

Có thể chưa đủ hết kiến thức đâu mọi người ạ nhưng các bạn cứ tham khảo nhé , có nhiều cái hay lắm , code siêu ngắn đúng form luôn (trr này ko phải lớp thầy thỏa nhé)

Contents

1.1 : Viết hàm dfs(int u) mô tả thuật toán duyệt theo chiều sâu...:	2
Code:quay lui	3
code :stack.....	3
1.2 : Viết hàm bfs(int u) mô tả thuật toán duyệt theo chiều sâu...:	4
Code :	5
Xác định số thành phần liên thông.....	6
Code: dfs	7
Code bfs:	7
Đường đi từ đỉnh s đến đỉnh t.....	8
Code stack :.....	9
Code dfs quay lui	10
Code bfs:	11
Kiểm tra đỉnh trụ:	12
Code Dfs:	12
Kiểm tra tính liên thông mạnh :	13
Code bfs vs dfs	14
Kiểm tra cạnh cầu: codeptit dùng ma trận kề mới đúng.....	15
dfs:	15
EULER	16
Điều kiện cần và đủ để đồ thị là Euler	16
Chứng minh đồ thị là Euler	17
Điều kiện cần và đủ để đồ thị là nửa Euler	17
Chứng minh đồ thị là nửa Euler.....	18
Thuật toán tìm đường đi Euler.....	18
Thuật toán tìm chu trình Euler.....	18

Cây khung:.....	19
Thuật toán Kruskal (1/2)	20
Thuật toán Prim (1/2):.....	21

1.1 : Viết hàm dfs(int u) mô tả thuật toán duyệt theo chiều sâu....:

Quá trình tìm kiếm ưu tiên “chiều sâu” hơn “chiều rộng”

Đi xuống sâu nhất có thể trước khi quay lại

```
DFS(u){ //u là đỉnh bắt đầu duyệt
    <Thăm đỉnh u>; //duyet đỉnh u
    chuaxet[u] = false; //xác nhận đỉnh u đã duyệt
    for(v ∈ Ke(u)){
        if(chuaxet[v]) //nếu v chưa được duyệt
            DFS(v); //duyet theo chiều sâu từ v
    }
}
```

C2 : stack :

```
DFS(u){
Bước 1: Khởi tạo
    stack = ∅; //khởi tạo stack là ∅
    push(stack, u); //đưa đỉnh u vào stack
    <Thăm đỉnh u>; //duyet đỉnh u
    chuaxet[u] = false; //xác nhận đã duyệt u
```

Bước 2: Lặp

```
while(stack ≠ ∅){
    s = pop(stack); //lấy 1 đỉnh ở đầu stack
    for(t ∈ Ke(s)){
        if(chuaxet[t]) { //nếu chưa duyệt t
            <Thăm đỉnh t>; //duyet đỉnh t
            chuaxet[t] = false; //t đã được duyệt
            push(stack, s); //đưa s vào stack
            push(stack, t); //đưa t vào stack
            break; //chỉ lấy một đỉnh t
        }
    }
}
```

Bước 3: Trả lại kết quả:

return <tập đỉnh đã duyệt>;

Code:quay lui

```
#include<bits/stdc++.h>
```

```
using namespace std;
```

```
int V,E,u,check[1005];
```

```
int a[1005][1005];
```

```
void dfs(int u){
```

```
    cout<<u<<' ';
```

```
    check[u]= 1;
```

```
    for(int v=1;v<=V;v++)
```

```
        if(a[u][v]==1&&check[v]==0) dfs(v);
```

```
}
```

```
void initwsolve(){
```

```
    cin>>V>>E>>u;
```

```
    memset(a,0,sizeof(a));
```

```
    memset(check,0,sizeof(check));
```

```
/*1*/ for(int i=1;i<=E;i++){
```

```
    int x,y;cin>>x>>y;
```

```
    a[x][y]=1;
```

```
    a[y][x]=1;
```

```
}
```

```
dfs(u);
```

```
cout<<endl;
```

```
}
```

```
int main(){
```

```
    int t;cin>>t;
```

```
    while(t--) initwsolve();
```

```
}
```

