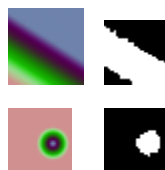




## Binarisation d'image



## Contents

1.	Introduction.....	3
2.	Données.....	3
3.	Modélisation.....	4
4.	Fonctionnement de l'application .....	4
5.	Instruction de compilation .....	5
6.	Exécution de l'application pour trouver les deux ensembles A et B.....	5
7.	Conclusion .....	6

## 1. Introduction

La binarisation d'image consiste à diviser les pixels d'une image en 2 classes – 0 ou 1 – dont vient le nom « binarisation ». Les applications de binarisation peuvent se trouver dans plusieurs domaines comme la détection des visages, traitement et analyse des images médicaux, etc. Dans ce projet, le problème du flot max sera utilisé afin de trouver deux partitions d'une image.

## 2. Données

Le programme prend en entrée un fichier contenant le suivant en ordre qu'ils apparaissent :

1.  $n\ m$  : les dimensions de l'image
2. Les probabilités  $a_{ij} > 0$  formée de  $n$  lignes et  $m$  colonnes.
3. Les probabilités  $b_{ij} > 0$  formée de  $n$  lignes et  $m$  colonnes.
4. Les pénalités horizontales formée de  $n$  lignes et  $(m - 1)$  colonnes.
5. Les pénalités verticales formée de  $(n - 1)$  lignes et  $m$  colonnes.

*Exemple du fichier d'entrée :*

2 2

1 9

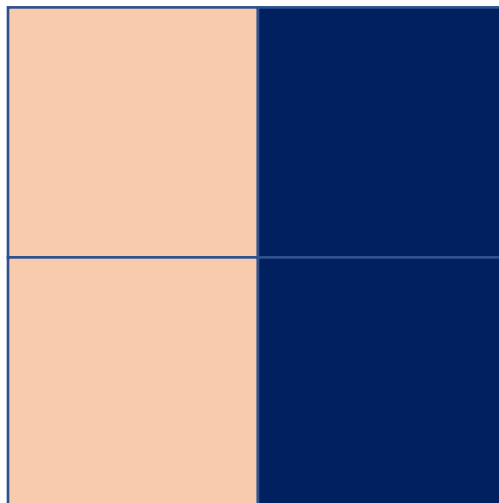
1 12

8 1

9 1

2

3



*Figure 1: Image pour les données a gauche*

15 19

### 3. Modélisation

On a des pixels  $P_{ij}$   $i \leq n, j \leq m$ .

Le graphe  $G = (V, E)$  non orienté sera définie par  $V = P$  l'ensemble des pixels et une arrête  $e = \{\text{les voisins à distance d'un pixel de toute direction}\}$ .

On ajoute une source « s » et un puit « t » telle que :

- s aie des arcs sortant vers toutes les pixels  $P_{ij}$  sauf t ( $s \rightarrow P_{11}, s \rightarrow P_{nm}$ ) avec les capacités de  $a_{ij}$
- t aie des arcs entrant de toutes les pixels  $P_{ij}$  sauf s ( $P_{11} \rightarrow t, P_{nm} \rightarrow t$ ) avec les capacités de  $b_{ij}$
- toutes les autres arrêtes en P deviendra des arrêtes bidirectionnelles avec les pénalités horizontales et verticales

### 4. Fonctionnement de l'application

DirectedGraph.java

$G = (V, E)$  avec  $V : \text{Integer}$  et  $E : \text{Edge}$

$\text{BFS\_}(u, v : \text{Nœud}) : \text{HashMap} < \text{Nœud}, \text{Edge} >$

```
    Visité = {}           // hashmap de nœud et boolean ; dire si un nœud est déjà visité
    Chemin = {}          // hashmap de nœud et edge ; contiendra toutes les nœuds et leurs edges
    Queue = {}           // pour ajouter et enlever les nœuds
    While (queue != null)
        Enlever premier element
        Parcourir tous les voisins et ajouter remplir visité
        Remplir chemin avec (voisin, arrete entre nœud courant et voisin)
    Renvoyer le chemin
```

// créer un chemin de u et v et calculer le flot minimum qui peut passer par ce chemin

$\text{Make\_path}(\text{chemin} : \text{HashMap}(\text{renvoyé par bfs\_}), u, v)$

```
    ret = {} // un ensemble vide de Edge
    parent = v; // commencer par le dernier en allant en reverse
    flot_min = infinité
    While (arrete = chemin.get(parent) != null)
        Si flot_courant de arrete < flot_min alors flot_min = flot_courant
        Ajouter(ret, arrete);
    Renvoyer ret
```

$\text{edmondsKarp}(u, v : \text{Nœud})$

```
    h = (V, E) copie de graph original
    r = residuel de graph h
    // on cherche les Chemins dans le graph residuel
    parent_array = r.bfs_(u, v)
    while (path = make_path(u, v) != null)
        //mettre à jour le flot dans le graph h
```

```

    h.updateNetwork
    r = nouveau residuel graph de h
    parent_array = r.bfs_(u, v)
    calculer la somme de flot entrant de s et sortant dans t
    verifier que c'est egale (flow in = flow out)
    renvoyer flot et graph h avec les flots mis-à-jour

