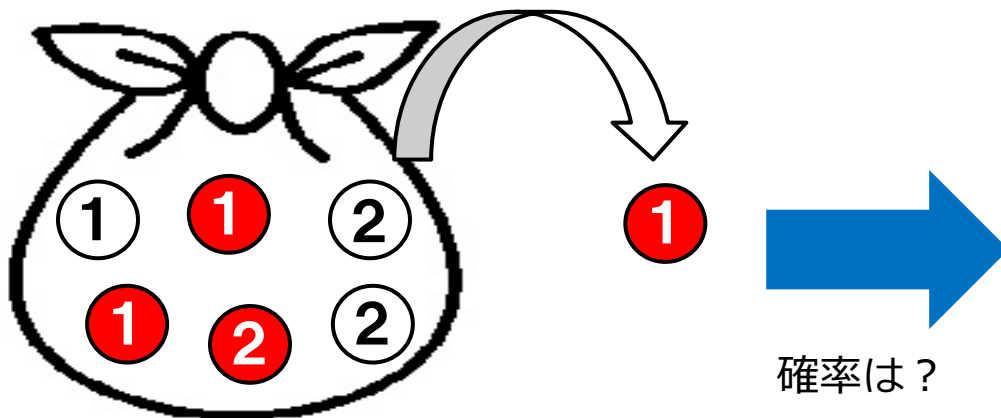
問題

次の図の袋の中には、赤い玉が3つ、白い玉が3つ入っています。赤い玉のうち2つには「1」、残りの1つには「2」と書かれています。一方、白い玉のうち2つには「2」、残りの1つには「1」と書かれています。この袋の中から玉を1つ取り出す時、「1」と書かれた赤色の玉が取り出される確率はいくらでしょうか。



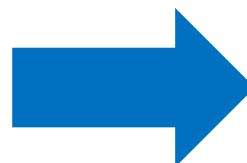
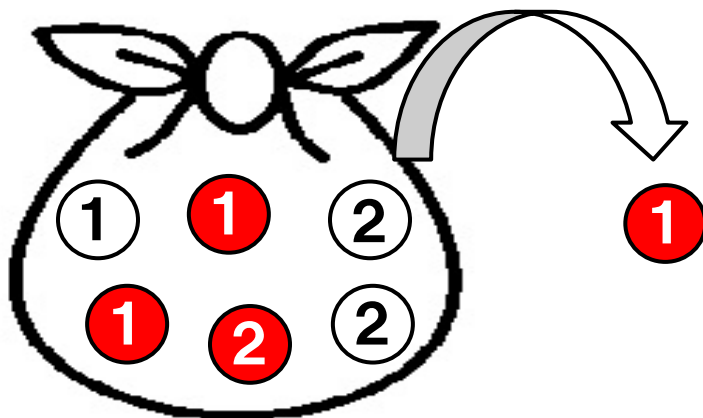
問題

次の図の袋の中には、赤い玉が3つ、白い玉が3つ入っています。赤い玉のうち2つには「1」、残りの1つには「2」と書かれています。一方、白い玉のうち2つには「2」、残りの1つには「1」と書かれています。この袋の中から玉を1つ取り出す時、「1」と書かれた赤色の玉が取り出される確率はいくらでしょうか。



問題

次の図の袋の中には、赤い玉が3つ、白い玉が3つ入っています。赤い玉のうち2つには「1」、残りの1つには「2」と書かれています。一方、白い玉のうち2つには「2」、残りの1つには「1」と書かれています。この袋の中から玉を1つ取り出す時、「1」と書かれた赤色の玉が取り出される確率はいくらでしょうか。

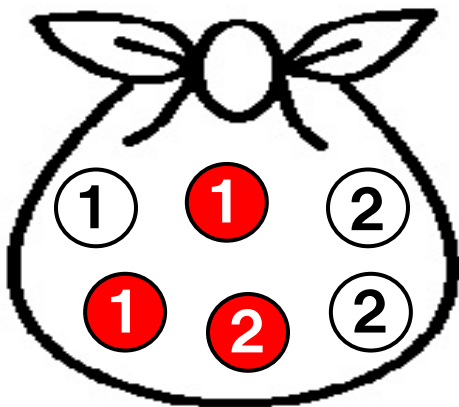


確率は？

$$P(1) = \frac{2}{6}$$

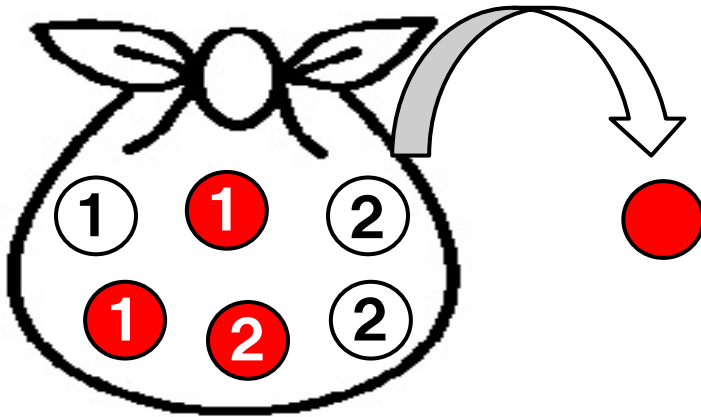
問題（条件付き確率）

同じ袋の中から玉を1つ取り出した時、その玉は赤色でした。この赤い玉に「1」と書かれている確率はいくらでしょうか。



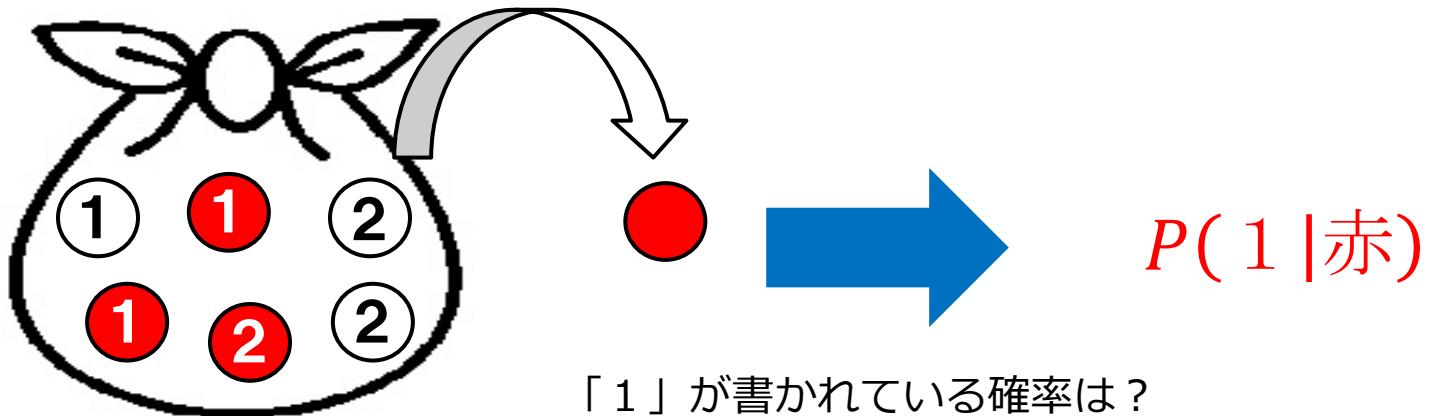
問題（条件付き確率）

同じ袋の中から玉を1つ取り出した時、その玉は赤色でした。この赤い玉に「1」と書かれている確率はいくらでしょうか。



問題（条件付き確率）

同じ袋の中から玉を1つ取り出した時、その玉は赤色でした。この赤い玉に「1」と書かれている確率はいくらでしょうか。



条件付き確率

条件付き確率

事象 B が起こる条件の下で事象 A が発生する確率

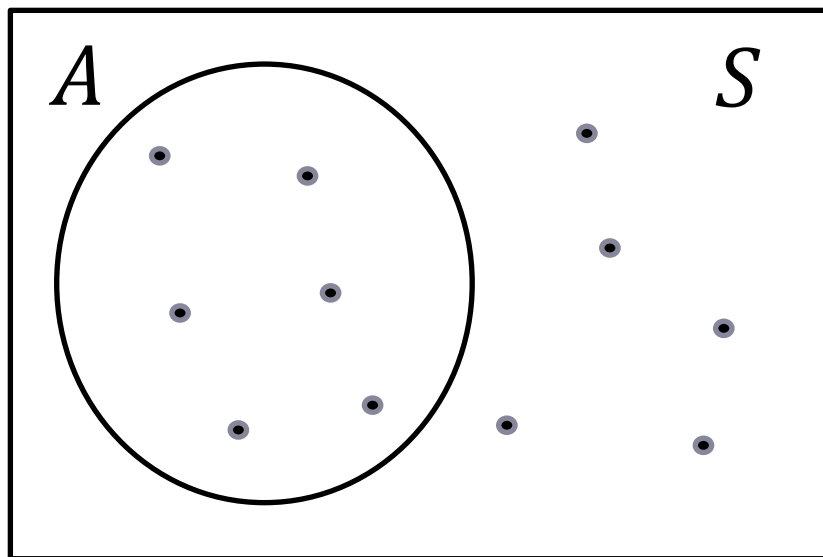
$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} \quad (\text{事象}A\text{が起こる確率})$$

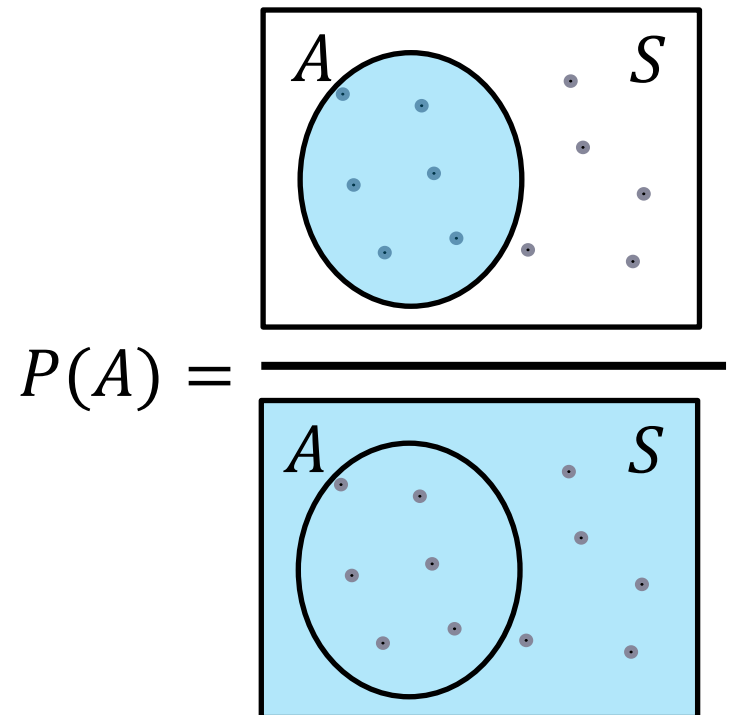
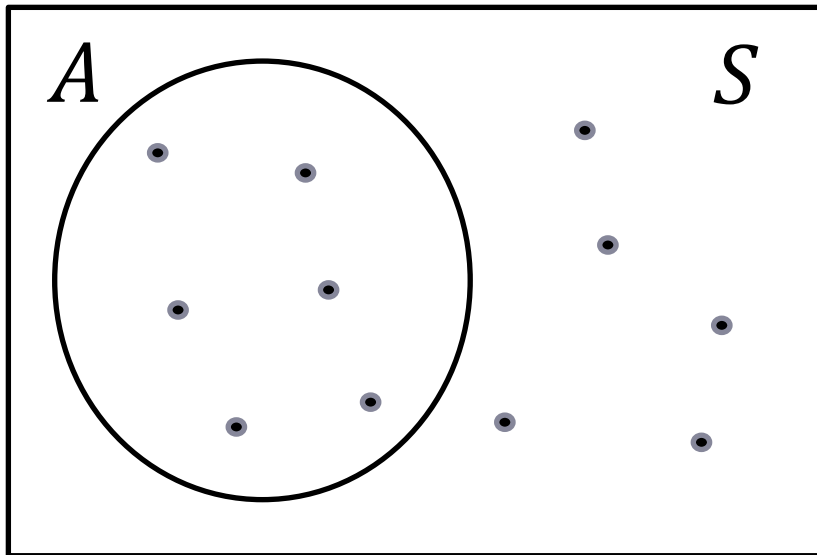
確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} \quad (\text{事象}A\text{が起こる確率})$$



確率

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} \quad (\text{事象}A\text{が起こる確率})$$

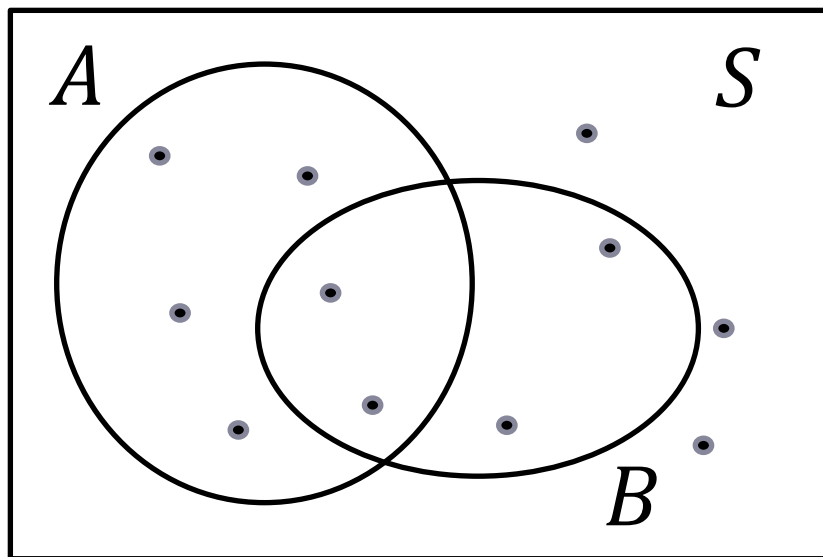


確率

$$P(A|B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} \text{ (事象 } A \cap B \text{ が起こる確率)}$$

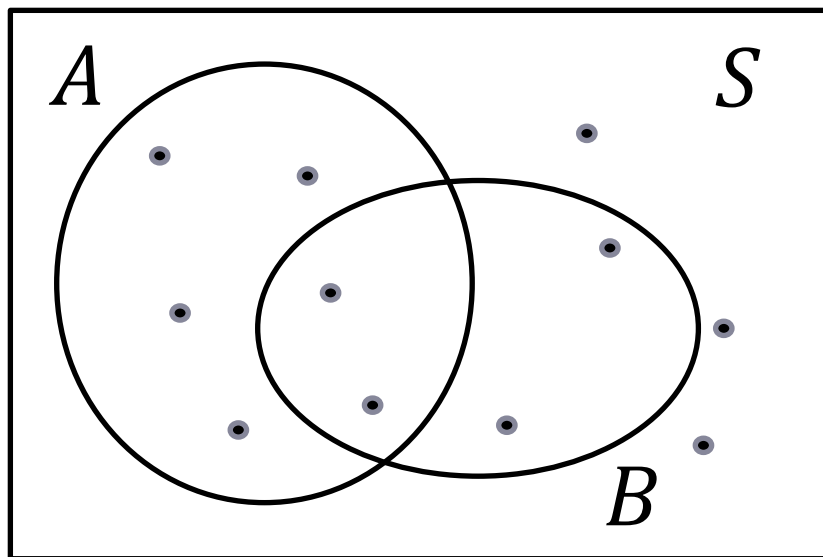
確率

$$P(A \cap B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} \quad (\text{事象 } A \cap B \text{ が起こる確率})$$

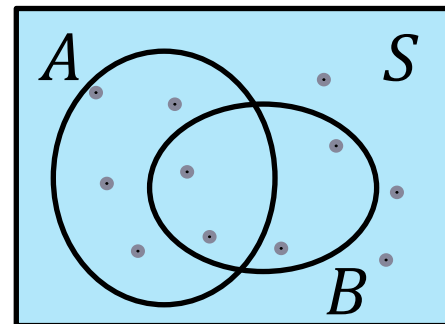
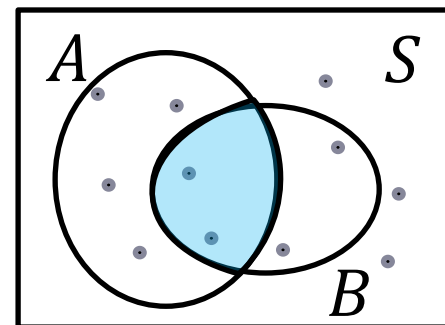


確率

$$P(A \cap B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} \quad \text{(事象 } A \cap B \text{ が起こる確率)}$$



$$P(A) = \frac{\quad}{\quad}$$

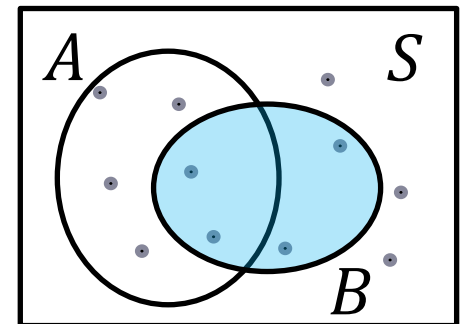
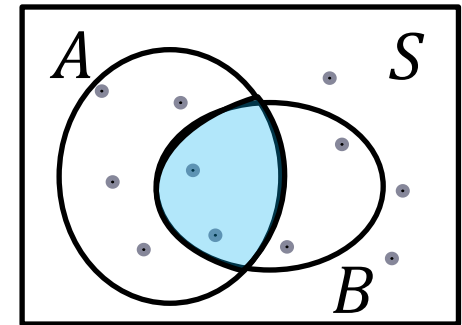


条件付き確率

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

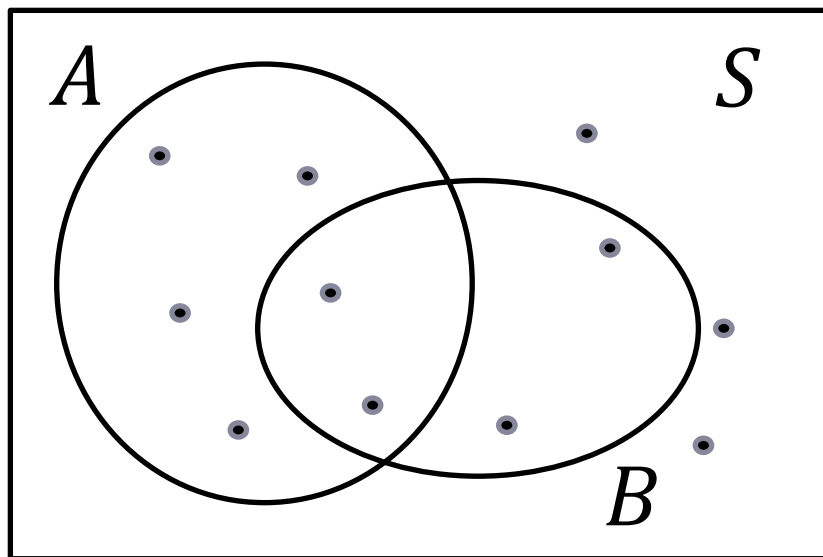
(事象Bが起こる条件の下で事象Aが発生する確率)

$$P(A|B) = \frac{\frac{n(A \cap B)}{n(S)}}{\frac{n(B)}{n(S)}} = \frac{n(A \cap B)}{n(B)} =$$

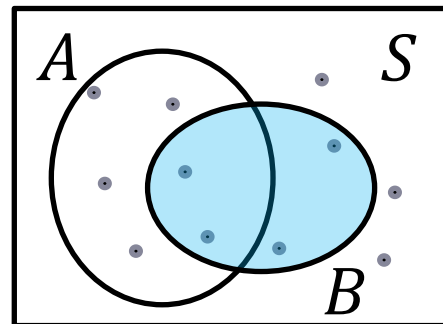
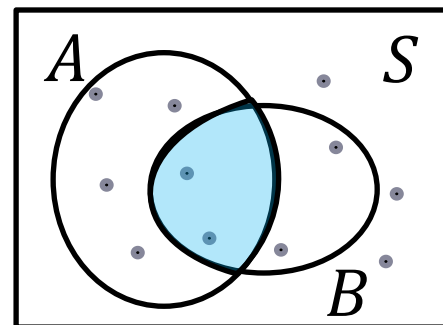


