La catégorisation

François Husson

Laboratoire de mathématiques appliquées - Agrocampus Rennes

husson@agrocampus-ouest.fr

Historique:

- proposée en 1970 par des psychologues
- mis en œuvre pour la première fois en sensoriel en 1989 par Lawless

Deux étapes :

- 1 regroupement des produits en fonction de leur ressemblance globale
- 2 description de chaque groupe de produits par des mots

Mise en place de la dégustation

- Chaque juge est dans un box individuel
- Tous les produits sont apportés simultanément
- Les produits sont codés comme pour un recueil classique
- Il est possible de revenir sur un produit
- Le juge énumère les groupes de produits et les mots associés au groupe sur une feuille blanche (avec le numéro du juge)

```
Numéro du juge : 18
Groupe 1 : 617, 172, 621 : fruité
Groupe 2: 891, 268 : fort, entêtant
Groupe 3: 145, 387, 433: fleuri, fraîcheur
Groupe 4: 925, 719, 546: marine
```

• Bien vérifier que tous les produits apparaissent 1 fois et 1 seule

Intérêts du recueil par catégorisation

- Tâche de description facile
- Tâche de description rapide
- Ne nécessite pas d'entraînement
- Peut être effectuée par des consommateurs
- Etape préliminaire/complémentaire du profil sensoriel classique
- Permet l'obtention de descripteurs

Exemple : description de parfums

Les produits



Angel



Aromatics

Elixir



Chanel n°5





Cinéma

Les juges



















Сосо L'instant Mademoiselle





Lolita





Pleasures



Pure Poison

Shalimar

J'adore (ET)

J'adore (EP)

Exemple : description de parfums

Etape 1 : constituer les groupes Etape 2: verbaliser chaque groupe « épicé, aldehyde » « gourmand, « oriental, vanille» Patchouli oil » « floral. vert » «boisé »

Quel tableau de données analyser?



 le tableau de cooccurences ⇒ MDS rq : ni information individuelle ni information sur les mots



 les tableaux individuels de cooccurences (tableaux de 0 et de 1)
 distatis
 rg: pas d'information sur les mots

```
M1 M2 ... MM
P1 20 15 ... 3
P2 17 21 ... 5
P3 5 2 ... 19
P4 3 2 ... 24
```

le tableau produit x mot ⇒ AFC
 rq: ni information sur les associations
 de produits ni information individuelle

Quel tableau de données analyser?



```
J1 J2 ... JJ
P1 G1 G3 ... G6
P2 G1 G4 ... G6
P3 G2 G4 ... G7
P4 G2 G5 ... G7
```

```
        J1
        J2
        ...
        JJ

        P1
        M1
        M3
        ...
        M6

        P2
        M1
        M4
        ...
        M6

        P3
        M2
        M4
        ...
        M7

        P4
        M2
        M5
        ...
        M7
```

les tableaux individuels produit x mot
 AFMTC
 rq: pas d'information sur les
 associations

 le tableau produit x juge avec un numéro de groupe dans chaque cellule
 ⇒ ACM
 rg: pas d'information sur les mots

 le tableau produit x juge avec les mots dans chaque cellule ⇒ ACM

Ces méthodes sont comparées dans la thèse de Marine Cadoret

Exemple : description de parfums

Codage des données :

		03	
*	vanille	orange	
	boisé	vieux	
	épicé	vieux	
77.12	orange	fort	
	orange	fort	
	orange	fort	
	vanille	fort	
	floral	fort	
1	boisé	vieux	
<u></u>	boisé	vieux	
A	floral	orange	
&	floral	orange	

vanille	boisé	épicé	oriental	floral	orange	vieux	fort	orange
1	0	0	0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	1	0	1	0
0	0	0	0	0	1	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0	1	0
1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	0	1	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	0	0	1	0	0	0	1

$$d_{i,i'}^2 = \frac{I}{J} \sum_{k=1}^K \frac{(x_{ik} - x_{i'k})^2}{I_k}$$

ĺ		vanille	boisé	épicé	oriental	floral	orange	vieux	fort	orange
Ì	*	1	0	0	0	0	0	0	0	1
ĺ		0	1	0	0	0	0	1	0	0
ĺ	****	0	0	1	0	0	0	-1	0	0
ĺ		0	0	0	0	0	1	0	1	0
		0	0	0	0	0	1	0	1	0
	(3 4)	0	0	0	1	0	0	0	1	0
	•	1	0	0	0	0	0	0	1	0
ĺ		0	0	0	0	1	0	0	1	0
ĺ	8	0	1	0	0	0	0	1	0	0
ĺ	Ç	0	1	0	0	0	0	1	0	0
ĺ	Å	0	0	0	0	1	0	0	0	1
ĺ	\brace{\brace}{\brace{\brace}{\brace}}	0	0	0	0	1	0	0	0	1
ſ		2	3	1	1	3	2	4	5	3