```

#### Edge.java

Edge composé de U, V, flow, capacité : Integer

⇒  $G = (V, E, f, c)$  avec  $f, c = \text{flow, capacité}$

#### Application.java

```

Readfile(jeu_de_données);
Lire premier ligne et extraire les dimensions d'image
(dans le boucle, y a 4 cas – probabilités de a, b, pénalités horizontales et verticales respectivement
While (ligne lu n'est pas nul):
    Lire la ligne et séparer la ligne par les espaces et vérifier dans quel cas on est et remplir le graphe

```

## 5. Instruction de compilation

Avec maven – se retrouver dans la base répertoire du projet avec le pom.xml

mvn package

java -cp target/Image-segmentation-0.0.1-SNAPSHOT.jar image.segmentation.Application

## 6. Exécution de l'application pour trouver les deux ensembles A et B

### 1. L'exemple dans l'énoncé

```

<terminated> Application (1) [Java Application] C:\Program Files\Java\jdk1.8.0_
|vertex count: 18
|edge count: 80
|t_edges: [(16, 18, 1, 20), (9, 18, 6, 20), (2, 18, 1, 20),
|time taken to calculate max flow and set A and B: 46ms
|max flow: 49
|background: [7, 8, 11, 12]
|foreground: [2, 3, 4, 5, 6, 9, 10, 13, 14, 15, 16, 17]

```

Figure 2: terminaison avec max flow de 49

## 2. Exemple avec des images 32x32



Figure 3.1: original



Figure 3.2: binarisé

```
<terminated> Application (1) [Java Application] C:\Program Files\Java\jdk1.8.0_202\bin\java.exe  
vertex count: 1026  
edge count: 6016  
t_edges: [(517, 1026, 1, 1), (2, 1026, 1, 1), (519, 1026, 1, 1),  
time taken to calculate max flow and set A and B: 144824ms  
max flow: 3731  
background: [2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16,  
foreground: [167, 168, 169, 170, 171, 172, 181, 182, 183, 199, 2
```

Figure 4: exécution de binarisation de Figure 3.1



Figure 5.1: original



Figure 5.2: binarisé

```
<terminated> Application (1) [Java Application] C:\Program Files\Java\jdk1.8.0_202\bin\java.exe  
vertex count: 1026  
edge count: 6016  
t_edges: [(517, 1026, 24, 28), (2, 1026, 1, 1), (519, 1026,  
time taken to calculate max flow and set A and B: 171831ms  
max flow: 4404  
background: [2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15,  
foreground: [101, 102, 109, 110, 111, 112, 121, 122, 123, 12
```

Figure 6: execution pour binariser Figure 5.1

## 7. Conclusion

La segmentation d'image en utilisant les coups minimums ne marchent que quand le nombre de nœuds et arrêts n'est pas trop large vu que la complexité de la plupart des algorithmes de flots est de  $O(VE)$ . On peut essayer d'autres algorithmes pour binariser une image comme l'algorithme de KNN ou Deep Learning.

## Bibliographie

[https://madoc.univ-](https://madoc.univ-nantes.fr/pluginfile.php/931845/mod_resource/content/13/FlotsAvecPreflotORO_2017.pdf)

[nantes.fr/pluginfile.php/931845/mod\\_resource/content/13/FlotsAvecPreflotORO\\_2017.pdf](https://madoc.univ-nantes.fr/pluginfile.php/931845/mod_resource/content/13/FlotsAvecPreflotORO_2017.pdf)

<https://www.coursera.org/lecture/advanced-algorithms-and-complexity/image-segmentation-refBK>

<https://www.coursera.org/lecture/image-processing/7-interactive-image-segmentation-duration-21-13-zEn0I>

[http://bigwww.epfl.ch/chaudhury/ME\\_thesis\\_KunalNC.pdf](http://bigwww.epfl.ch/chaudhury/ME_thesis_KunalNC.pdf)

<https://www.youtube.com/watch?v=IYQQ88nzxAM>

<https://math.stackexchange.com/questions/677743/finding-the-max-flow-of-an-undirected-graph-with-ford-fulkerson>

[https://en.wikipedia.org/wiki/Maximum\\_likelihood\\_estimation](https://en.wikipedia.org/wiki/Maximum_likelihood_estimation)

<https://www.slideshare.net/UlaBac/lec10-medical-image-segmentation-as-an-energy-minimization-problem>

<https://www.inf.u-szeged.hu/~kato/teaching/emm/multi-layer-mrf.pdf>

<http://www.csd.uwo.ca/faculty/yuri/Papers/iccv01.pdf>

<http://lvelhoimpa.br/ip13/reading/ijcv06.pdf>