条件付き確率

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

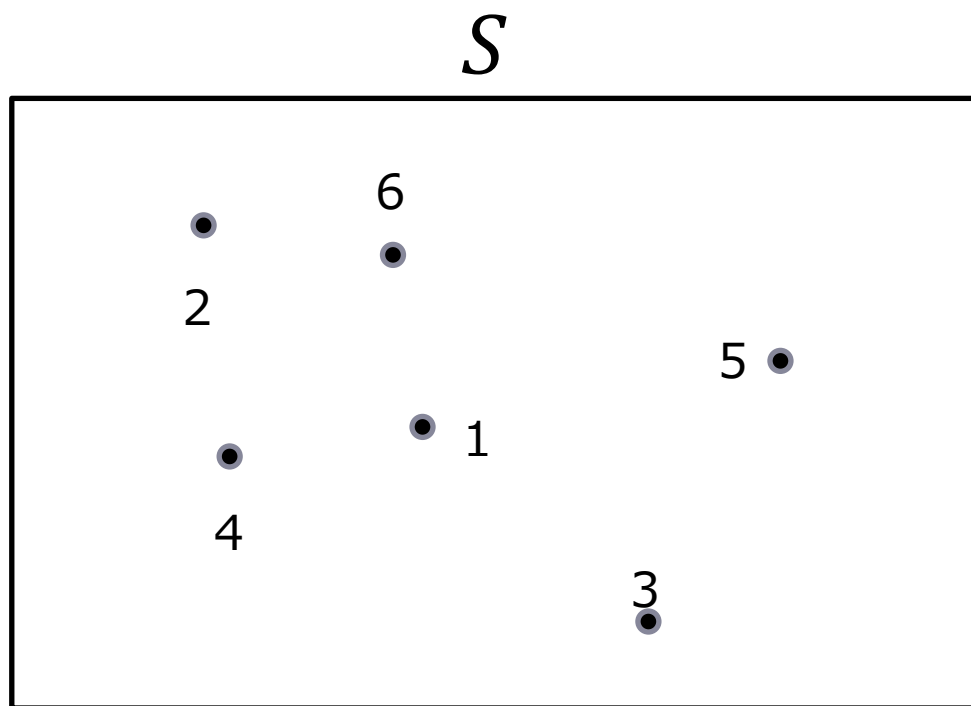


$$P(A|B) = \frac{\text{Number of points in } A \cap B}{\text{Number of points in } B}$$



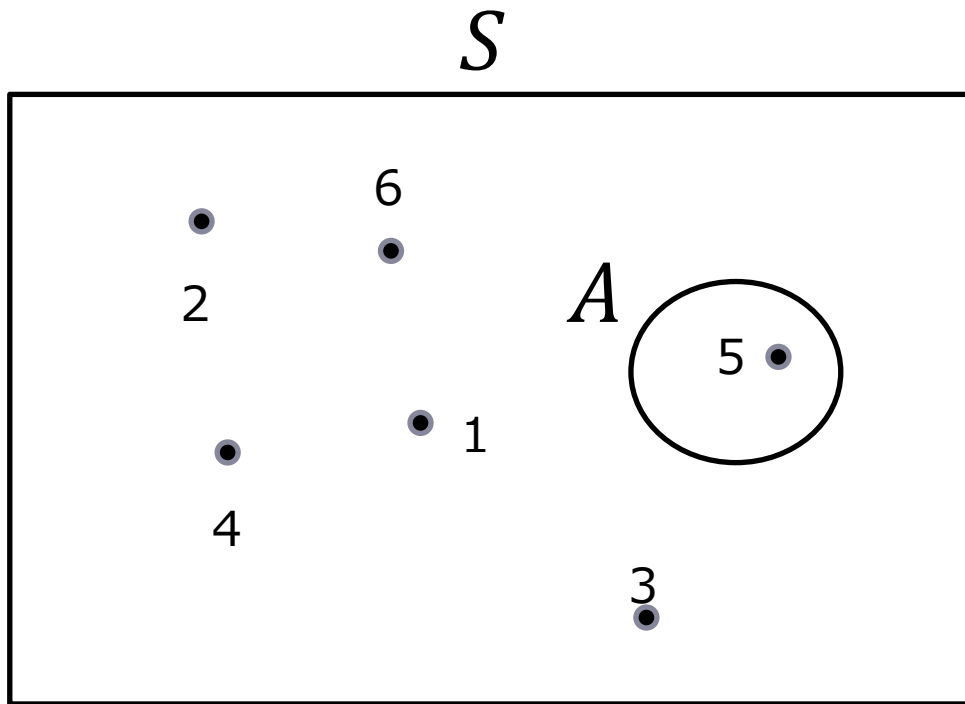
問題：条件付き確率

サイコロを1回投げた時、5が出る確率は？



問題：条件付き確率

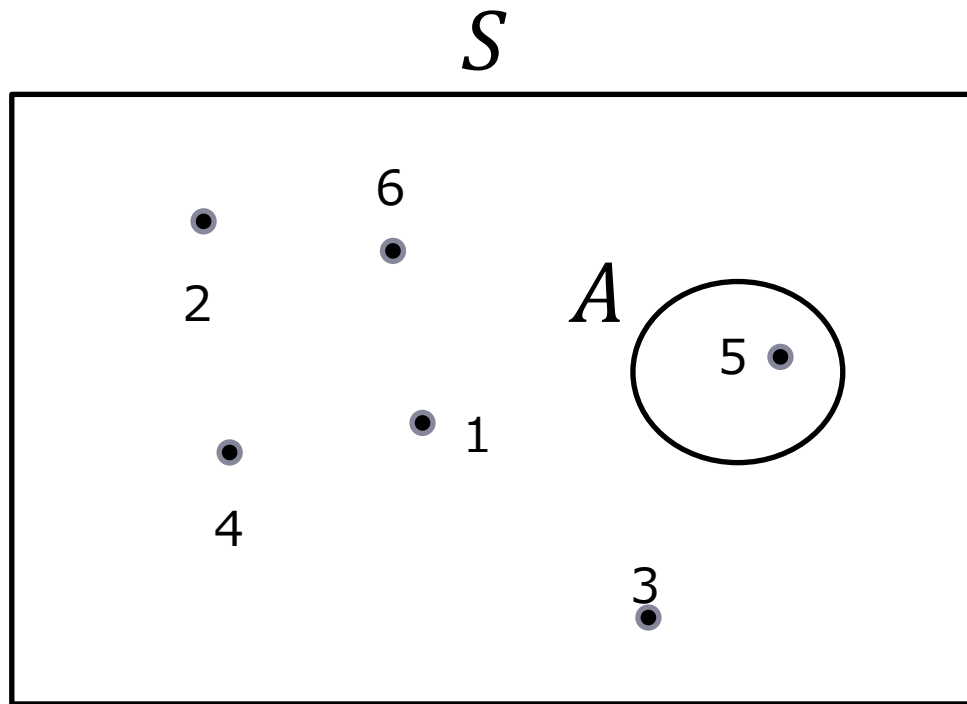
サイコロを1回投げた時、5が出る確率は？



$$A = \{5\}$$

問題：条件付き確率

サイコロを 1 回投げた時、5 が出る確率は？



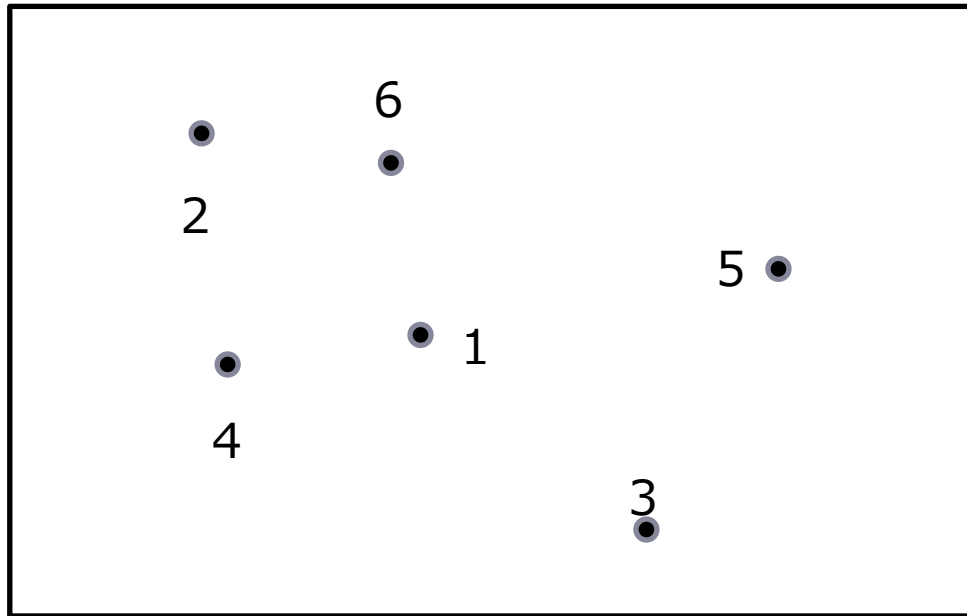
$$A = \{5\}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{1}{6}$$