$$d_{i,i'}^2 = \frac{I}{J} \sum_{k=1}^K \frac{(x_{ik} - x_{i'k})^2}{I_k} = 0$$

	vanille	boisé	épicé	oriental	floral	orange	vieux	fort	orange
SLEP IPI	1	0	0		Û	0	0	0	1
81	0	ı	0		0	0	ī	0	0
22222 2222 2222 2222 2222 2222 2222 2222	Ü	Ü		7 1 1 7 1 12 1 12 1 17	Ū	0	i	0	0
	0	0	0		0		0		(1) (3)
	0	0	0		0		0		()
25	0	0	0	5 7 7 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	0	0	0		0
48351 18337	1	0	0	fi i i	0	0	0		0
	0	0	0	0		0	1)		0
8	0	1	0	0	0	0	1	0	0
Ç	0	1	0	0	0	0	-1	0	0
887 884 1 881 884 1 88 184 1 86 184 1 86 184 1	0	0	0			0	Û	0	i
	Ü	Ü	0			Ü	ij	0	
	2	3	1	1	3	2	4	5	3

- $d_{i,i'} = 0$ si les produits i et i' sont systématiquement ensemble
- i et i' sont d'autant plus proches qu'ils ont été mis ensemble par beaucoup de juges

$$d_{i,i'}^2 = \frac{I}{J} \sum_{k=1}^K \frac{(x_{ik} - x_{i'k})^2}{I_k} = \frac{I}{J} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{2} \right) = 0.83 \times \frac{I}{J}$$

	vanille	boisé	épicé	oriental	floral	orange	vieux	fort	orange
ŵ	1	0	0	(1)	0	(1)	0	0	1
2	0	1	0	Û	Û	0	ï	0	0
	0	Ü		Ü	Ü		i	Ü	Ü
192 193 193 193	0	0	0	()	0	1	0		()
15020	0	0	0	()	0		0		()
25	0	0	0	1	0	0	0		()
	1	0	0	0	0	0	0	1	0
ð	0	0	0	0	1	0	0	1	0
- 23	0	ı	0	0	Û	0	1	0	0
ø	- 0	1	0	0	0	0	1	0	- 0
00 00 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	- 0	- 0	()	Ü		Ü	()	Ü	
	0	0	()	Ü		0	0	0	
	2	3	1	1	3	2	4	5	3

- $d_{i,i'} = 0$ si les produits i et i' sont systématiquement ensemble
- i et i' sont d'autant plus proches qu'ils ont été mis ensemble par beaucoup de juges

$$d_{i,i'}^2 = \frac{I}{J} \sum_{k=1}^K \frac{(x_{ik} - x_{i'k})^2}{I_k} = \frac{I}{J} \left(\frac{1}{1} + \frac{1}{2} \right) = 1.5 \times \frac{I}{J}$$

	vanille	boisé	épicé	oriental	floral	orange	vieux	fort	orange
81.07	1	0	0	6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6	(i	(i	1)	0	
0 0 0 0 0 0 0 0 0	Û	i	0		0	0	1	0	0
	- 0	- 0	1		ū	0	i	Ü	Ü
-0- 000 000	-0	- 0	0	()	0		1)		0
	0	0	0	0	0	1	0	1	0
*	0	0	0	1	0	0	0	1	0
40000 40000 10007	1	- 0	0		0	0	0		0
i	0	0	0	0		0	0		0
10h	0	ī	0	0	0	0	I	0	0
(1)	0	i	0	0	(I	0	I	()	()
00'501 001001 001001 00 301 00 301 00 301	()	0	0	Ü	3	0	- 0	0	
81 (01)	1)	1)	0	0	3	()	0	0	
	2	3	1	1	3	2	4	5	3

- $d_{i,i'} = 0$ si les produits i et i' sont systématiquement ensemble
- i et i' sont d'autant plus proches qu'ils ont été mis ensemble par beaucoup de juges
- la modalité k contribue de façon inversement proportionnelle à sa taille (un produit particulier est éloigné)

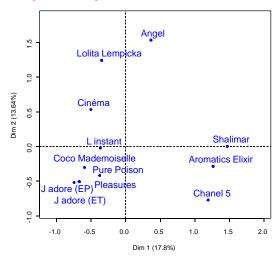
L'ACM: distance entre mots

$$d_{k,k'}^2 = I \sum_{i=1}^{I} \left(\frac{x_{ik}}{I_k} - \frac{x_{ik'}}{I_{k'}} \right)^2$$