code :stack

```
#include<bits/stdc++.h>
```

```
using namespace std;
```

```
int V,E,u,check[1005];
```

```
int a[1005][1005];
```

```
void dfs(int u){
```

```
    stack<int> nganxep;
```

```
    cout<<u<<' ';
```

```

check[u]=1;
nganxep.push(u);
while(!nganxep.empty()){
    int s=nganxep.top();
    nganxep.pop();
    for(int t=1;t<=V;t++){
        if(a[s][t]==1&&check[t]==0){
            cout<<t<<' ';
            check[t]=1;
            nganxep.push(s);
            nganxep.push(t);
            break;
        }
    }
}
}
}
void initwsolve(){
    cin>>V>>E>>u;
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    /*1*/ for(int i=1;i<=E;i++){
        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
        a[y][x]=1;
    }
    dfs(u);
    cout<<endl;
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t--) initwsolve();
}

```

1.2 : Viết hàm bfs(int u) mô tả thuật toán duyệt theo chiều sâu...

Giả mã :

Thuật toán

BFS(u){

Bước 1: Khởi tạo

```
queue =  $\emptyset$ ;  
push(queue, u);  
chuaxet[u] = false;
```

Bước 2: Lặp

```
while(queue  $\neq \emptyset$ ){  
    s = pop(queue);  
    <Thăm đỉnh s>;  
    for(t  $\in$  Ke(s)){  
        if(chuaxet[t]){  
            push(queue, t);  
            chuaxet[t] = false;  
        }  
    }  
}
```

Bước 3: Trả lại kết quả

```
return <tập đỉnh đã duyệt>;  
}
```

Code :

```
#include<bits/stdc++.h>  
using namespace std;  
int V,E,u,check[1005];  
int a[1005][1005];  
void bfs(int u){  
    queue<int> q;  
    check[u]=1;  
    q.push(u);  
    while(q.size()){  
        int s=q.front();  
        cout<<s<<' '  
        q.pop();  
        for(int t=1;t<=V;t++){  
            if(a[s][t]==1&&check[t]==0){  
                check[t]=1;  
                q.push(t);  
            }  
        }  
    }  
}
```

```

    }
}

}
}
void initwsolve(){
    cin>>V>>E>>u;
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    /*1*/ for(int i=1;i<=E;i++){
        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
        a[y][x]=1;
    }
    bfs(u);
    cout<<endl;
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t--) initwsolve();
}

```

Xác định số thành phần liên thông

Thuật toán

Duyệt-TPLT(){ //duyet thành phần liên thông

Bước 1: Khởi tạo

soTPLT = 0; //khởi tạo số thành phần liên thông bằng 0

Bước 2: Lặp

for($u \in V$){ //lặp trên tập đỉnh

if(chuaxet[u]){

soTPLT = soTPLT + 1; //ghi nhận số TPLT

BFS(u); // có thể gọi DFS u

<Ghi nhận các đỉnh thuộc TPLT>;

}

}

Bước 3: Trả lại kết quả

Huy init

```

        return <các TPLT>;
    }

```

Code: dfs

```

#include<bits/stdc++.h>
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int V,E,check[1005];
int a[1005][1005];
void dfs(int u){
    check[u]= 1;
    for(int v=1;v<=V;v++)
        if(a[u][v]==1&&check[v]==0) dfs(v);
}
void initwsolve(){
    /*1init*/int res=0;
    cin>>V>>E;
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    for(int i=1;i<=E;i++){
        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
        a[y][x]=1;
    }
    /*2*/ for(int i=1;i<=V;i++){
        if(check[i]==0){
            dfs(i);res++;
        }
    }cout<<res<<endl;
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t-->0) initwsolve();
}

```

Code bfs:

```

#include<bits/stdc++.h>
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int V,E,check[1005];

```

```

int a[1005][1005];
void bfs(int u){
    queue<int> q;
    check[u]=1;
    q.push(u);
    while(q.size()){
        int s=q.front();
        q.pop();
        for(int t=1;t<=V;t++){
            if(a[s][t]==1&&check[t]==0){
                check[t]=1;
                q.push(t);
            }
        }
    }
}