問題：条件付き確率

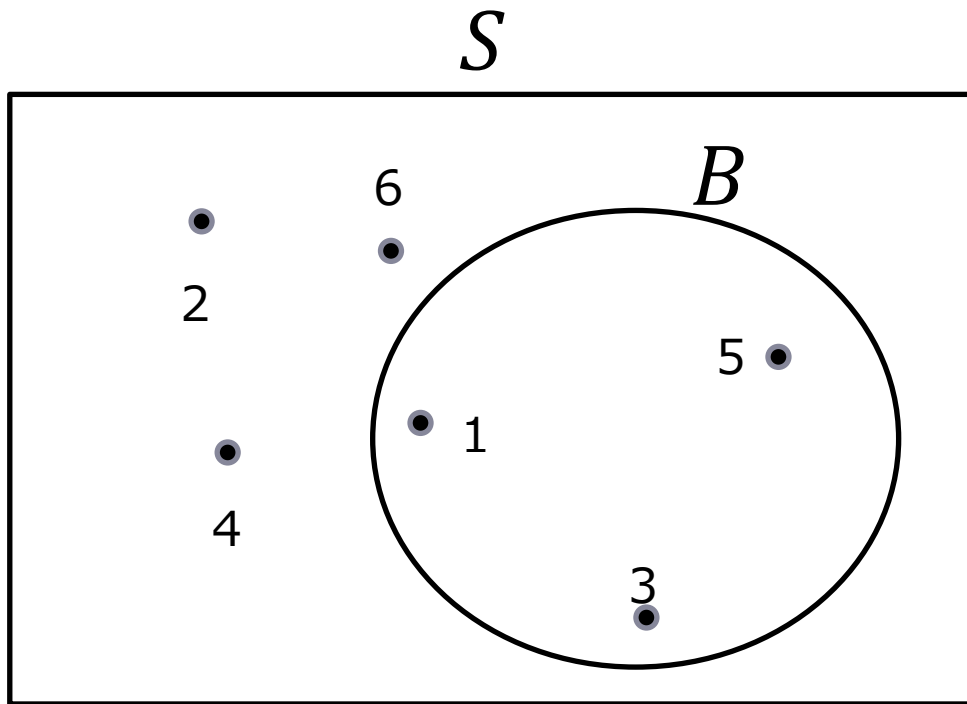
サイコロを1回投げた時、奇数が出たという条件の下、5が出る確率は？

S



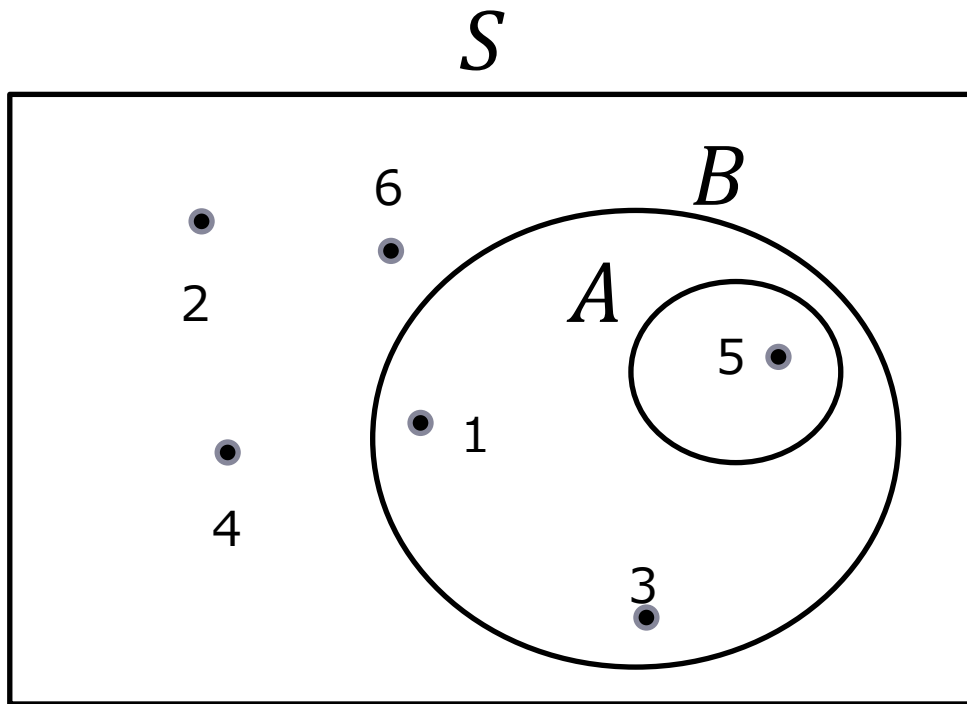
問題：条件付き確率

サイコロを1回投げた時、奇数が出たという条件の下、5が出る確率は？



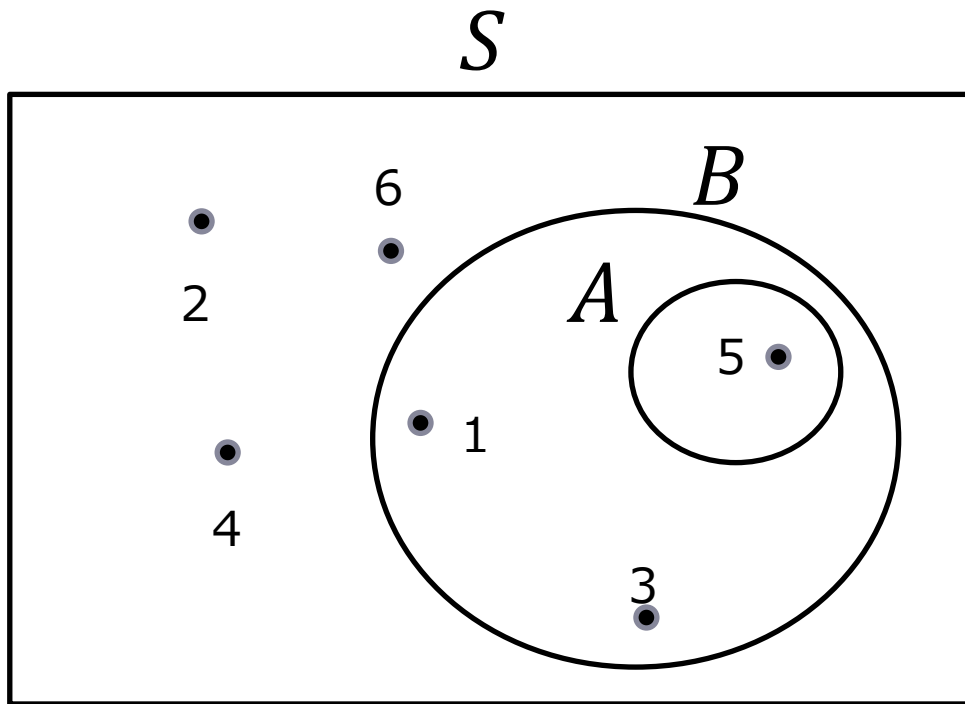
問題：条件付き確率

サイコロを1回投げた時、奇数が出たという条件の下、5が出る確率は？



問題：条件付き確率

サイコロを1回投げた時、奇数が出たという条件の下、5が出る確率は？

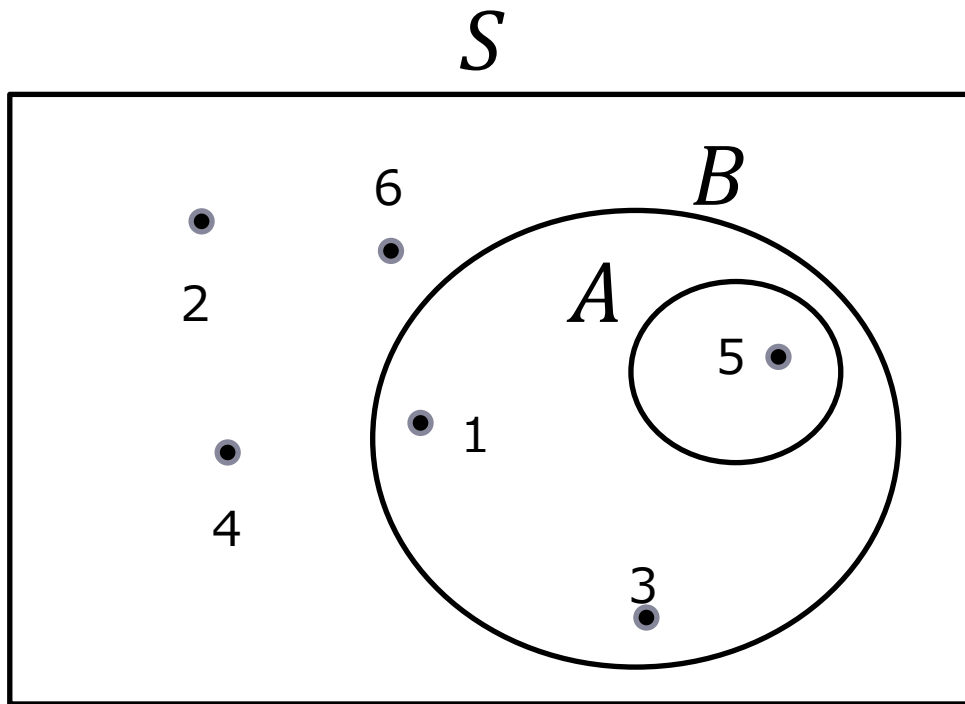


$$A = \{5\}$$

$$B = \{\text{奇数}\} = \{1, 3, 5\}$$

問題：条件付き確率

サイコロを1回投げた時、奇数が出たという条件の下、5が出る確率は？



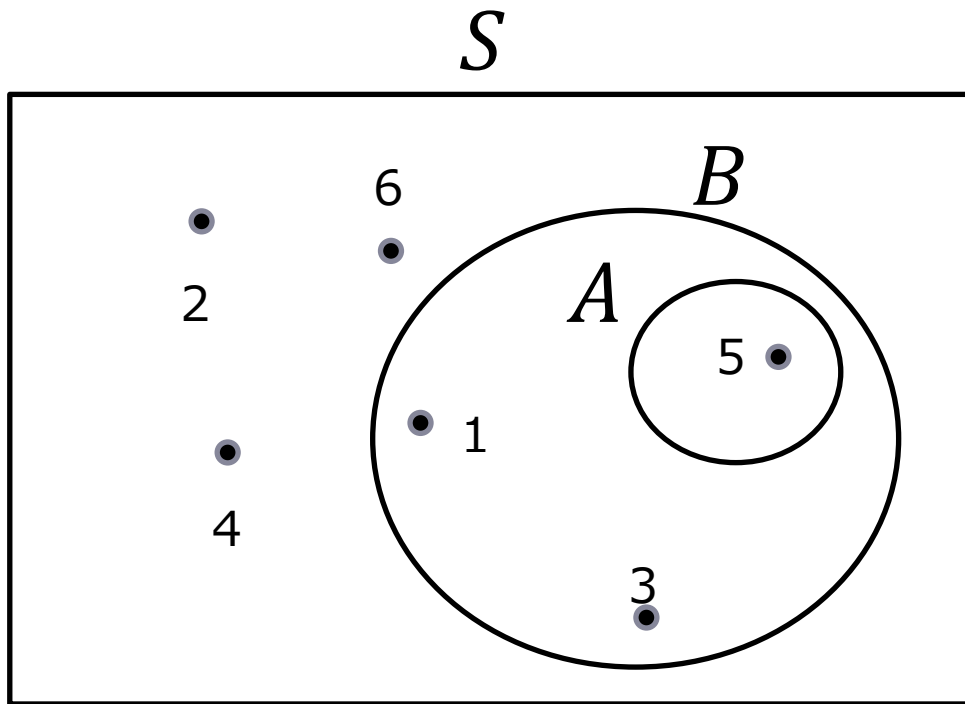
$$A = \{5\}$$

$$B = \{\text{奇数}\} = \{1, 3, 5\}$$

$$A \cap B = \{5\}$$

問題：条件付き確率

サイコロを1回投げた時、奇数が出たという条件の下、5が出る確率は？



$$A = \{5\}$$

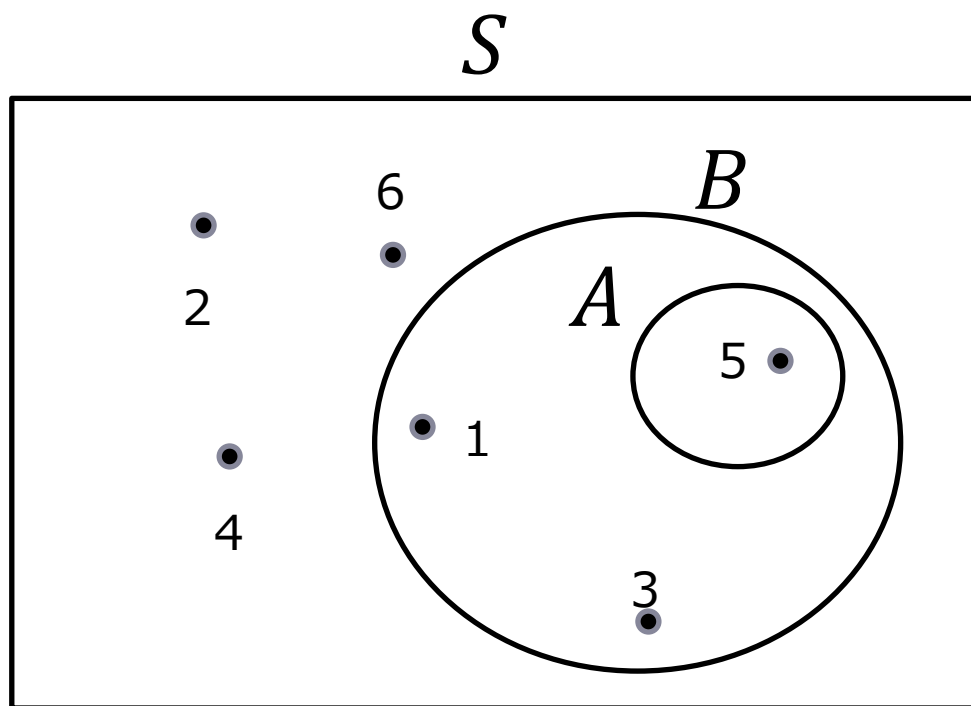
$$B = \{\text{奇数}\} = \{1, 3, 5\}$$

$$A \cap B = \{5\}$$

$$P(A|B) = \frac{n(A \cap B)}{n(B)}$$

問題：条件付き確率

サイコロを1回投げた時、奇数が出たという条件の下、5が出る確率は？



$$A = \{5\}$$

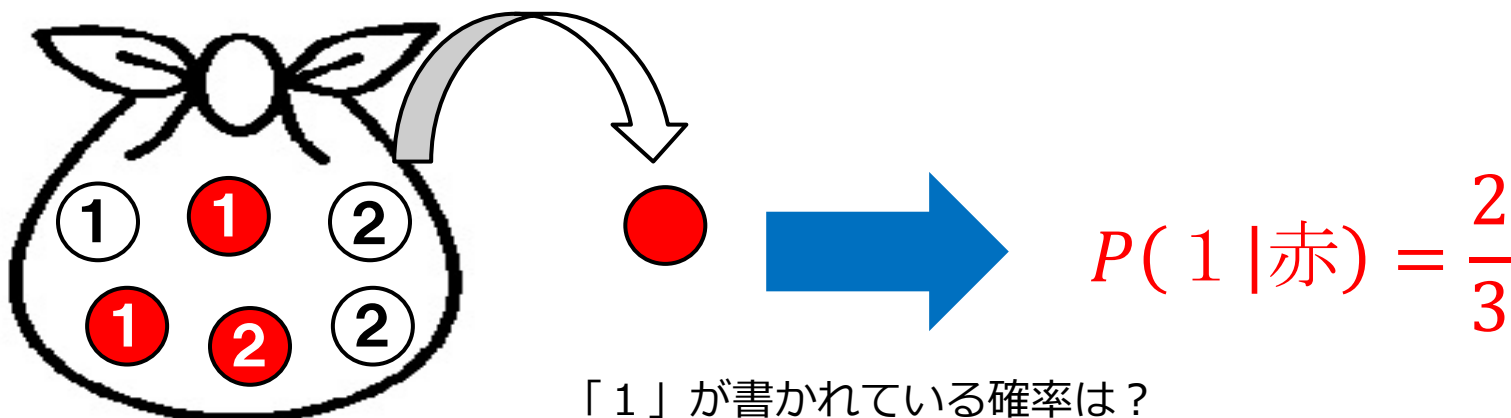
$$B = \{\text{奇数}\} = \{1, 3, 5\}$$

$$A \cap B = \{5\}$$

$$\begin{aligned} P(A|B) &= \frac{n(A \cap B)}{n(B)} \\ &= \frac{1}{3} \end{aligned}$$

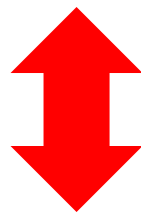
問題：条件付き確率

同じ袋の中から玉を1つ取り出した時、その玉は赤色でした。この赤い玉に「1」と書かれている確率はいくらでしょうか。



条件付き確率

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$



$$P(A \cap B) = P(A|B) P(B)$$

条件付き確率 $P(A \cap B) = P(A|B) P(B)$

箱の中に3つの袋があり、それぞれ次のように赤と青の玉が入っている。

袋1：赤い玉4つ、青い玉1つ

袋2：赤い玉3つ、青い玉3つ

袋3：赤い玉2つ、青い玉4つ

袋2を選び、そこから青玉を取り出す確率は？

条件付き確率 $P(A \cap B) = P(A|B) P(B)$

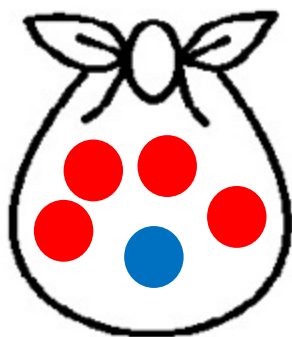
箱の中に3つの袋があり、それぞれ次のように赤と青の玉が入っている。

袋1：赤い玉4つ、青い玉1つ

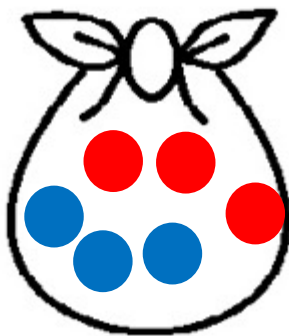
袋2：赤い玉3つ、青い玉3つ

袋3：赤い玉2つ、青い玉4つ

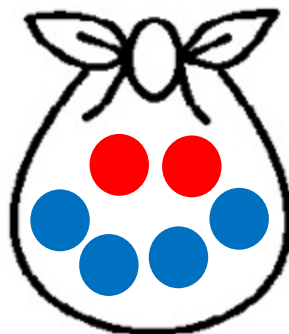
袋2を選び、そこから青玉を取り出す確率は？



袋1



袋2



袋3

条件付き確率 $P(A \cap B) = P(A|B) P(B)$

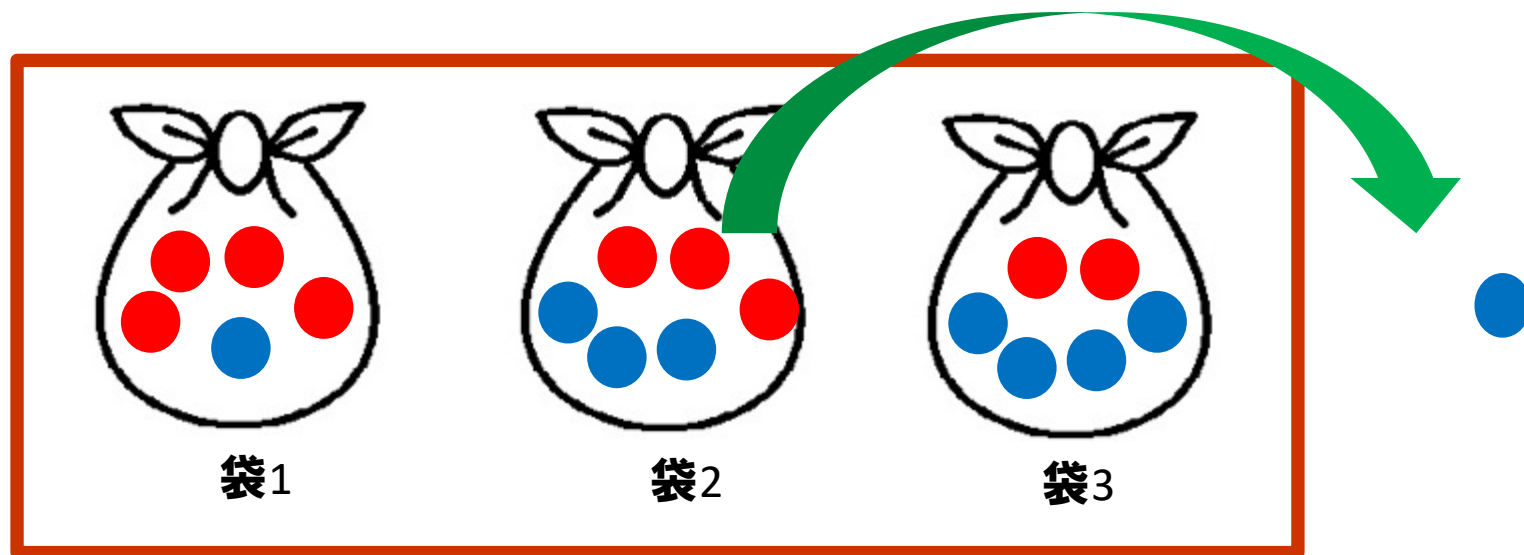
箱の中に3つの袋があり、それぞれ次のように赤と青の玉が入っている。

袋1：赤い玉4つ、青い玉1つ

袋2：赤い玉3つ、青い玉3つ

袋3：赤い玉2つ、青い玉4つ

袋2を選び、そこから青玉を取り出す確率は？



条件付き確率 $P(A \cap B) = P(A|B) P(B)$

箱の中に3つの袋があり、それぞれ次のように赤と青の玉が入っている。

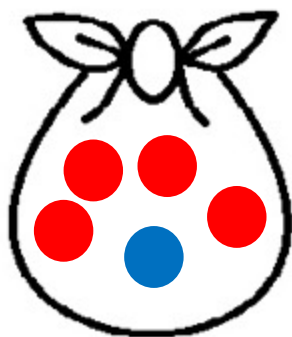
袋1：赤い玉4つ、青い玉1つ

袋2：赤い玉3つ、青い玉3つ

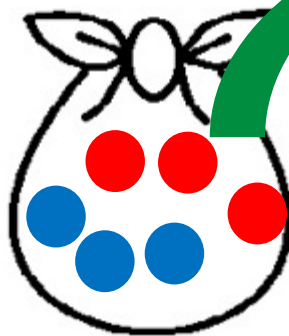
袋3：赤い玉2つ、青い玉4つ

袋2を選び、そこから青玉を取り出す確率は？

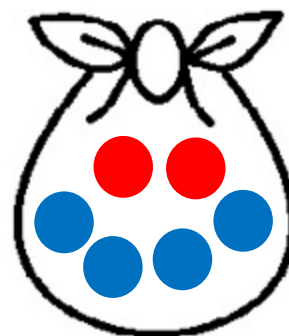
$A = \text{青玉}$
 $B = \text{袋2}$



袋1



袋2



袋3

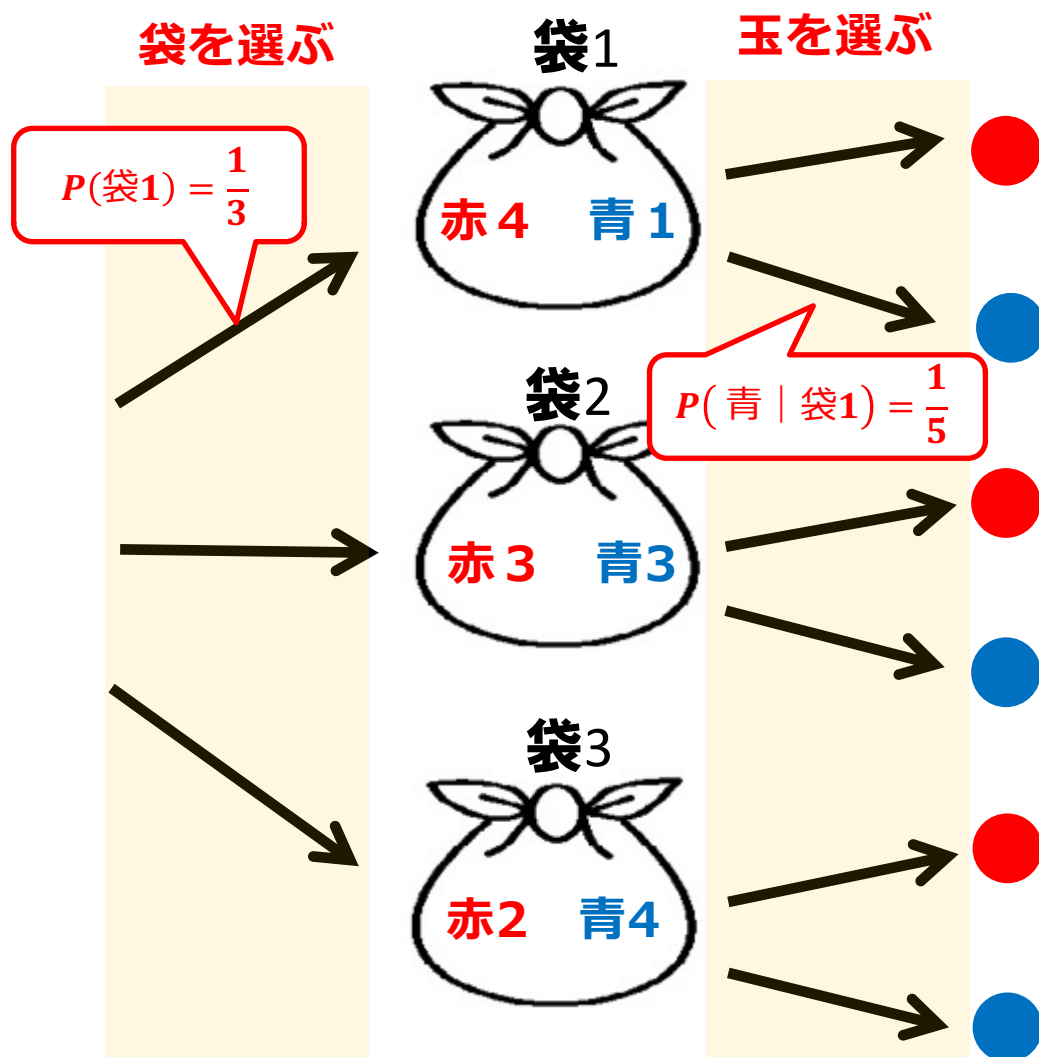
条件付き確率

$$P(A \cap B) = P(A|B)P(B)$$



$$P(\text{青} \cap \text{袋2}) = P(\text{青}|\text{袋2})P(\text{袋2})$$

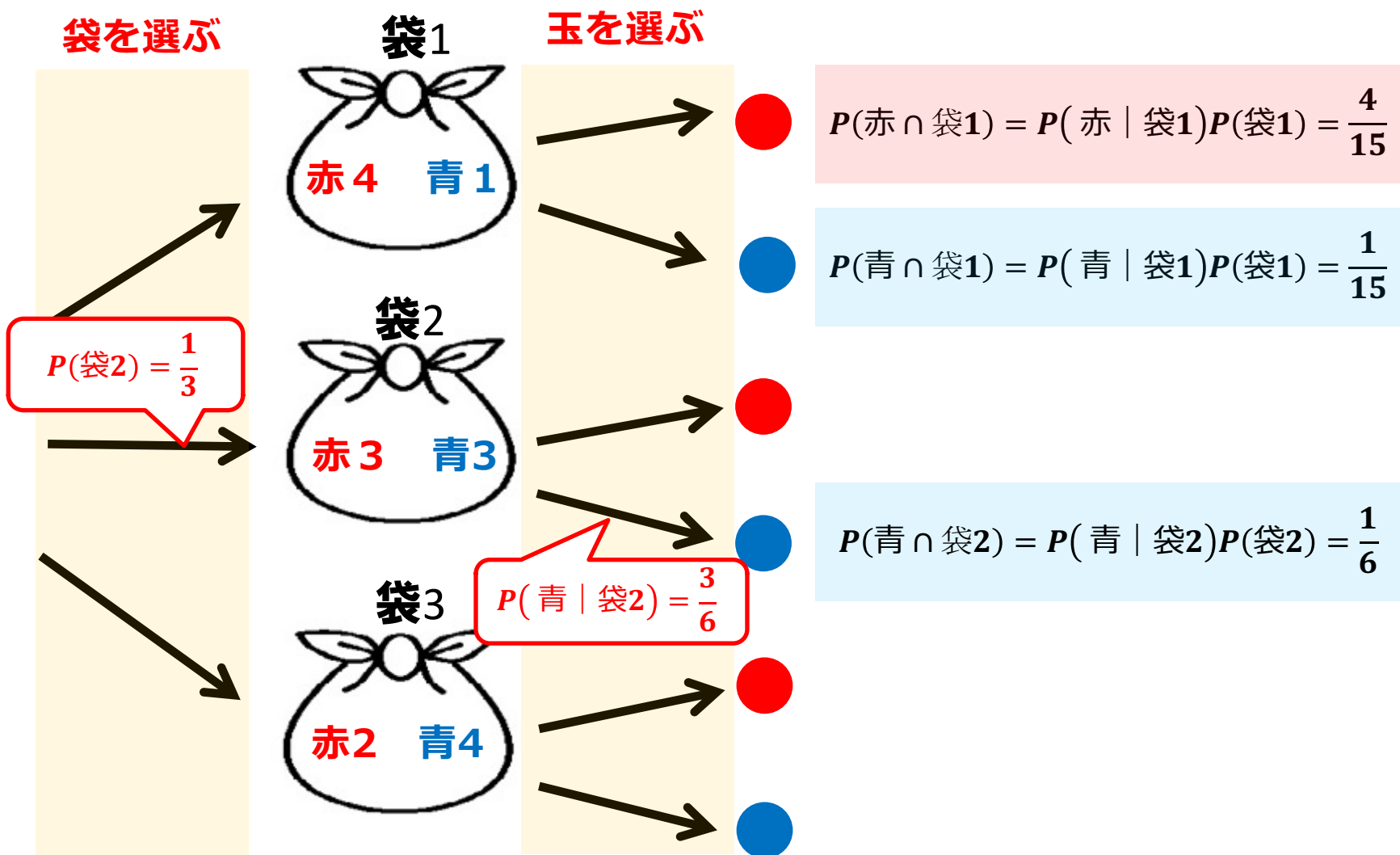
樹形図を使った可視化



$$P(\text{赤} \cap \text{袋1}) = P(\text{赤} | \text{袋1})P(\text{袋1}) = \frac{4}{15}$$

$$P(\text{青} \cap \text{袋1}) = P(\text{青} | \text{袋1})P(\text{袋1}) = \frac{1}{15}$$

樹形図を使った可視化



問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも
自民党	12	20	12
民主党	8	25	5
共産党	5	6	7

- (1) 反対と答える人の確率は？
- (2) 民主党支持者の中で、反対と答える確率は？
- (3) 反対と答えた人の中で、民主党支持者である確率は？
- (4) 民主党でかつ反対すると答えた人の確率は？

問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも
自民党	12	20	12
民主党	8	25	5
共産党	5	6	7