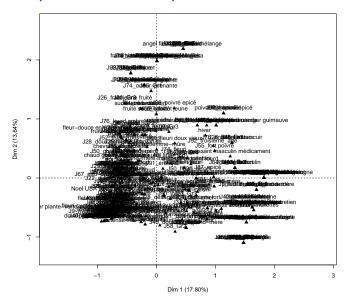
- Deux mots (deux modalités) sont d'autant plus éloignés qu'ils ont peu de parfums (d'individus) en commun : autrement dit, que le nombre de parfums décrits par le mot k et le mot k' est petit
- Deux mots sont superposés s'ils caractérisent exactement les mêmes parfums

Représentation des parfums

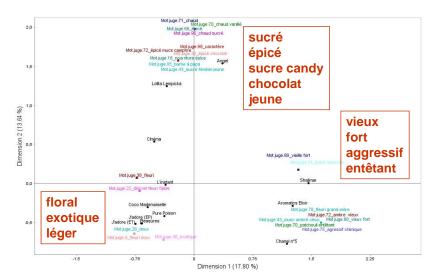
res.fast <- fast(parfums, sep.words=" ")</pre>



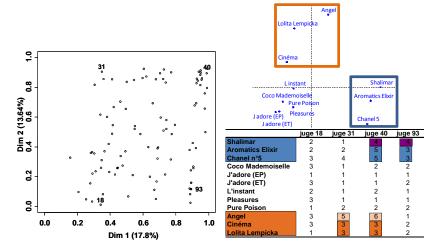
Représentation des parfums et des mots



Représentation des parfums et des mots



Représentation des juges



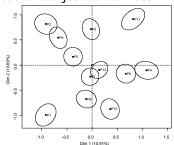
Une (mauvaise) idée pour construire des ellipses de confiance

Principe de construction :

- Faire l'ACM
- 2 Utiliser la position des mots pour obtenir la position d'un produit vu par un juge
- 3 Construire l'ellipse de confiance à partir des J positions d'un produit

Evaluation de la méthode par perturbation du jeu de données :

- Pour chaque juge, intervertir au hasard les produits
- La structure globale du jeu de données est cassée, les produits ne sont plus différenciés par tous les juges (mais on conserve le nb de groupes par juge)



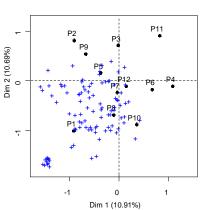
Problème : le graphe met en évidence des différences entre produits

Une (mauvaise) idée pour construire des ellipses de confiance

Ellipses de confiance

Pourquoi les ellipses sont-elles autant séparées sur un jeu de données non-structuré?

- Projections du produit 1 vu par chaque juge sont dans une même région du graphe
- L'ellipse est petite car construite autour d'un centre de gravité de beaucoup de points



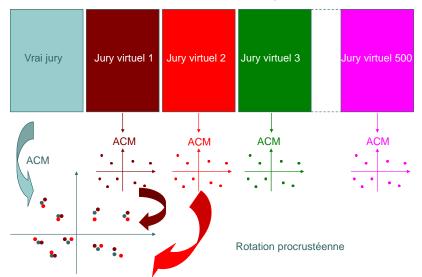
Ellipses de confiance

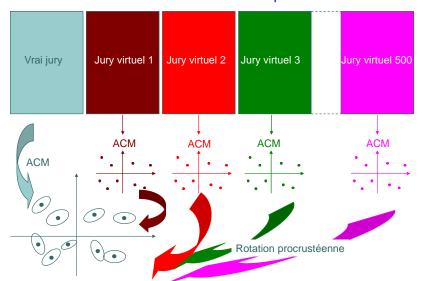
Le bootstrap total consiste à bootstraper les individus statistiques, refaire une analyse complète pour chaque réplication et enfin concaténer les résultats des échantillons bootstraps

Description de l'algorithme en catégorisation :

- 1 Faire l'ACM sur les données du vrai jury
- 2 Répéter
 - Construire un jury virtuel en choisissant au hasard des juges dans le vrai jury
 - Faire l'ACM sur le jury virtuel
 - Faire une rotation procrustéenne du plan d'ACM obtenu par le jury virtuel sur le plan de l'ACM obtenu avec le vrai jury
- 3 Construire des ellipses de confiance autour de chaque produit à partir des positions de chaque jury virtuel

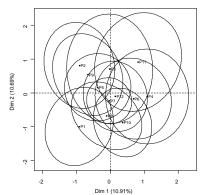
Ellipses de confiance





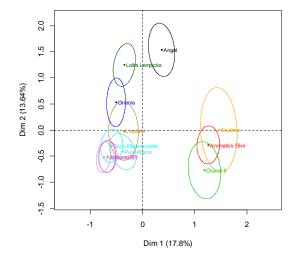
Ellipses de confiance

Evaluation de la méthode sur données non-structurées (perturbation aléatoire du jeu de données)