(1) 反対と答える人の確率は？

問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも
自民党	12	20	12
民主党	8	25	5
共産党	5	6	7
合計		51	

(1) 反対と答える人の確率は？

$$P(\text{反対}) = 51/100$$

問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも
自民党	12	20	12
民主党	8	25	5
共産党	5	6	7

(2) 民主党支持者の中で、反対と答える確率は？

問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも	合計
自民党	12	20	12	
民主党	8	25	5	38
共産党	5	6	7	

(2) 民主党支持者の中で、反対と答える確率は？

$$P(\text{反対}|\text{民主党})=25/38$$

問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも
自民党	12	20	12
民主党	8	25	5
共産党	5	6	7

(3) 反対と答えた人の中で、民主党支持者である確率は？

問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも
自民党	12	20	12
民主党	8	25	5
共産党	5	6	7
合計		51	

(3) 反対と答えた人の中で、民主党支持者である確率は？

$$P(\text{民主党}|\text{反対})=25/51$$

問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも
自民党	12	20	12
民主党	8	25	5
共産党	5	6	7

(4) 民主党でかつ反対すると答えた人の確率は？

問題：条件付き確率

次の表はある法案に関する政党支持者別(100人)の街頭調査の結果です。

	賛成	反対	どちらでも
自民党	12	20	12
民主党	8	25	5
共産党	5	6	7

(4) 民主党でかつ反対すると答えた人の確率は？

$$P(\text{民主党} \cap \text{反対}) = 25/100$$

3. ベイズ確率

今日のコンテンツ

3-1 条件付き確率

3-2 ベイズの定理

3-3 機械学習への応用

ベイズの定理

条件付き確率

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$



$$P(A \cap B) = P(B) P(A|B)$$

同じこと



$$P(B \cap A) = P(A) P(B|A)$$

$$P(A \cap B) = P(B \cap A)$$



$$P(B)P(A|B) = P(A) P(B|A)$$



$$P(B|A) = \frac{P(B)P(A|B)}{P(A)}$$

ベイズの定理

ベイズの定理

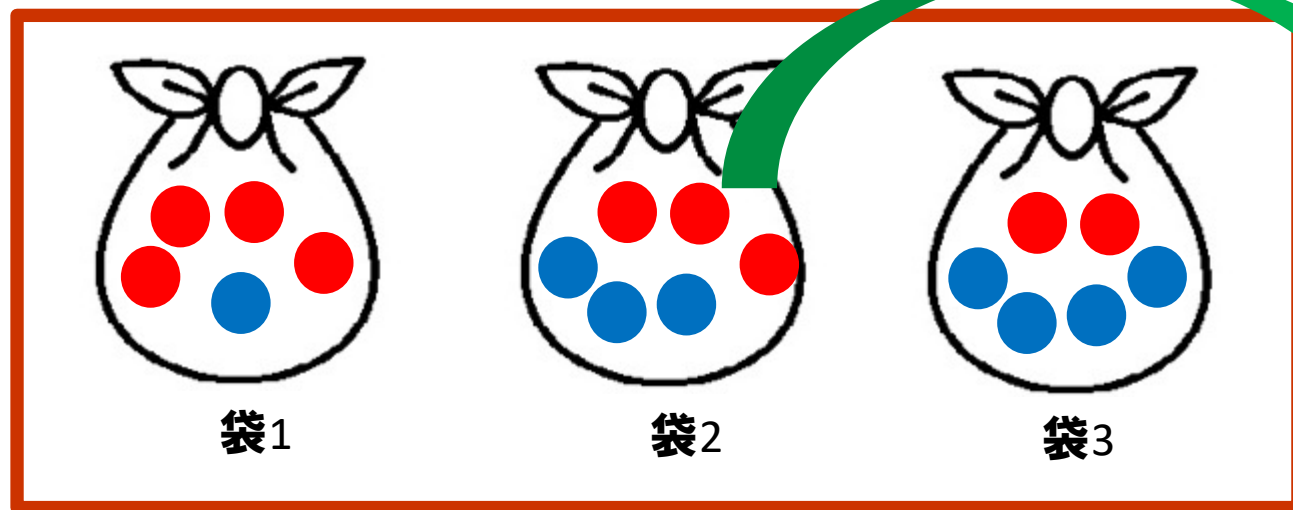
箱の中に3つの袋があり、それぞれ次のように赤と青の玉が入っている。

袋1：赤い玉4つ、青い玉1つ

袋2：赤い玉3つ、青い玉3つ

袋3：赤い玉2つ、青い玉4つ

いずれかの袋から玉を1つ取り出したところ、青玉だった。このとき選んだ袋が袋2である確率は？



ベイズの定理

ベイズの定理

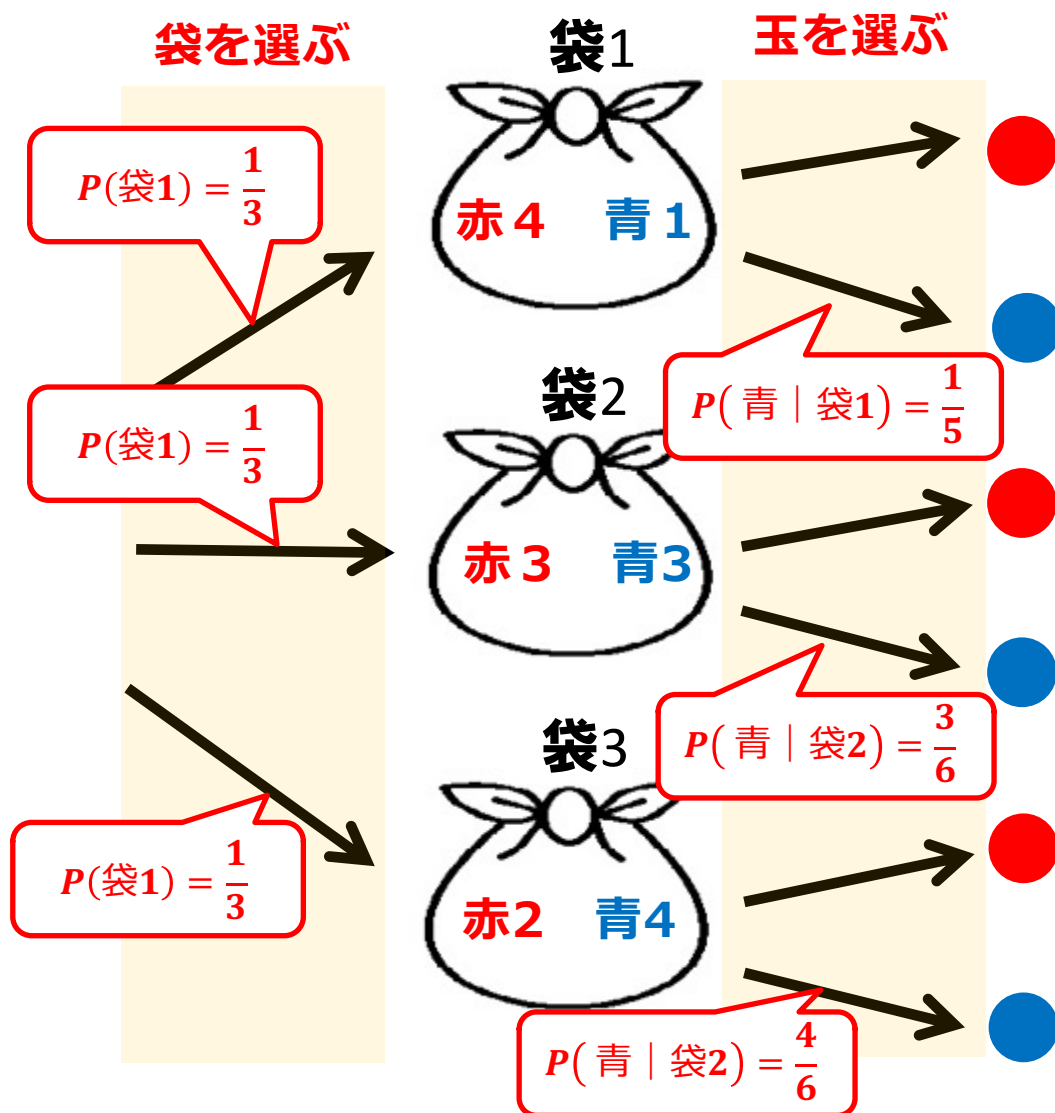
$$P(A|B) = \frac{P(A)P(B|A)}{P(B)}$$

$A = \text{袋2}$
 $B = \text{青玉}$



$$P(\text{袋2}|\text{青}) = \frac{P(\text{袋2})P(\text{青}|\text{袋2})}{P(\text{青})}$$

ベイズの定理



青玉を取り出す確率は？

$$P(\text{青} \cap \text{袋1}) = P(\text{青} | \text{袋1})P(\text{袋1}) = \frac{1}{15}$$

$$P(\text{青} \cap \text{袋2}) = P(\text{青} | \text{袋2})P(\text{袋2}) = \frac{1}{6}$$

$$P(\text{青} \cap \text{袋3}) = P(\text{青} | \text{袋3})P(\text{袋3}) = \frac{2}{9}$$

ベイズの定理

青玉を取り出す確率 $P(\text{青})$ は？

$$\begin{aligned} P(\text{青}) &= P(\text{青} \cap \text{袋1}) + P(\text{青} \cap \text{袋2}) + P(\text{青} \cap \text{袋3}) \\ &= 0.4556 \end{aligned}$$

$$P(\text{袋2}|\text{青}) = \frac{P(\text{袋2})P(\text{青}|\text{袋2})}{P(\text{青})}$$

ベイズの定理

$$= \frac{\frac{3}{6} \times \frac{1}{3}}{0.4556} = 0.3659$$

ベイズの定理



ベイズ統計学は直接知ることができない事を知るための理論と言える。
例えば、**結果から原因を予測する事ができる！**

モンティ・ホール問題

あなたは今テレビのバラエティのゲストとして呼ばれています。これから出す問題に正解すれば、**高級車**を手に入れることができます。

目の前に3つのドアがあります。そのうち1つには景品の高級車があり、他のドアにはハズレとして**ヤギ**います。高級車のドアを見事当てることができたならその高級車を手に入れることができます。

あなたはドアを1つ選択したとします。すると、司会者モンティはあなたが**選んでいないドアのうち、ハズレを1つ開けてしまいます**。そして、モンティはあなたにこう言います。

モンティ・ホール問題

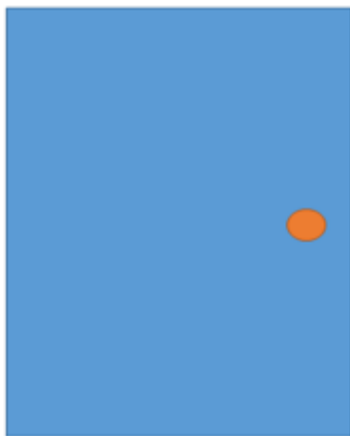
あなたは今テレビのバラエティのゲストとして呼ばれています。これから出す問題に正解すれば、**高級車**を手に入れることができます。

目の前に3つのドアがあります。そのうち1つには景品の高級車があり、他のドアにはハズレとして**ヤギ**います。高級車のドアを見事当てることができたならその高級車を手に入れることができます。

あなたはドアを1つ選択したとします。すると、司会者モンティはあなたが**選んでいないドアのうち、ハズレを1つ開けてしまいます**。そして、モンティはあなたにこう言います。

「最初に選んだドアをいま変更することができますがどうしますか？」

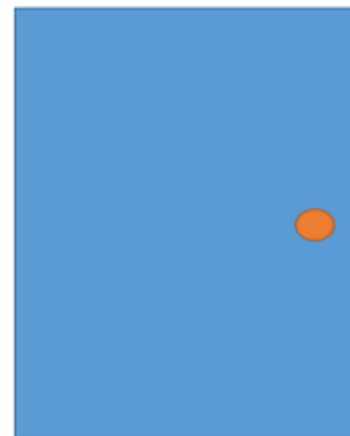
モンティ・ホール問題



①このドアを選択

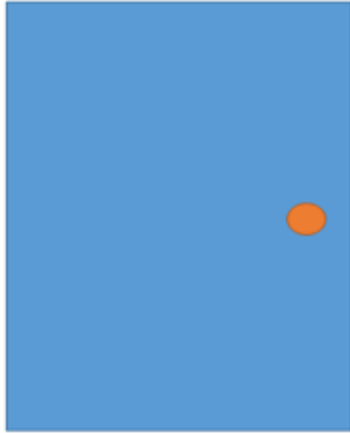


②司会者はこのドアを開けてヤギを見せる

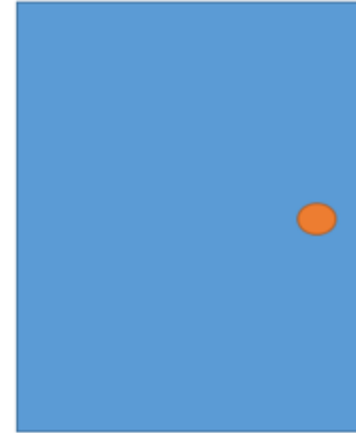
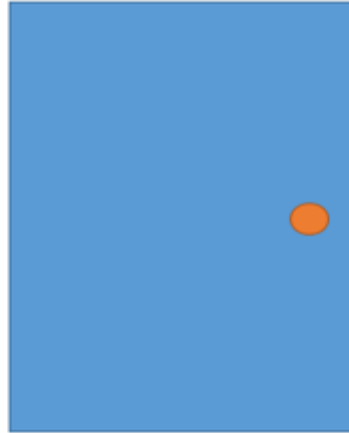


**真ん中のドア後ろにヤギがいることを知った後で、最初
に選択したドアを開くか、もう一つのドアに変えるか？**

モンティ・ホール問題

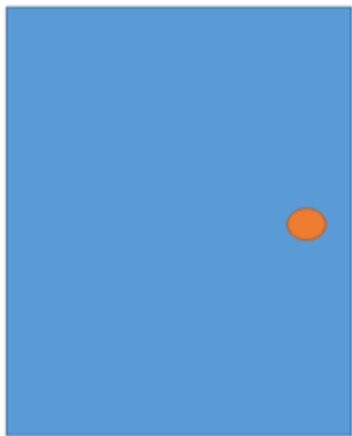


正解の確率 = $\frac{1}{3}$

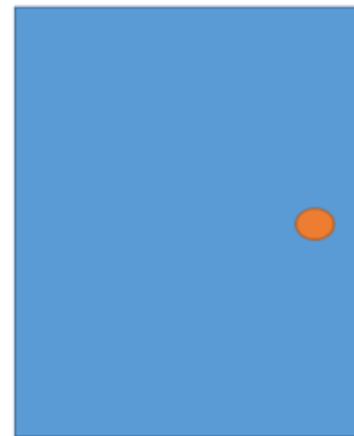


正解の確率 = $\frac{2}{3}$

モンティ・ホール問題



正解の確率 = $\frac{1}{3}$



正解の確率 = $\frac{2}{3}$

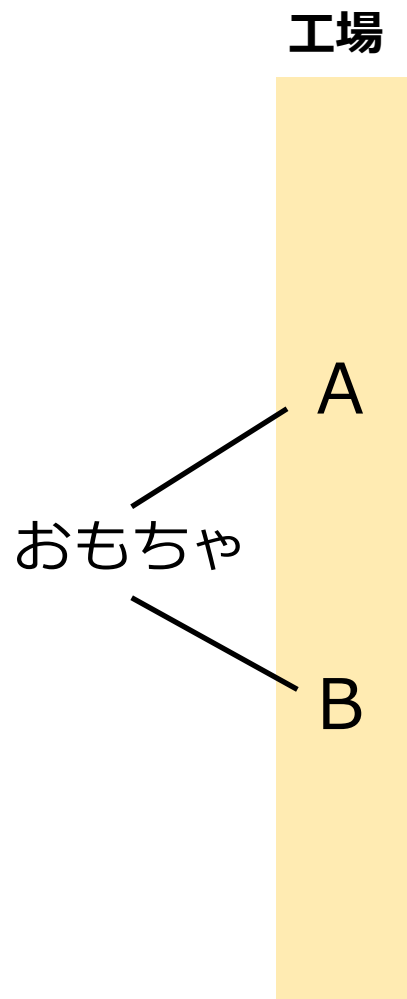
問題

工場 A と工場 B は、ある同じおもちゃを生産している。おもちゃ全体の 60% は工場 A で、40% は工場 B で生産しているとする。工場 A で不良品のおもちゃを生産してしまう確率を 1%, 工場 B で不良品のおもちゃを生産してしまう確率を 0.5% とする。販売したあるおもちゃが不良品だったと報告を受けたとき、そのおもちゃが工場 A で生産された確率はいくらか。

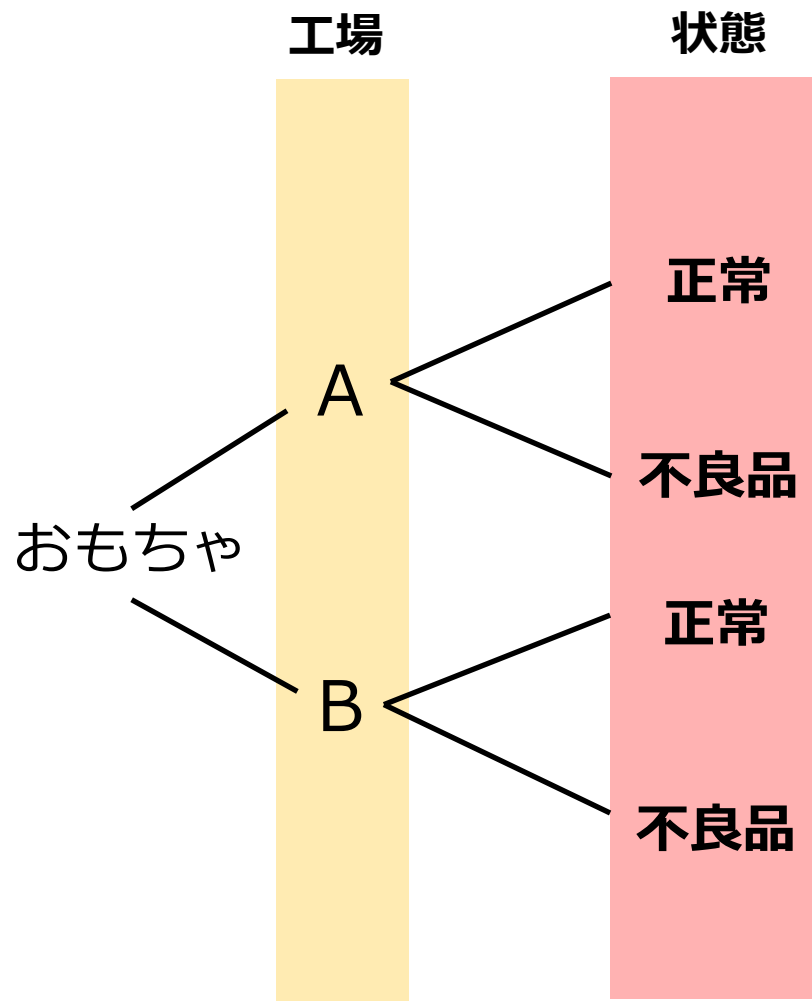
解答

おもちゃ

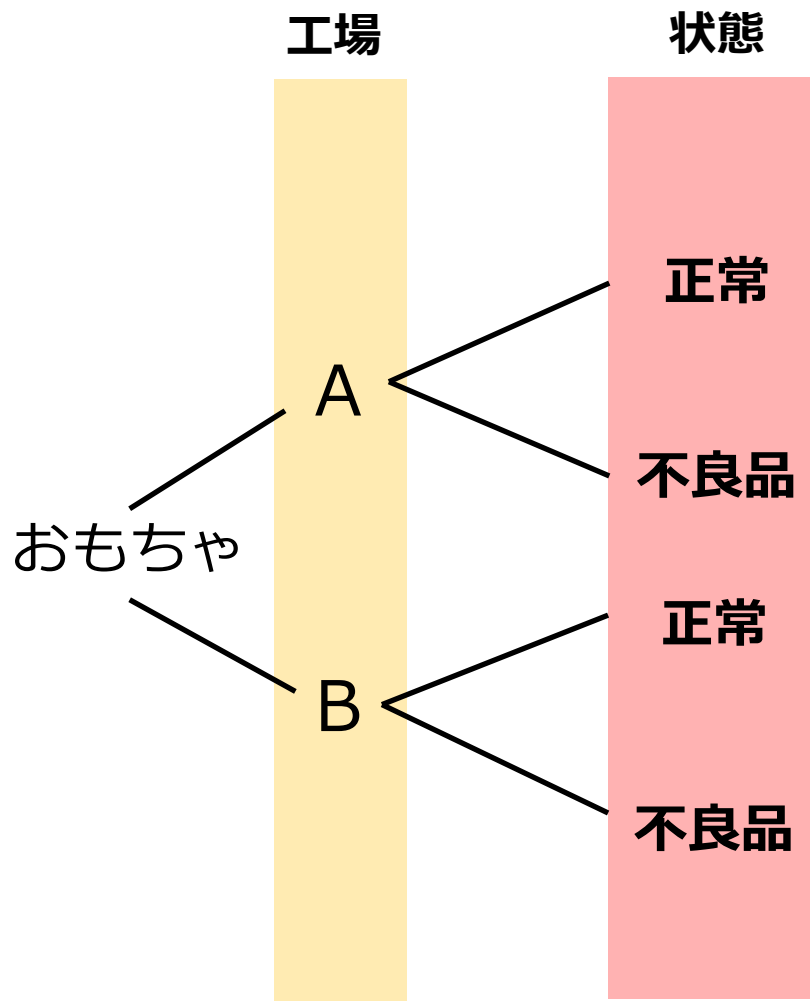
解答



解答



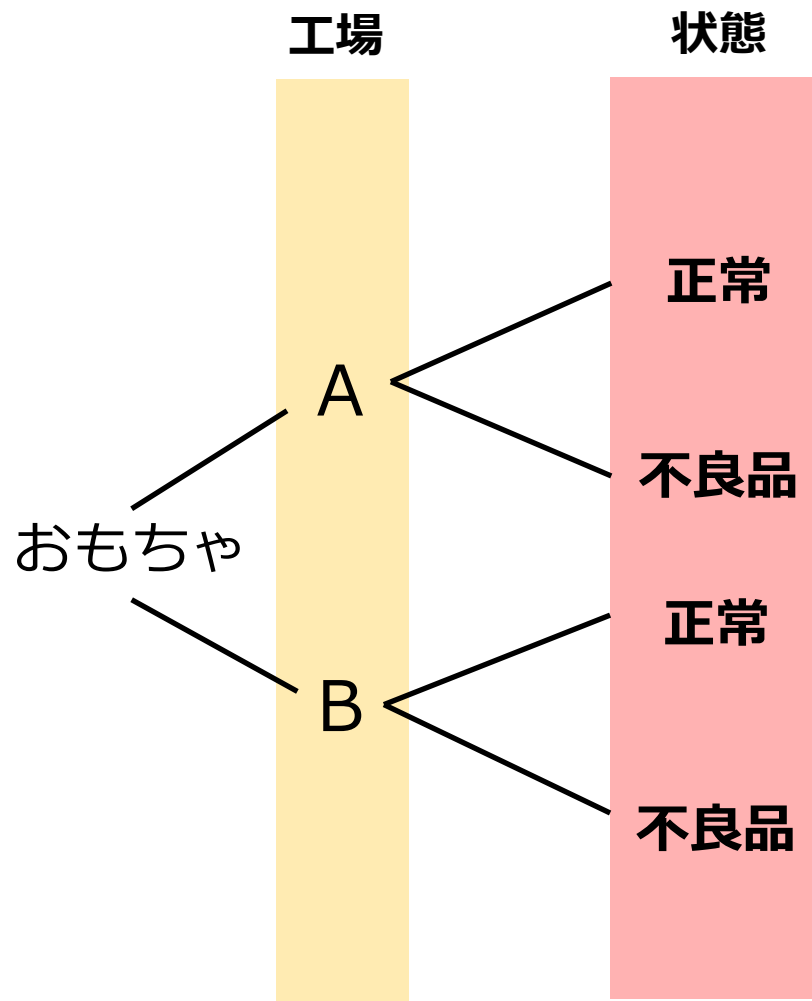
解答



ベイズの定理

$$P(A \cap \text{不良}) = P(\text{不良} \cap A)$$

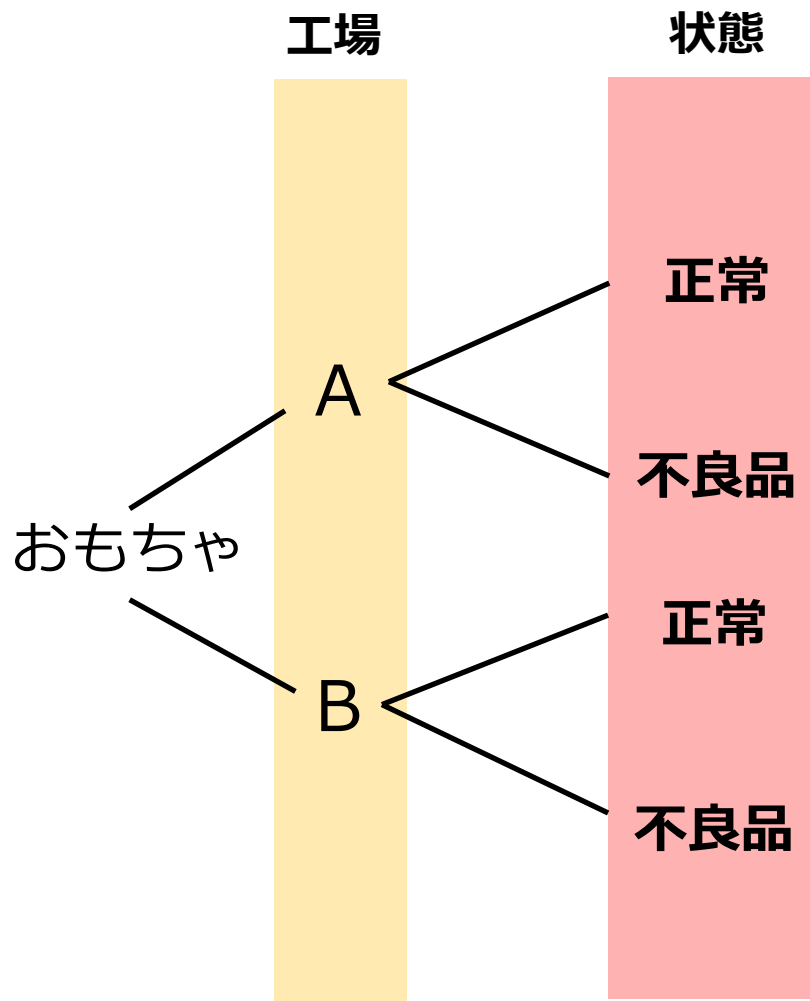
解答



ベイズの定理

$$P(A|\text{不良})P(\text{不良}) = P(A)P(\text{不良}|A)$$

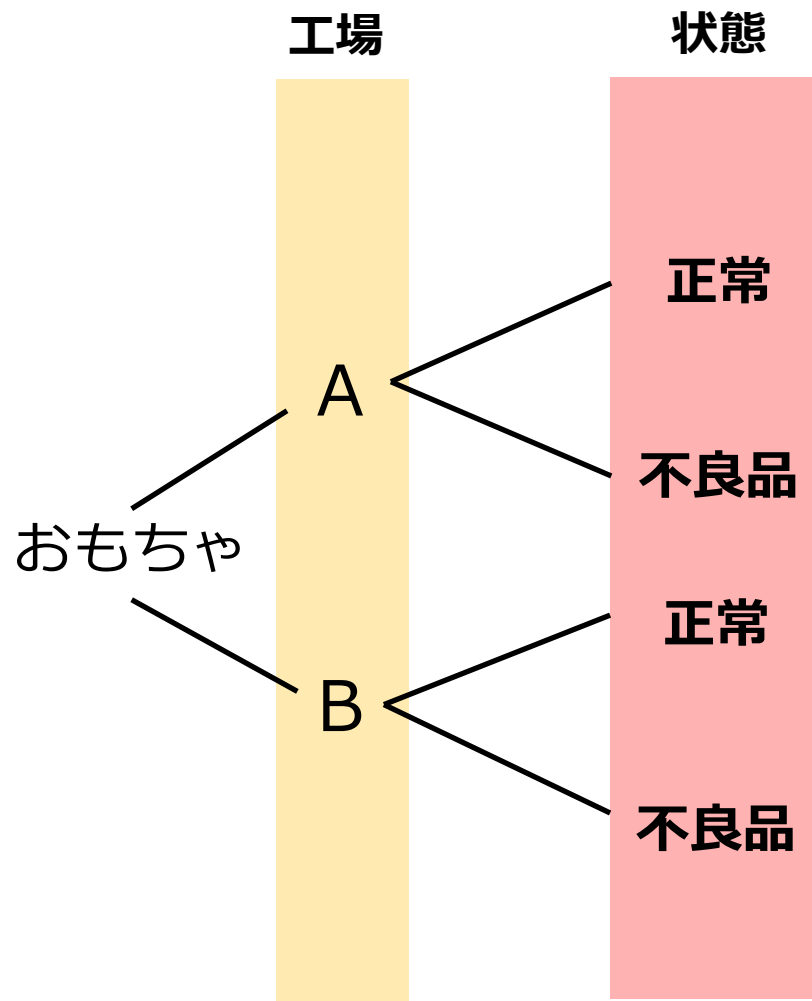
解答



ベイズの定理

$$P(A|\text{不良}) = \frac{P(A)P(\text{不良}|A)}{P(\text{不良})}$$

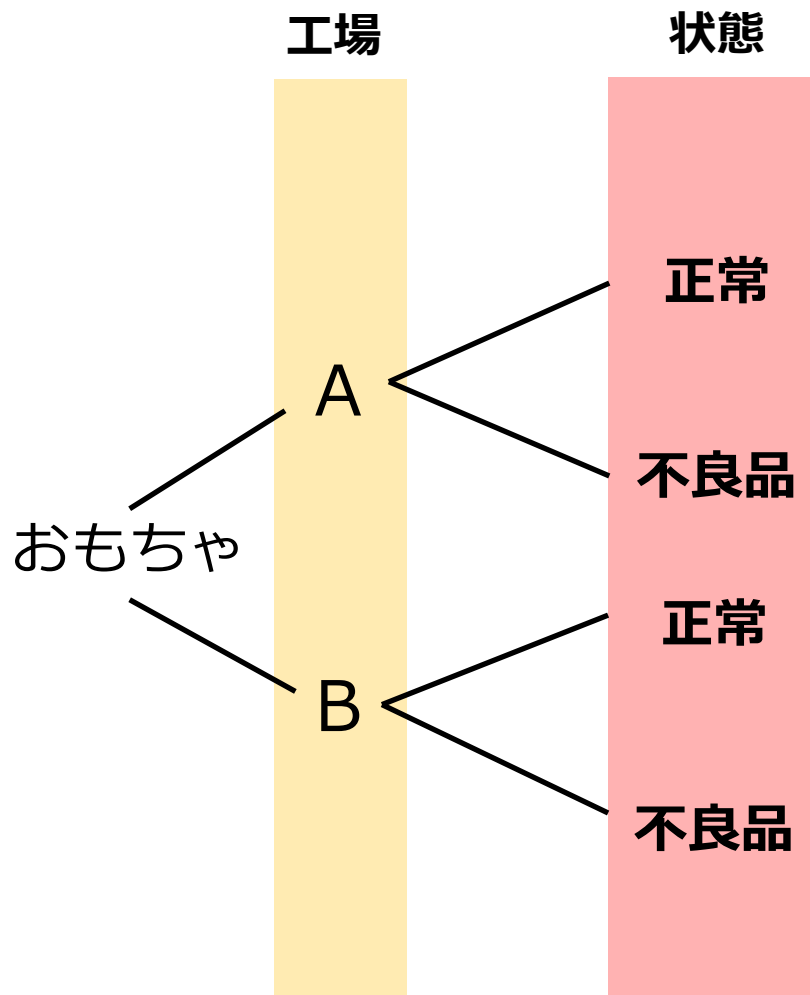
解答



ベイズの定理

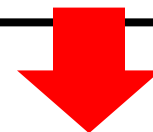
$$P(A|\text{不良})P(\text{不良}) = P(A)P(\text{不良}|A)$$

解答



ベイズの定理

$$P(A|\text{不良}) = \frac{P(A)P(\text{不良}|A)}{P(\text{不良})}$$



$$\begin{aligned} P(A|\text{不良}) &= \frac{P(A)P(\text{不良}|A)}{P(A \cap \text{不良}) + P(B \cap \text{不良})} \\ &= \frac{0.6(0.01)}{0.6(0.01) + 0.4(0.005)} \\ &= 0.75 \end{aligned}$$

3. ベイズ確率

今日のコンテンツ

3-1 条件付き確率

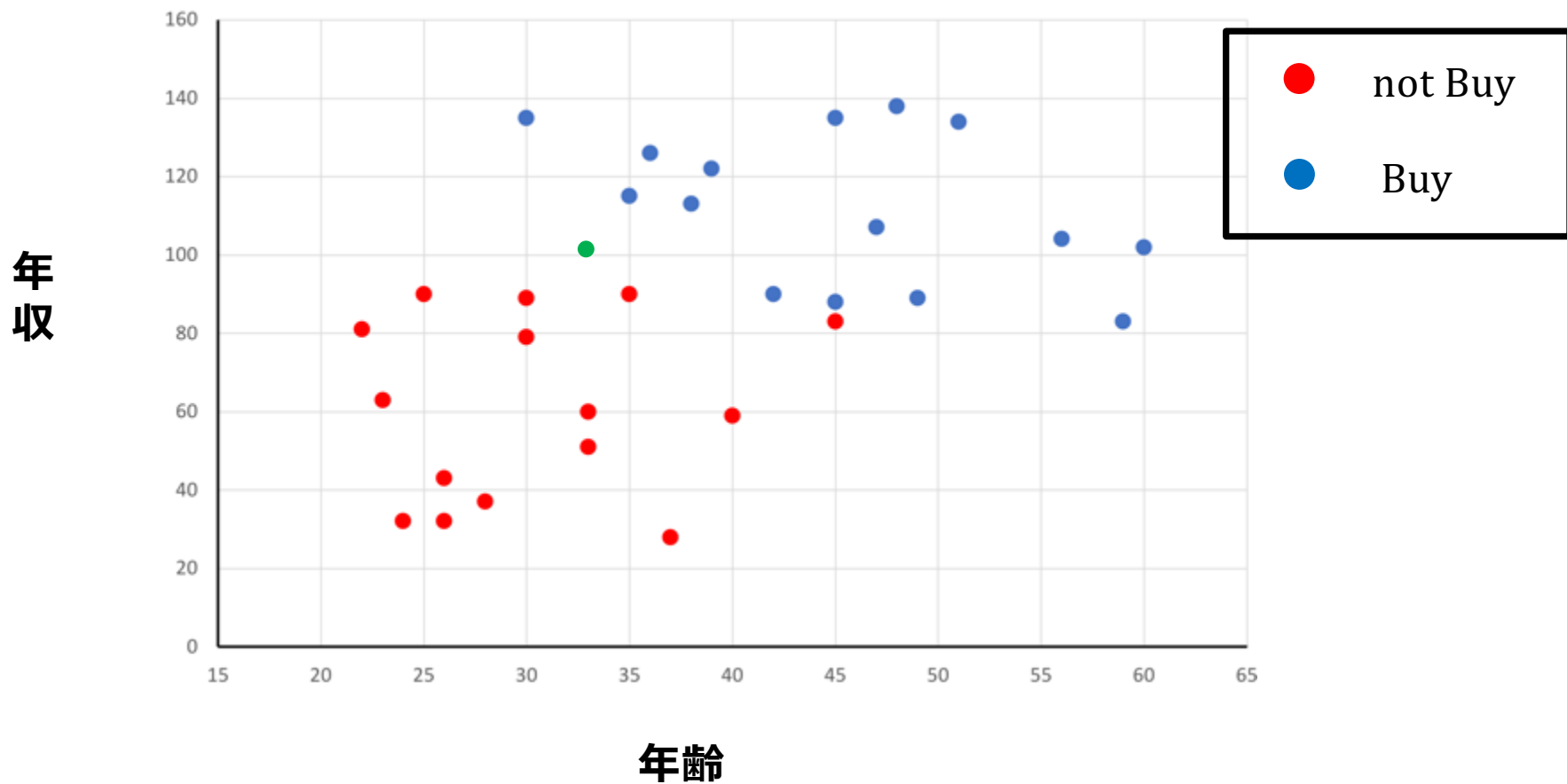
3-2 ベイズの定理

3-3 機械学習への応用

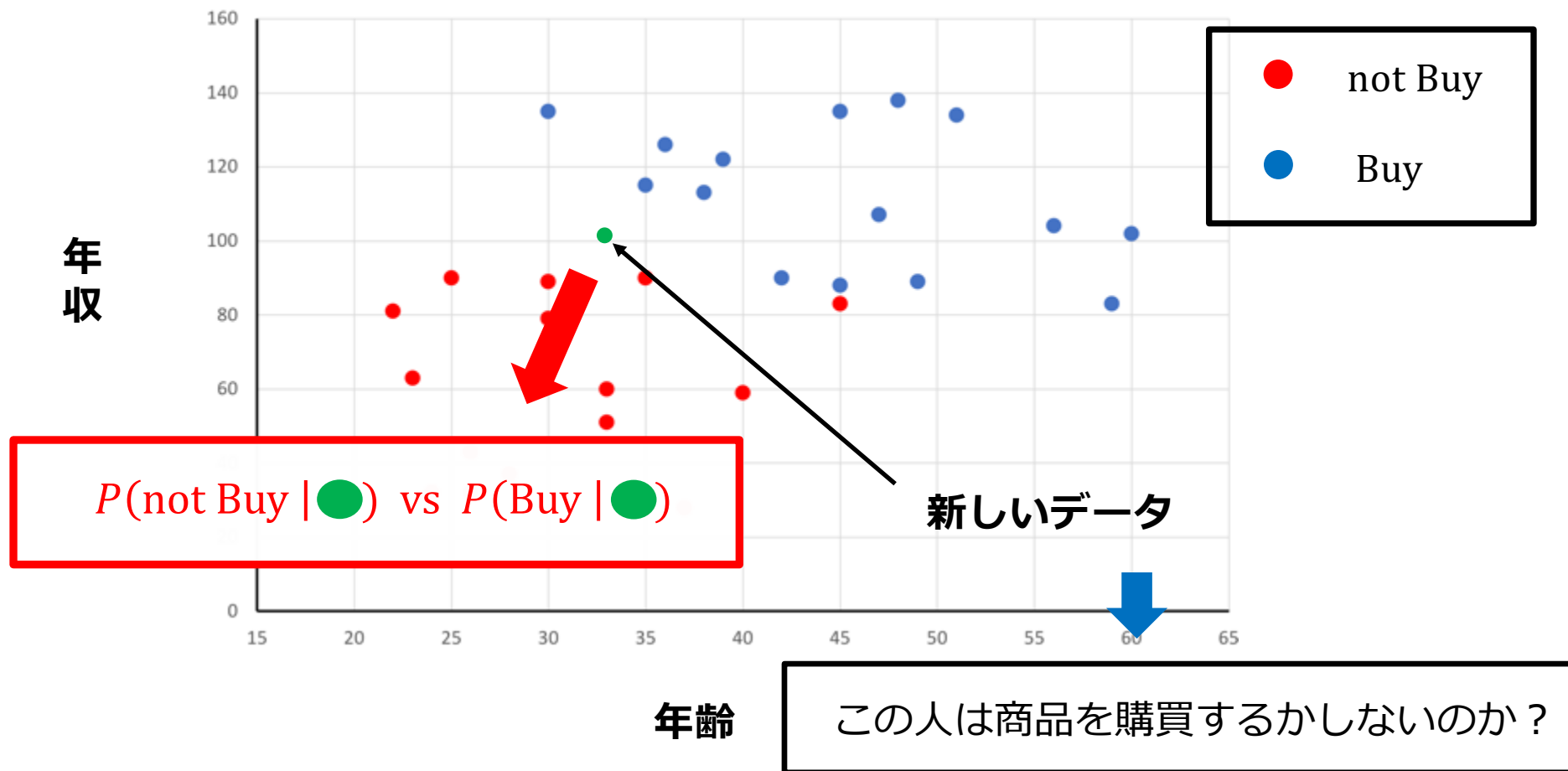
Naive Bayes

User ID	Gender		Age	Estimated Salary	Purchased
15624510	Male		19	19000	0
15810944	Male		35	20000	1
15668575	Female		26	43000	1
15603246	Female		27	57000	0
15804002	Male		19	76000	0