⇒ Aucune mise en évidence de produits : résultat attendu pour données non-structurées

Ellipses de confiance



Besoin de choisir le nombre de dimensions de l'ACM pour faire la rotation procrustéenne

Choix difficile du nombre de dimensions : souvent 2 dimensions

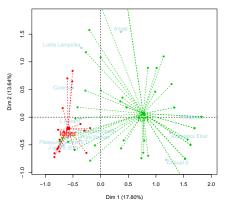
Utilisation possible de cet algorithme pour des données de catégorisation, napping, napping catégorisé, tri hiérarchique, profil flash, et pour les données de QDA.

Algorithme disponible dans la fonction boot de SensoMineR

Recherche automatique de mots consensuels

Un mot est consensuel s'il est utilisé de la même façon par les juges

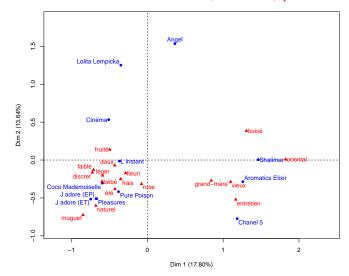
- Un mot cité par P juges a P positions
- Consensus sur un mot si la variabilité des P projections de ce mot est significativement plus petite que la variabilité des positions de P mots choisis au hasard



Quel intérêt de commenter un mot non-consensuel?

Recherche automatique de mots consensuels

res.consensual <- ConsensualWords(res.fast, nbtimes=2, proba=0.05)



Analyse textuelle

Le mot Vanillé caractérise-t-il le parfum Angel?

	Angel	Pas Angel	Total
Vanillé	5	8	13
Pas Vanillé	119	1414	1533
Total	124	1422	1546

Principe: une urne contient 1546 boules, sur 13 boules est écrit le mot vanillé, on tire 124 boules.

 H_0 : la fréquence F du mot Vanillé suit une loi $\mathcal{H}(1546, 13, 124)$

Peut-on remettre en cause cette hypothèse?

 \implies 5 provient-il d'une loi hypergéométrique $\mathcal{H}(1546, 13, 124)$?

Angel

```
Intern % glob % Intern freq Glob freq p.value v.test
vanillé
          4.032
                0.841
                                            13
                                                 0.005 2.829
```

$$\frac{5}{124} = 0.04032$$
; $\frac{13}{1546} = 0.00841$; $P[F \ge 5 \mid F \sim \mathcal{H}(1546, 13, 124)] = 0.005$

 \implies Rejet de H_0 , le mot Vanillé est sur-employé pour Angel

Analyse textuelle

res.fast\$textual

Angel

	Intern %	glob %	Intern	freq	Glob	freq	p.value	v.test
vanillé	4.032	0.841		5		13	0.005	2.829
épicé	4.839	1.488		6		23	0.015	2.426
sucré	12.097	6.598		15		102	0.026	2.225
fort	13.710	8.215		17		127	0.041	2.042

Chanel n°5

	Intern%	glob%	Intern from	eq Glob	freq	p.value	v.test
savon	7.752	1.423		.0	22	0.000	4.515
toilettes	3.101	0.712		4	11	0.019	2.341
grand-mère	6.202	2.523		8	39	0.025	2.236
chimique	3.876	1.164		5	18	0.026	2.220
fort	13.953	8.215		.8	127	0.029	2.183
vieux	3.876	1,229		5	19	0.033	2.126

Quelques références

- Cadoret M. (2010). Analyse factorielle multiple de données de catégorisation: application aux données sensorielles. Thèse de doctorat. http://marine.cad1.free.fr/These_Marine_Cadoret.pdf
- Cadoret M., Lê S. & Pagès J. (2009). A Factorial Approach for Sorting Task data (FAST). Food Quality and Preference. 20, 410–417.
- Cadoret M. & Husson F. (2013). Construction and evaluation of confidence ellipses applied at sensory data. Food Quality and Preference, 28, 106–115.
- Kostov B., Bécue-Bertaut M. & Husson F. (2014). An original methodology for the analysis and interpretation of word-count based methods: multiple factor analysis for contingency tables complemented by consensual words. Food Quality and Preference, 32, 35–40.

Les fonctions de SensoMineR :

```
fast # fait 1'ACM, l'analyse textuelle, les zones de confiance
boot # construit les ellipses de confiance (appelée par fast)
ConsensualWords # trouve les mots consensuels
```