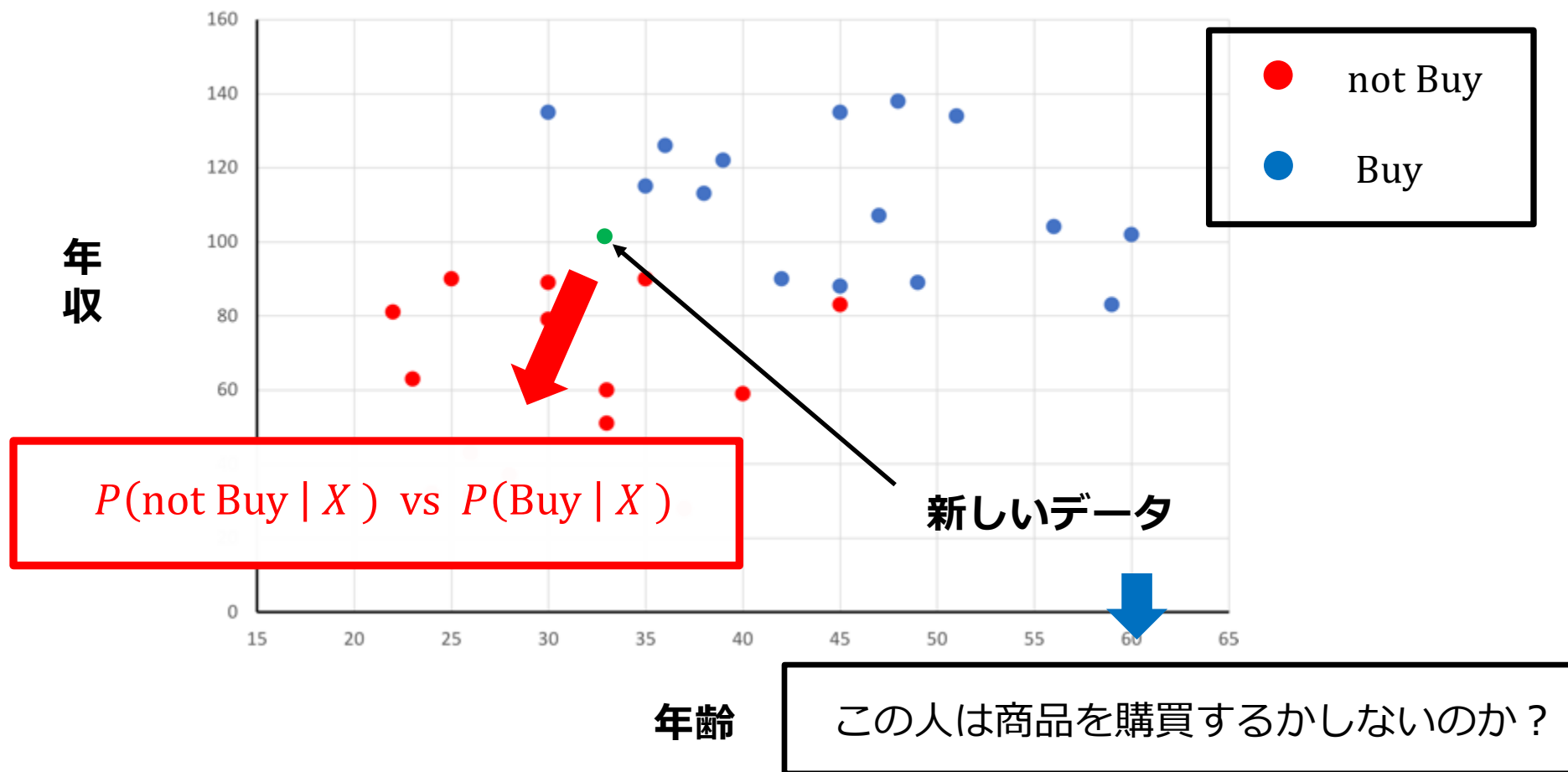
Naive Bayes



Naive Bayes



Naive Bayes



ベイズの定理を応用して分類する

ベイズの定理

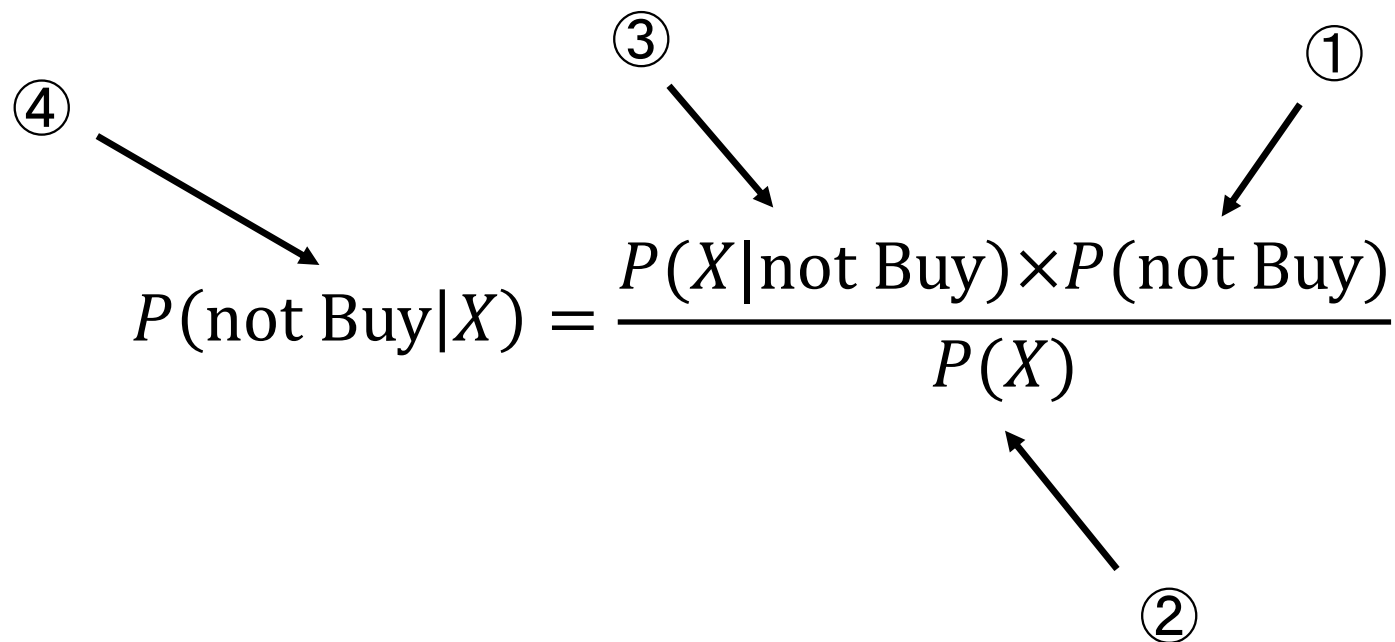
$$P(A|B) = \frac{P(B|A)P(A)}{P(B)}$$



$$P(\text{not Buy}|X) = \frac{P(X|\text{not Buy}) \times P(\text{not Buy})}{P(X)}$$

$$P(\text{Buy}|X) = \frac{P(X|\text{Buy}) \times P(\text{Buy})}{P(X)}$$

ベイズの定理を応用して分類する


$$P(\text{not Buy}|X) = \frac{P(X|\text{not Buy}) \times P(\text{not Buy})}{P(X)}$$

ベイズの定理を応用して分類する

Diagram illustrating the components of Bayes' theorem for classification:

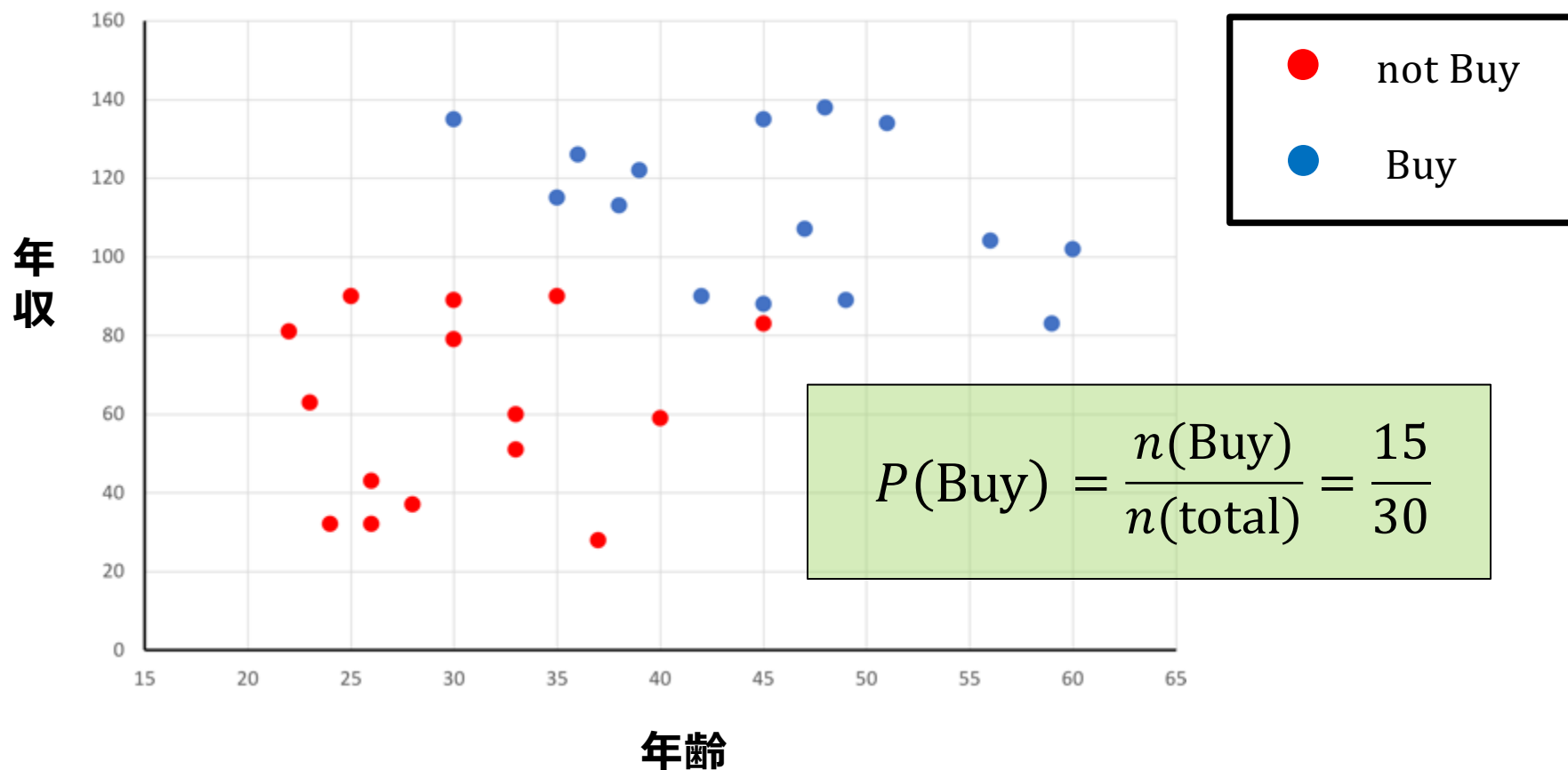
- ① points to $P(\text{Buy})$ (the prior probability in the numerator)
- ② points to $P(X)$ (the marginal likelihood in the denominator)
- ③ points to $P(X|\text{Buy})$ (the likelihood in the numerator)
- ④ points to $P(\text{Buy}|X)$ (the posterior probability)

$$P(\text{Buy}|X) = \frac{P(X|\text{Buy}) \times P(\text{Buy})}{P(X)}$$

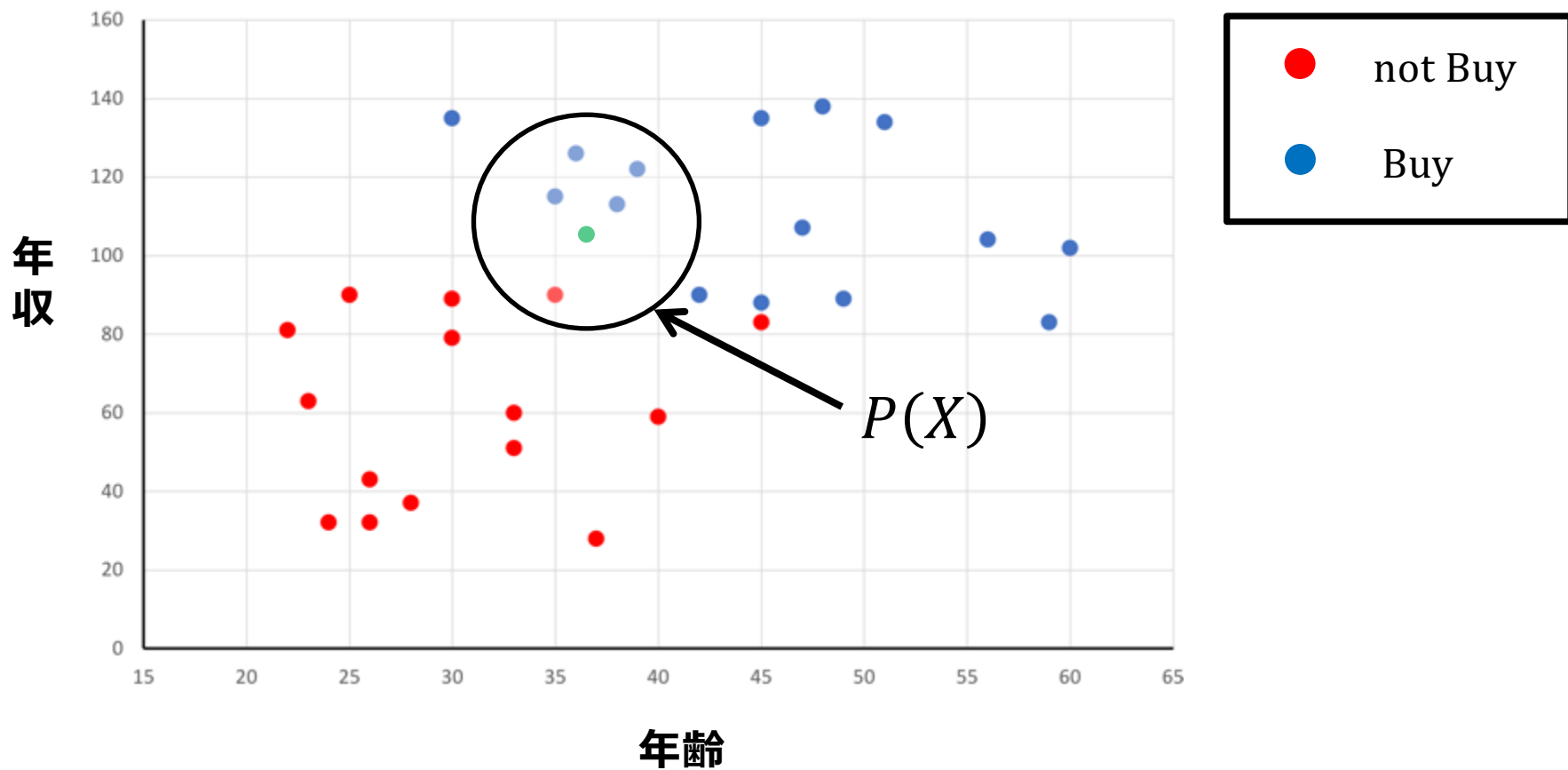
ベイズの定理を応用して分類する

$$P(\text{not Buy}|X) \quad \text{vs} \quad P(\text{Buy}|X)$$

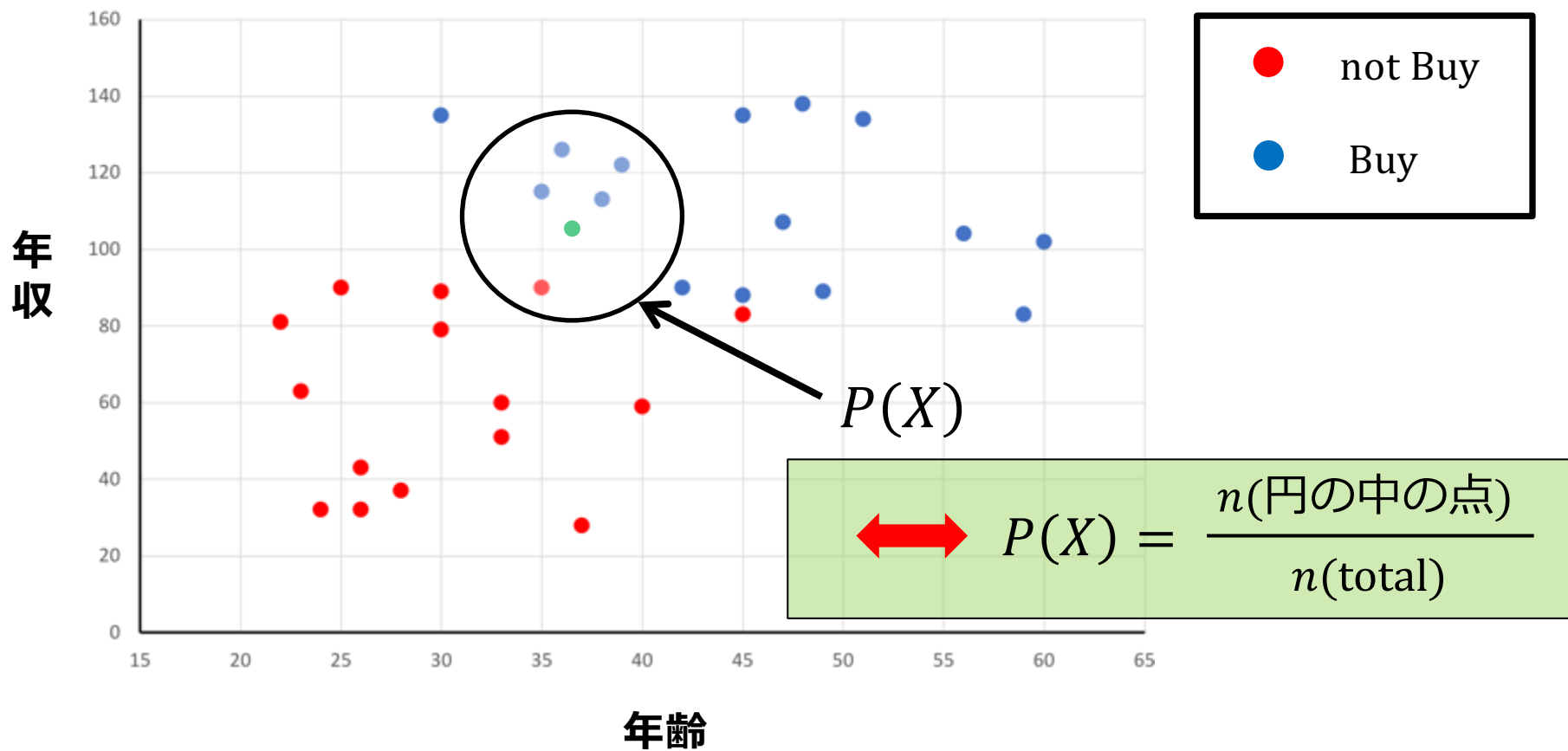
① $P(\text{Buy})$



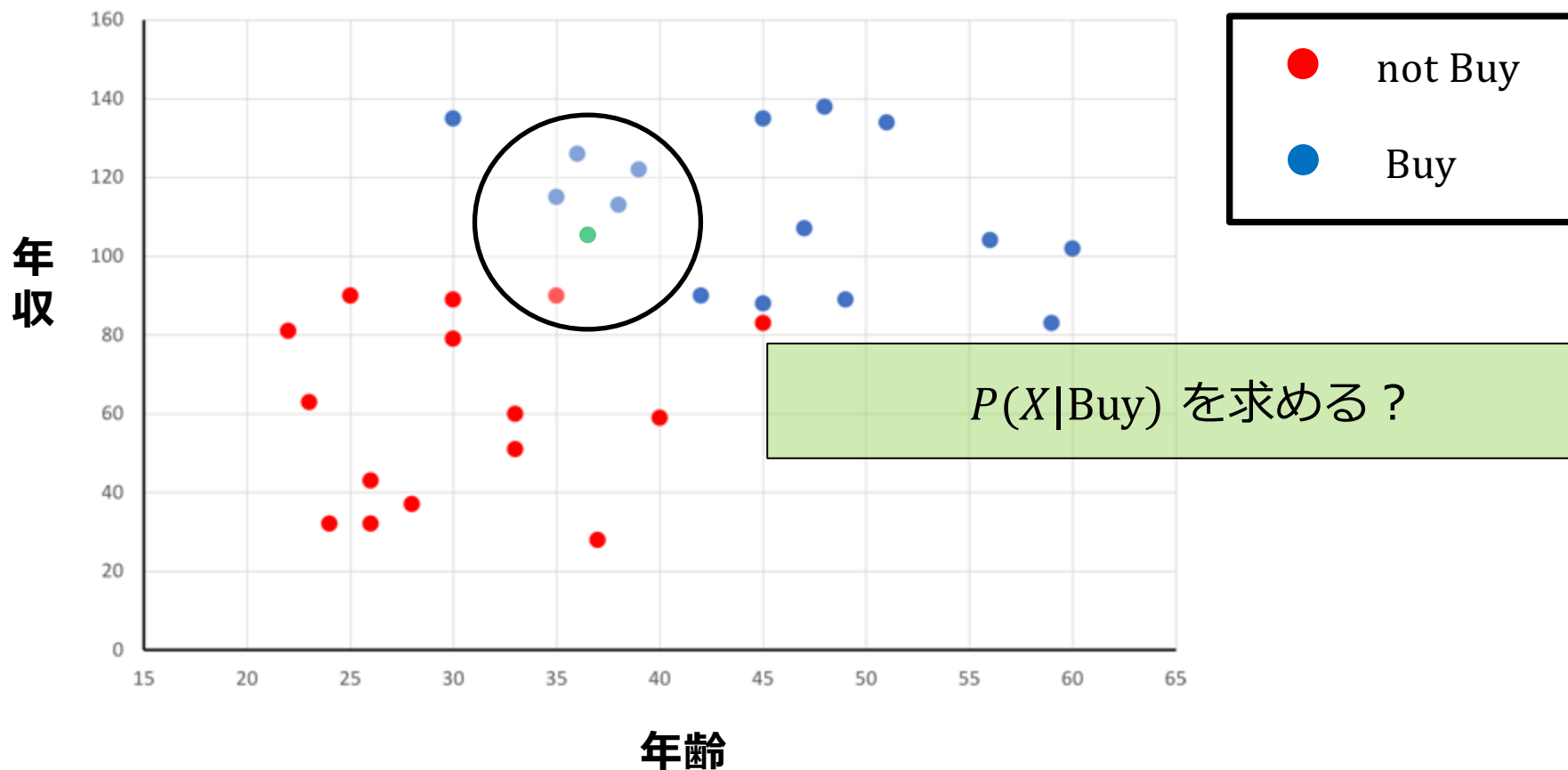
② $P(X)$



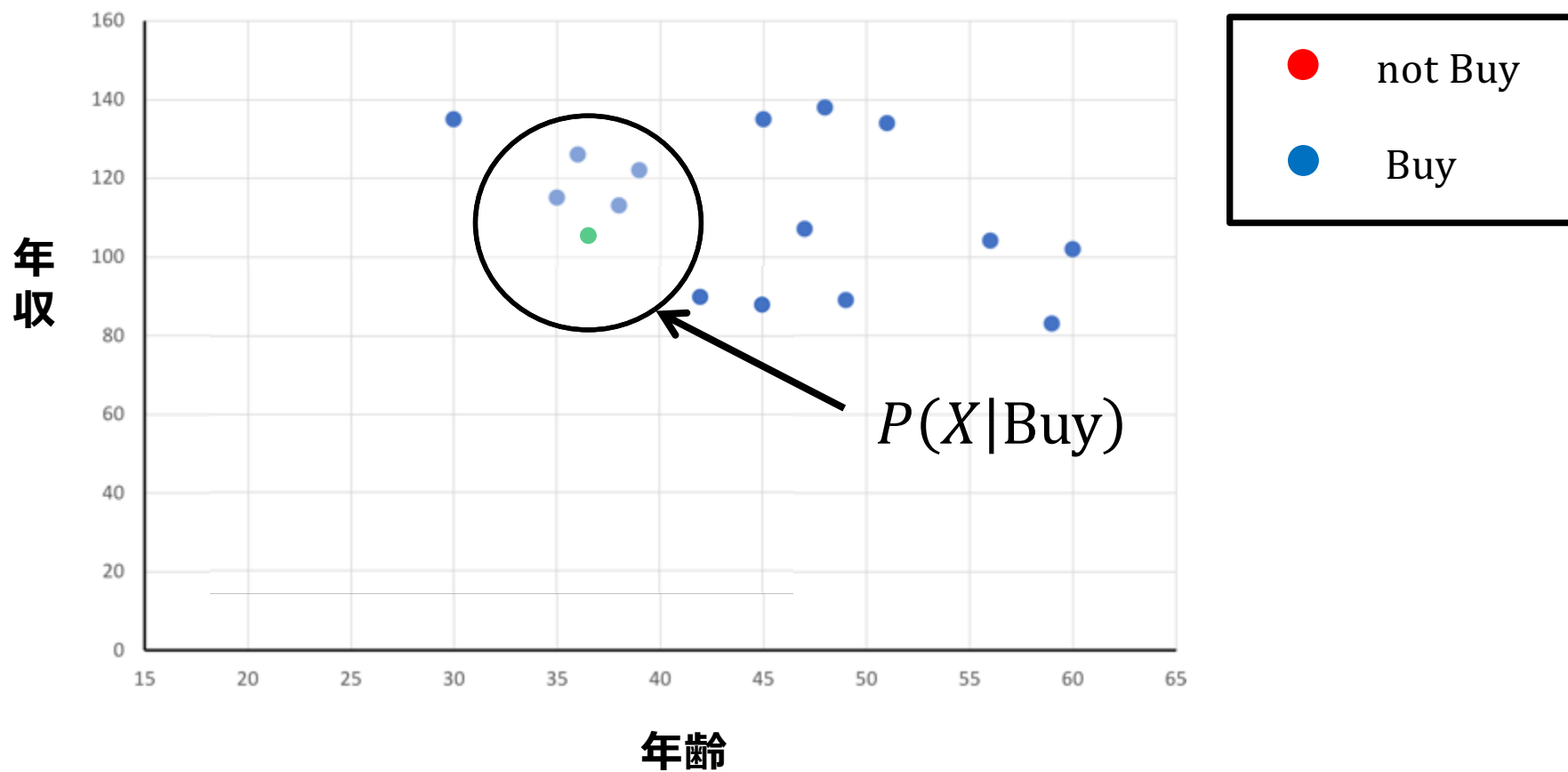
② $P(X)$



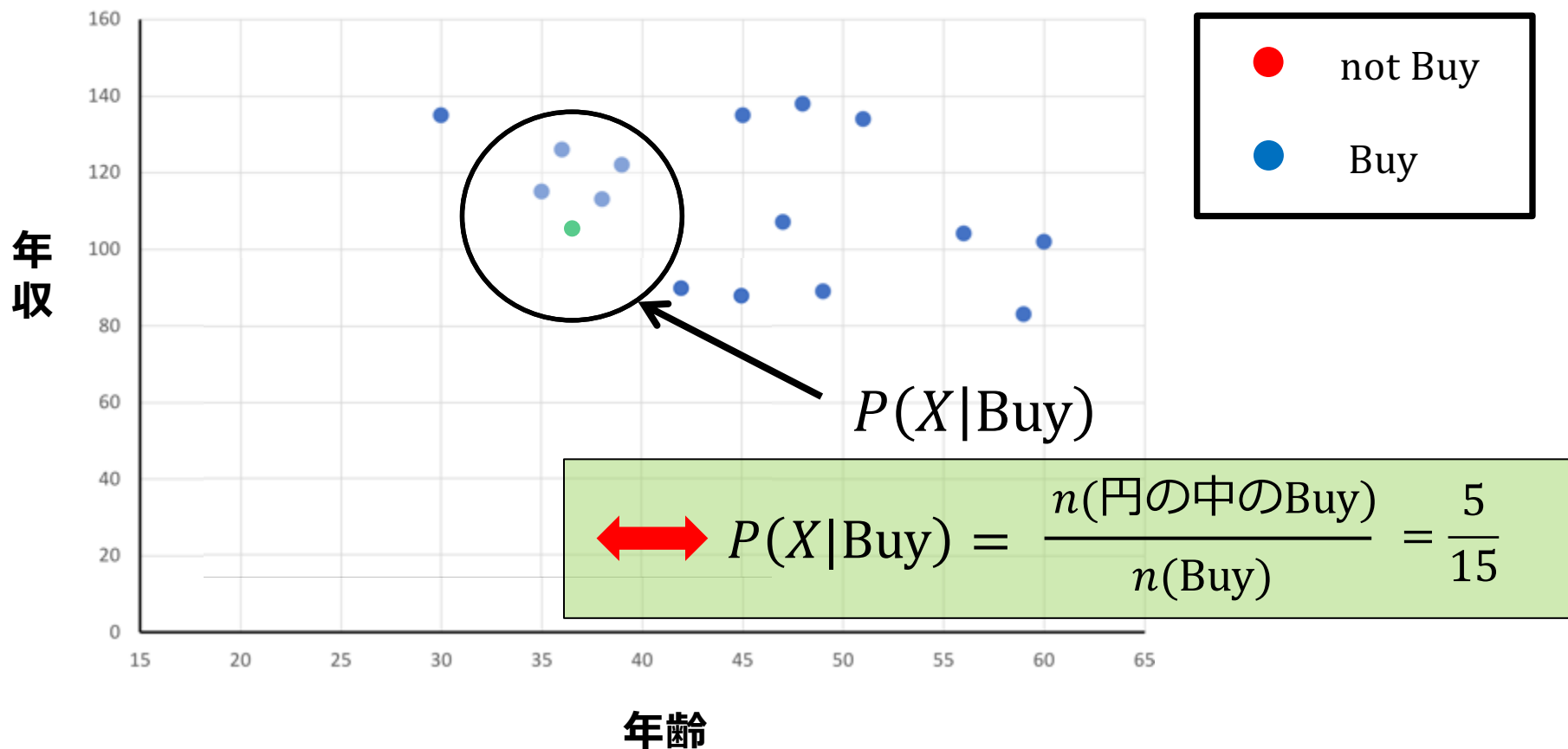
③ $P(X|\text{Buy})$



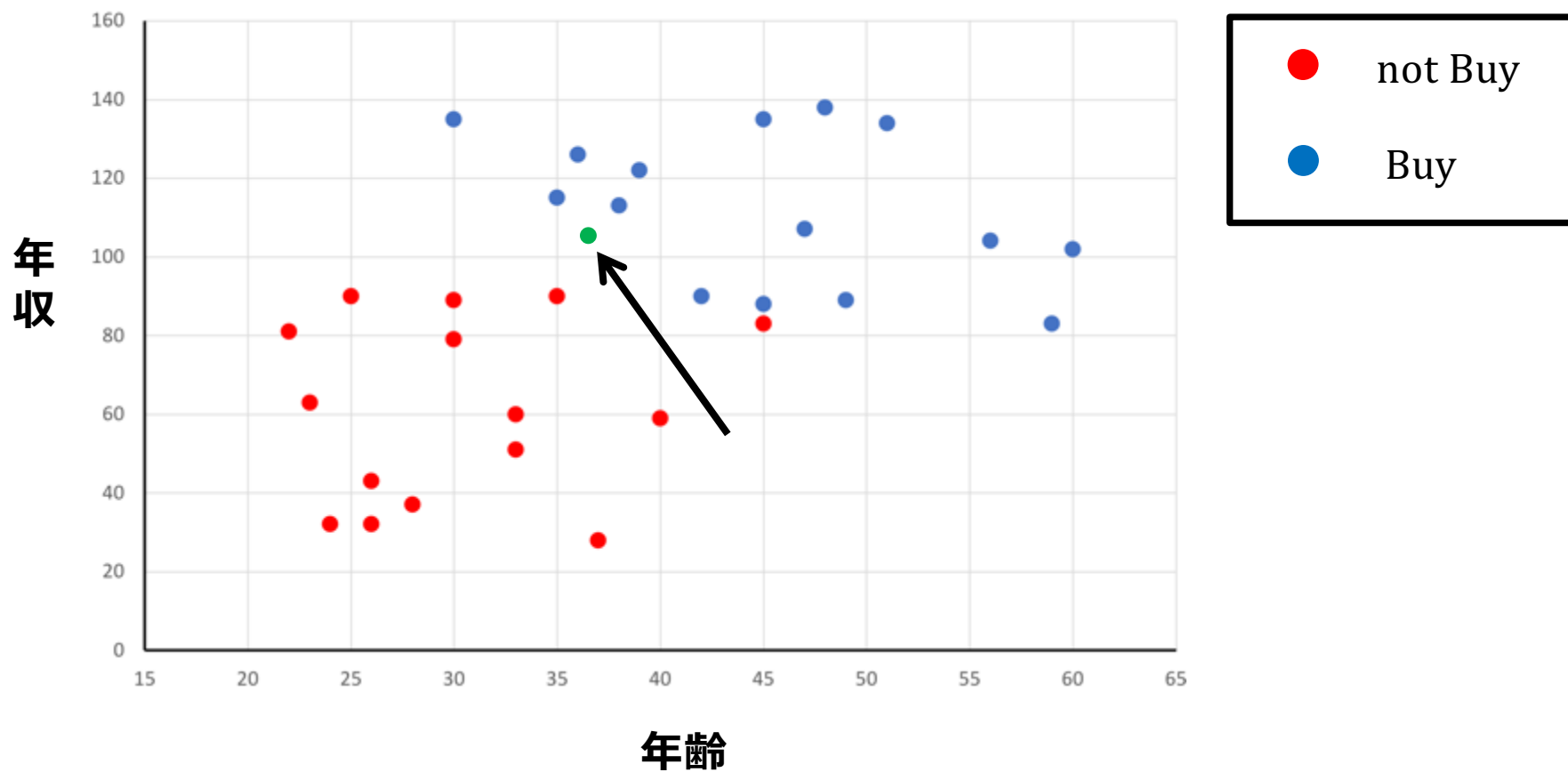
③ $P(X|\text{Buy})$



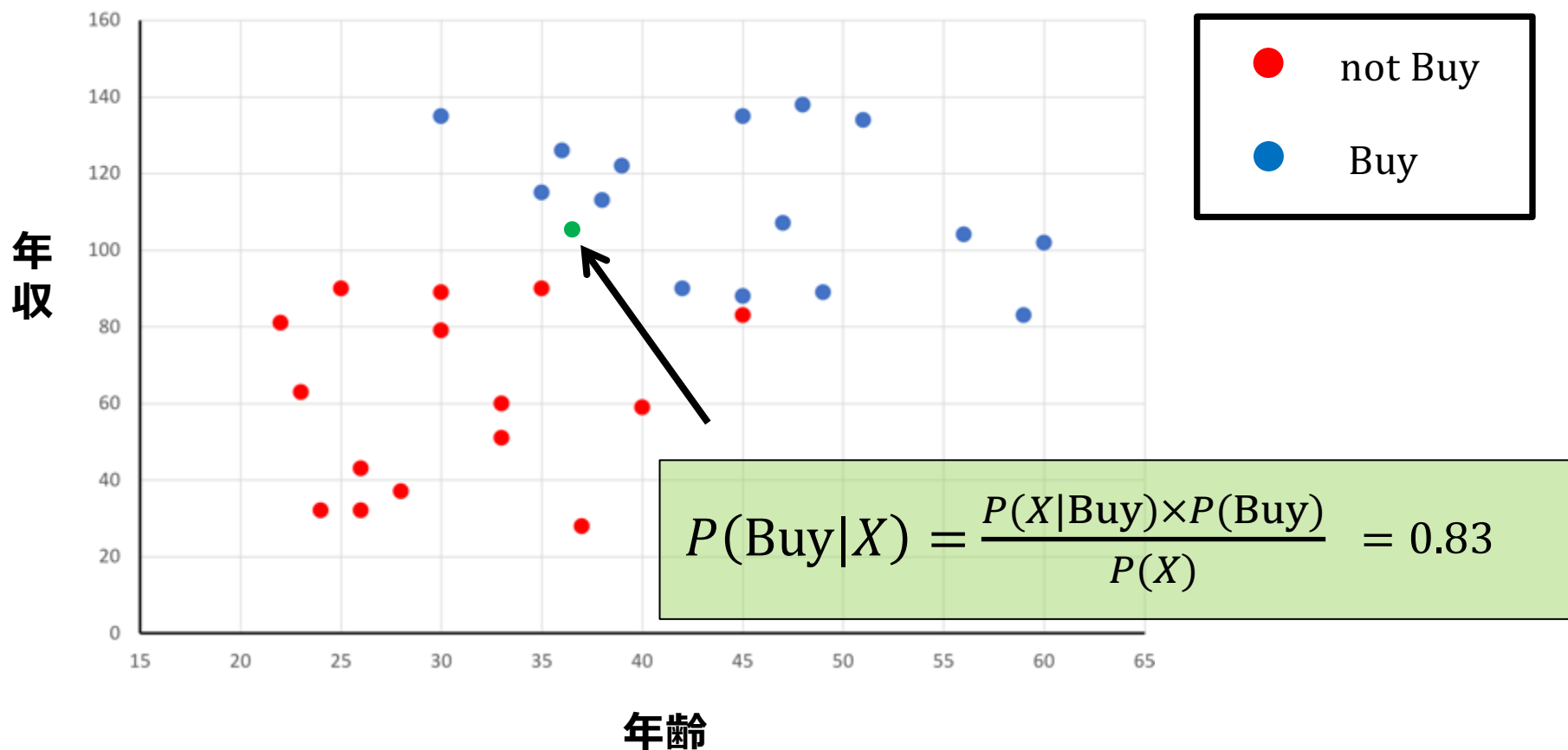
③ $P(X|\text{Buy})$



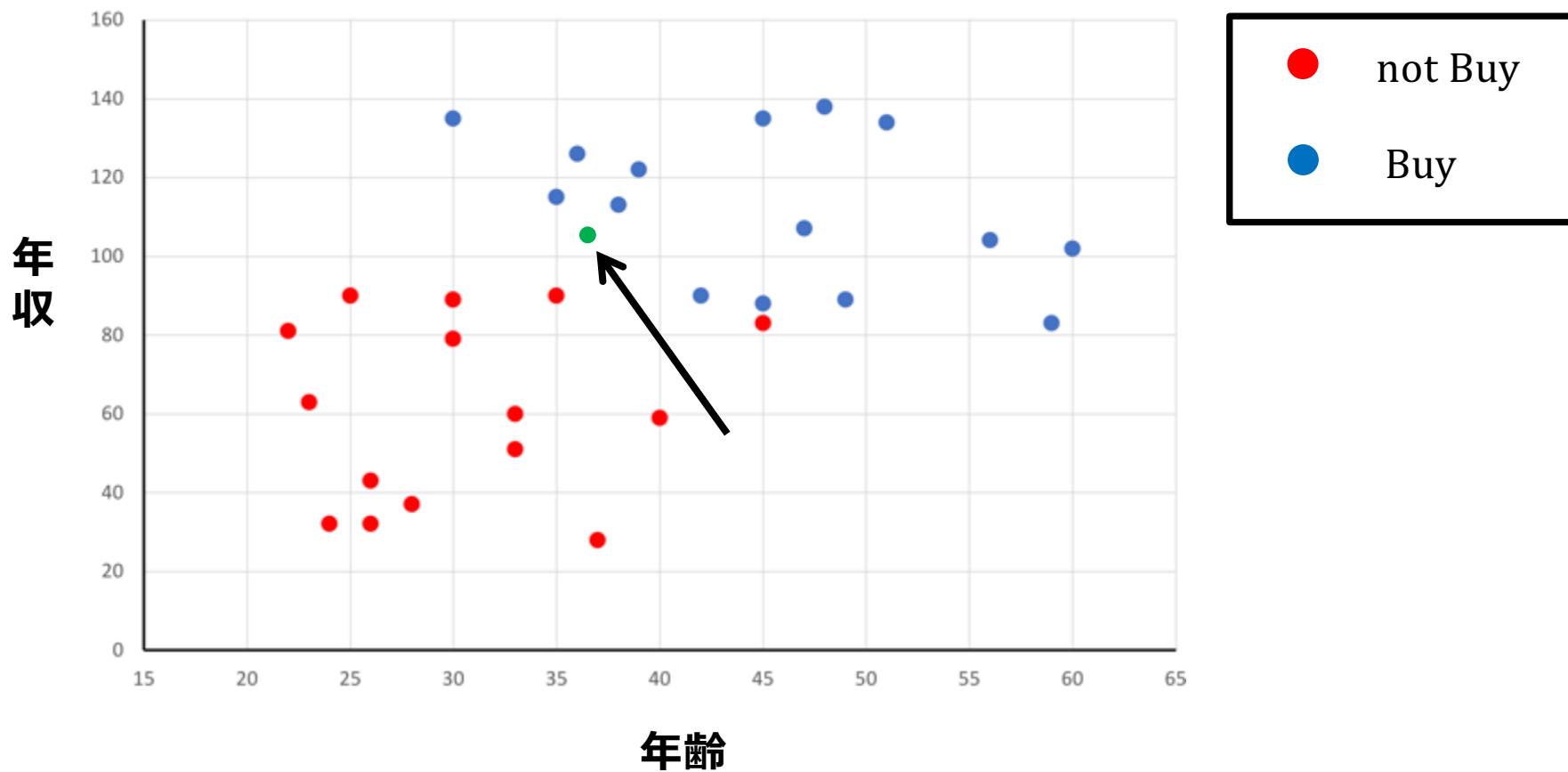
④ $P(\text{Buy}|X)$



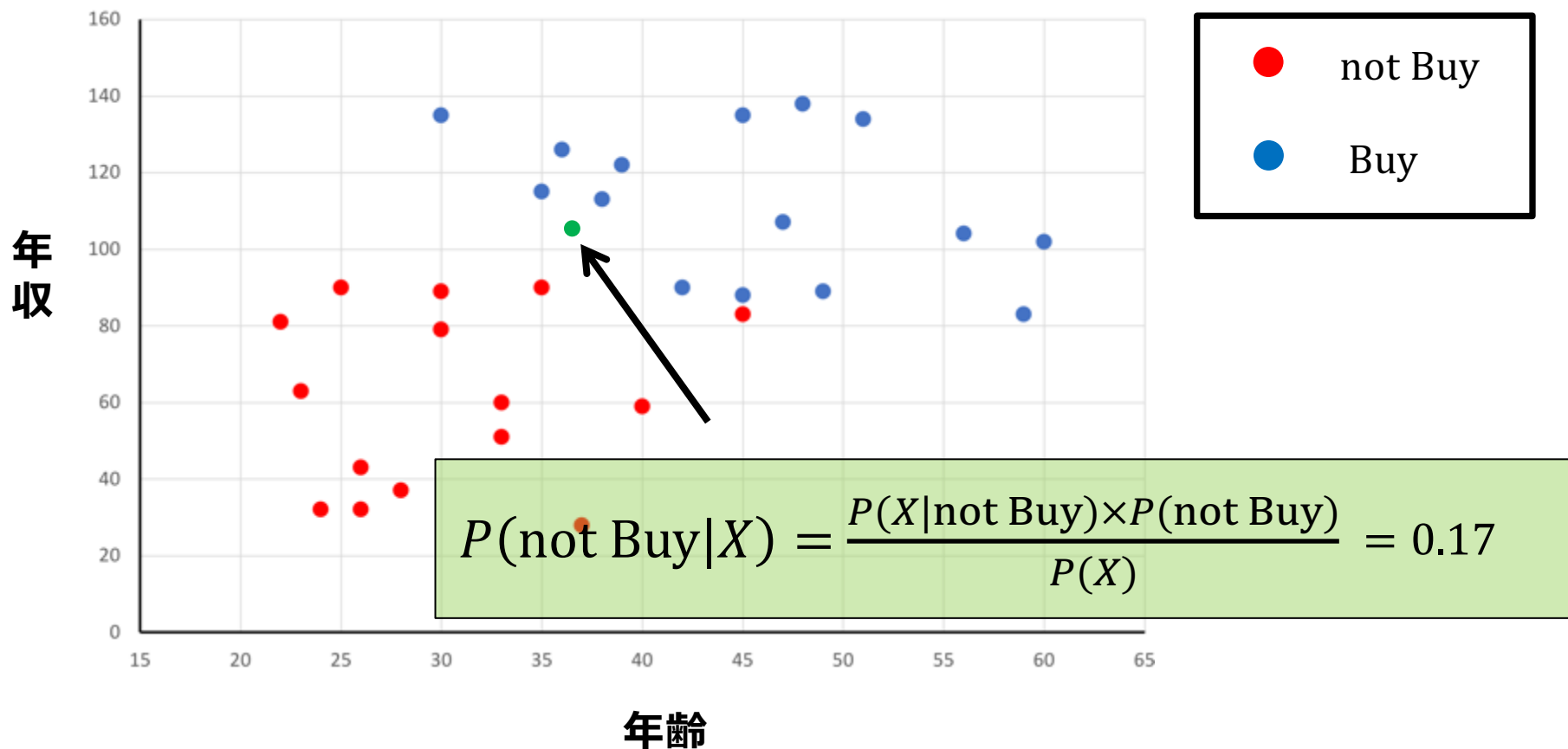
④ $P(\text{Buy}|X)$



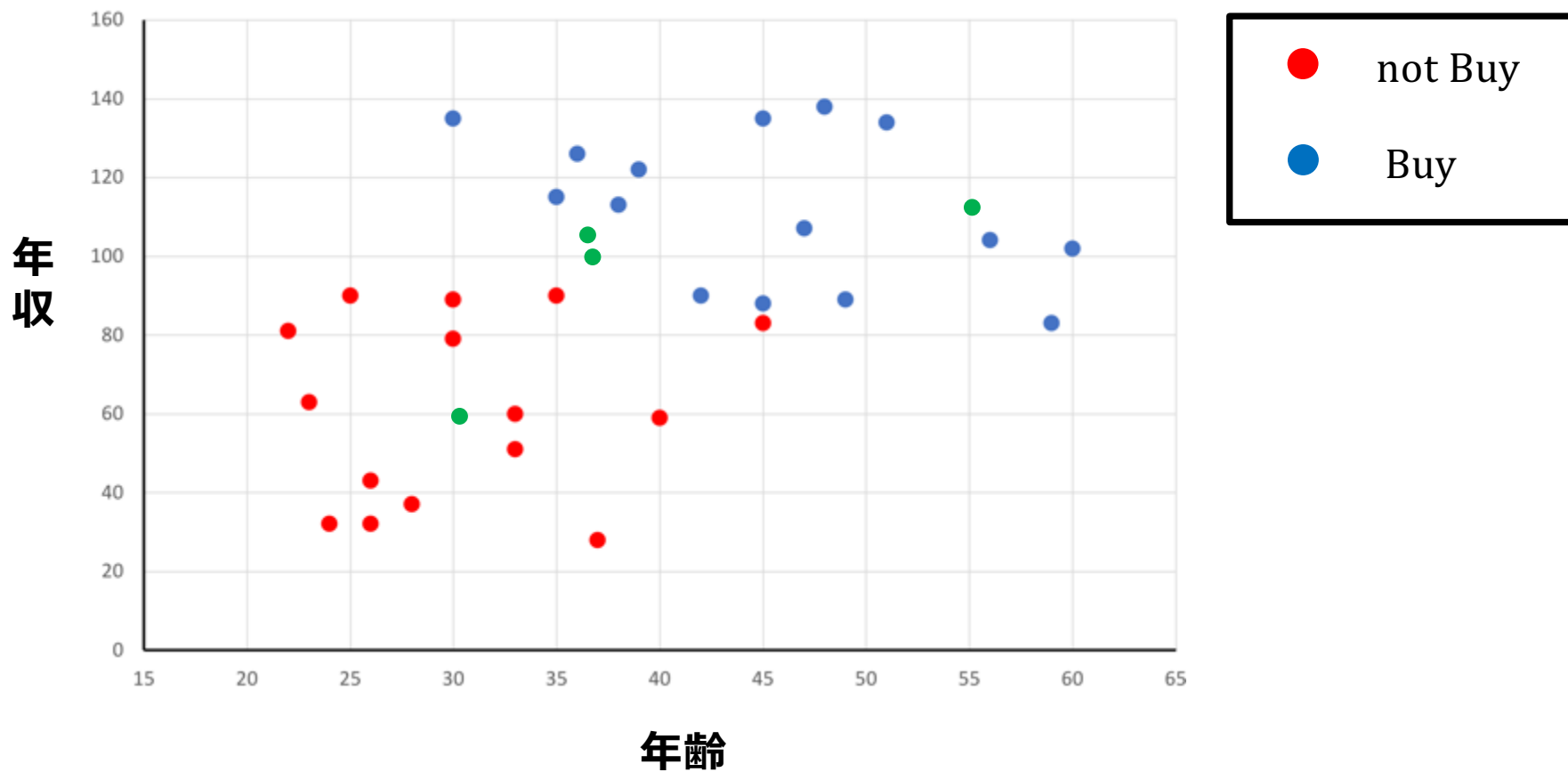
④ $P(\text{not Buy}|X)$



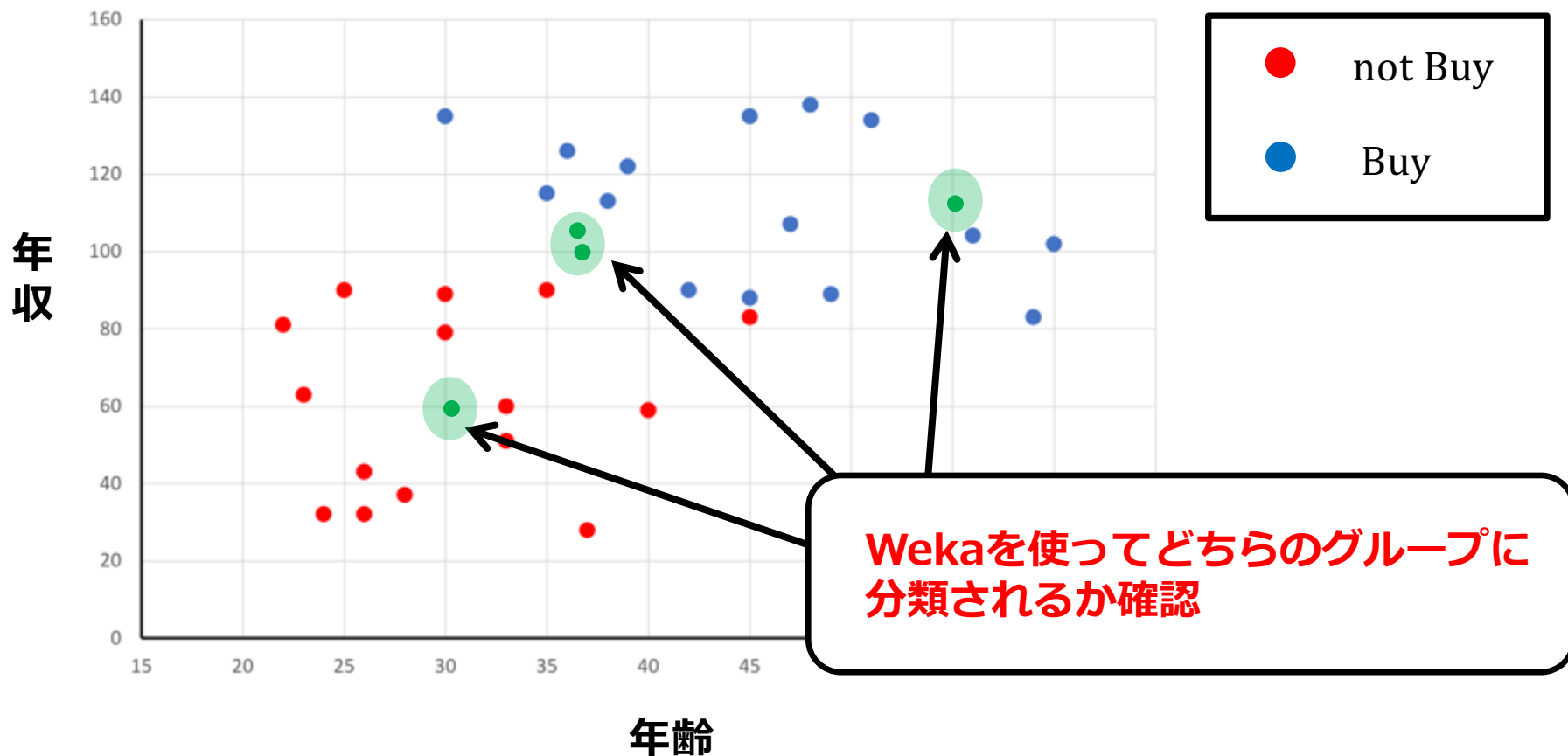
④ $P(\text{not Buy}|X)$



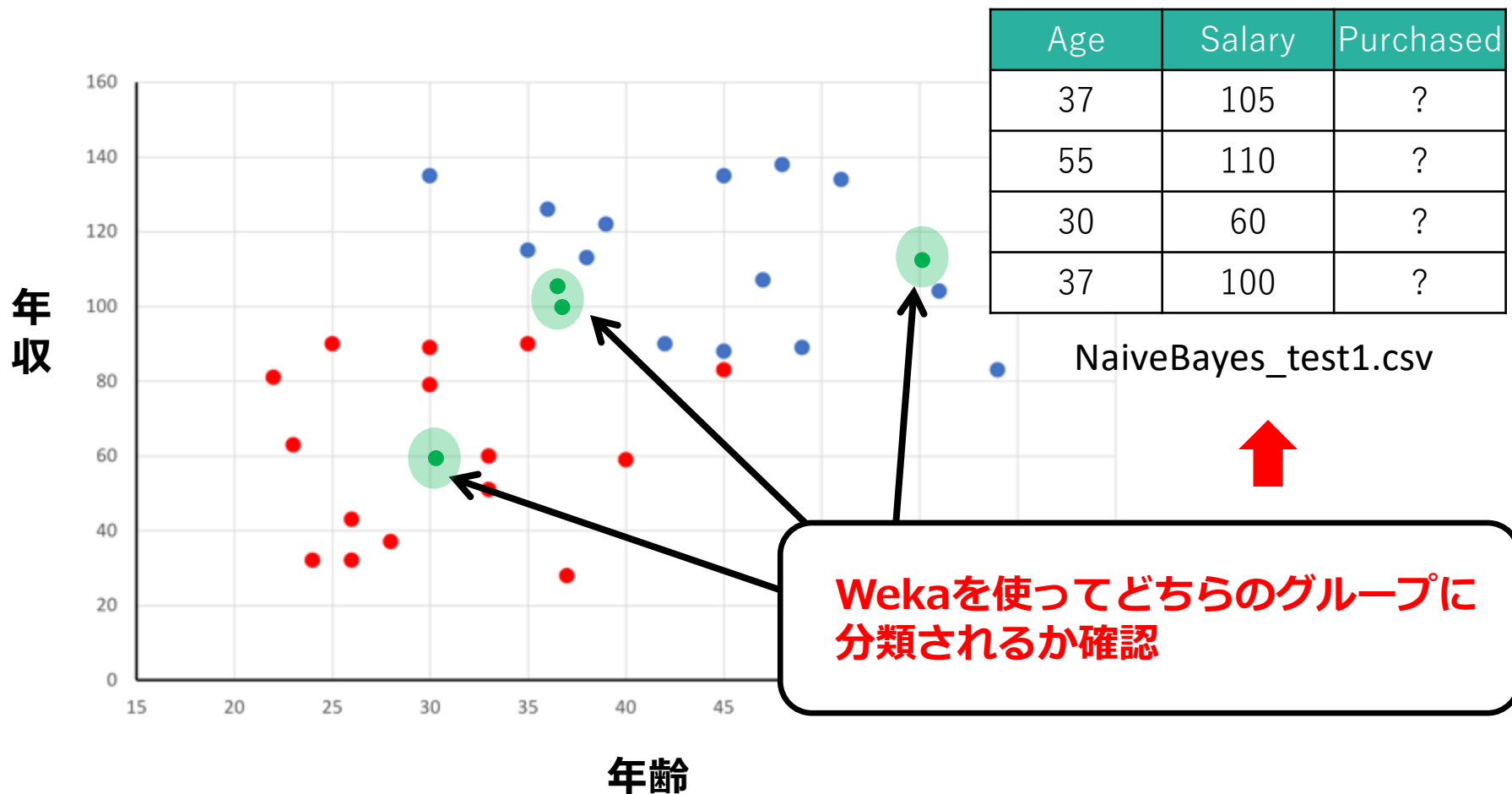
Naive Bayes



Naive Bayes



Naive Bayes

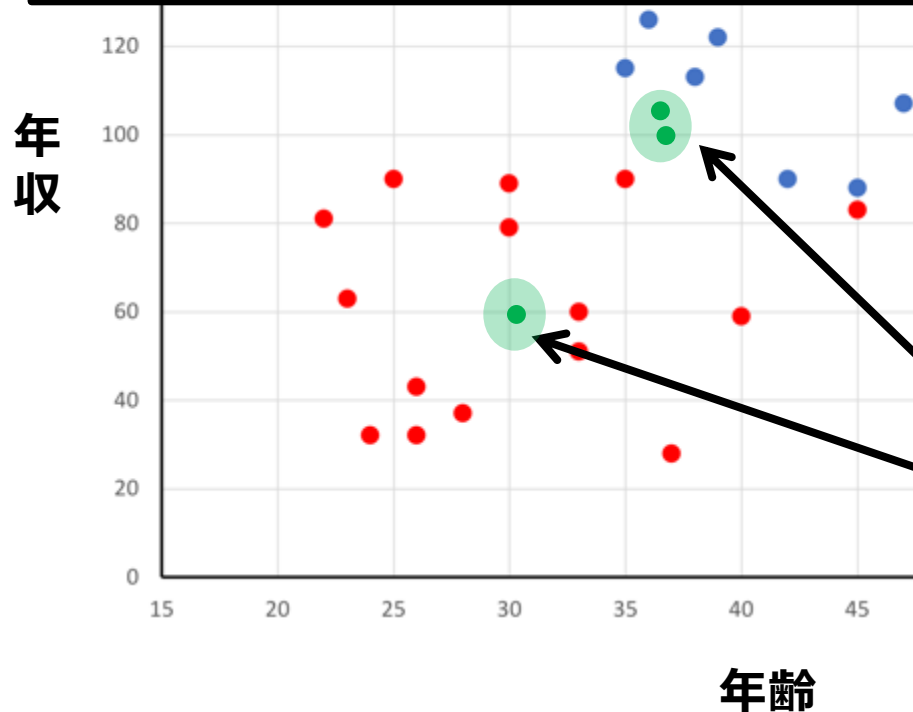


Naive Bayes

=== Predictions on test set ===

inst#	actual	predicted	error	prediction
1	1:?	2:1	0.862	
2	1:?	2:1	1	
3	1:?	1:0	0.968	
4	1:?	1:0	0.908	

Age	Salary	Purchased
37	105	?
55	110	?
30	60	?
37	100	?



Wekaを使ってどちらのグループに分類されるか確認

NaiveBayes_test1.csv

結果の読み方

=== Predictions on test set ===

inst#	actual	predicted	error	prediction
1	1:?	2:1	0.862	
2	1:?	2:1	1	
3	1:?	1:0	0.968	
4	1:?	1:0	0.908	

Age	Salary	Purchased
37	105	?
55	110	?
30	60	?
37	100	?

結果の読み方

=== Predictions on test set ===

inst#	actual	predicted	error	prediction
1	1:?	2:1	0.862	
2	1:?	2:1	1	
3	1:?	1:0	0.968	
4	1:?	1:0	0.908	

Age	Salary	Purchased
37	105	?
55	110	?
30	60	?
37	100	?

結果の読み方

=== Predictions on test set ===				
inst#	actual	predicted	error	prediction
1	1:?	2:1	0.862	
2	1:?	2:1	1	
3	1:?	1:0	0.968	
4	1:?	1:0	0.908	

Age	Salary	Purchased
37	105	?
55	110	?
30	60	?
37	100	?

Class 2に分類されて値が1 (Buy)
その確率がそれぞれ86%と100%