```

```

void initwsolve(){
    /*1init*/int res=0;
    cin>>V>>E;
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    for(int i=1;i<=E;i++){
        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
        a[y][x]=1;
    }
    /*2*/ for(int i=1;i<=V;i++){
        if(check[i]==0){
            bfs(i);res++;
        }
    }cout<<res<<endl;
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t--) initwsolve();
}

```

Đường đi từ đỉnh s đến đỉnh t

Code stack :

```
DFS(s){
    Bước 1: Khởi tạo
    stack =  $\emptyset$ ; push(stack, s); chuaxet[s] = false;
    Bước 2: Lặp
    while(stack  $\neq \emptyset$ ){
        u = pop(stack); // lấy 1 đỉnh ở stack
        for(v  $\in$  Ke(u)){
            if(chuaxet[v]){ // nếu chưa duyệt v
                chuaxet[v] = false; // v đã duyệt
                push(stack, u); // đưa u vào stack
                push(stack, v); // đưa v vào stack
                truoc[v] = u; // lưu truoc[v] là u
                break; // chỉ lấy 1 đỉnh
            }
        }
    }
    Bước 3: Trả lại kết quả
    return <tập đỉnh đã duyệt>;
}
```

Thuật toán dùng BFS - đường đi ít cạnh nhất:

```
BFS(s){
    Bước 1: Khởi tạo
    queue =  $\emptyset$ ; push(queue, s); chuaxet[s] = false;
    Bước 2: Lặp:
    while(queue  $\neq \emptyset$ ){
        u = pop(queue); // lấy 1 đỉnh ở queue
        for(v  $\in$  Ke(u)){
            if(chuaxet[v]){ // nếu chưa duyệt v
                push(queue, v); // đưa v vào queue
                chuaxet[v] = false; // v đã duyệt
                truoc[v] = u; // lưu truoc[v] là u
            }
        }
    }
    Bước 3: Trả lại kết quả return <tập đỉnh đã duyệt>;
}
```

```
Ghi_Nhan_Duong_Di(s, t){
    if(truoc[t] == 0){
        <Không có đường đi từ s tới t>;
    }
}
```

```

    }
    else{
        <Đưa ra đỉnh t>; // đưa ra đỉnh t trước
        u = truoc[t]; // u là đỉnh trước khi đến được t
        while(u ≠ s){
            <Đưa ra đỉnh u>;
            u = truoc[u]; // lần ngược lại đỉnh trước u
        }
        <Đưa ra đỉnh s>;
    }
} // in ngược lại lớn đến nhỏ

```

Code dfs quay lui

```

#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int V,E,s,t,check[1005],b[1005]; //b: truoc s=> = b[t];
int a[1005][1005];
void dfs(int u){ //2
    check[u]=1;
    /*3*/ for(int v=1;v<=V;v++){
        if(a[u][v]==1&&check[v]==0) {
            b[v]=u;
            dfs(v);
        }
    }
}
void initwsolve(){
    cin>>V>>E>>s>>t;
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    /*1*/ for(int i=1;i<=E;i++){
        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
        a[y][x]=1;
    }
    dfs(s);
    if(check[t]==0) cout<<-1<<endl;
    /*4*/ else {
        vector <int> res;
    }
}

```

```

        int i=t;cout<<s<<' ';
        while(i!=s){res.push_back(i); i=b[i];}
        for(int i=res.size()-1;i>=0;i--) cout<<res[i]<<' ';
        cout<<endl;
    }
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t--) initwsolve();
}

```

Code bfs:

```

#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int V,E,s,t,check[1005],b[1005];//b: true s=> = b[t];
int a[1005][1005];
void bfs(int u){
    queue<int> q;
    check[u]=1;
    q.push(u);
    while(q.size()){
        int s=q.front();
        q.pop();
        for(int t=1;t<=V;t++){
            if(a[s][t]==1&&check[t]==0){
                check[t]=1;
                b[t]=s;
                q.push(t);
            }
        }
    }
}

```

```

void initwsolve(){
    cin>>V>>E>>s>>t;
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    memset(b,0,sizeof(b));//note
    /*1*/ for(int i=1;i<=E;i++){

```

```

        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
        a[y][x]=1;
    }
    bfs(s);
    if(check[t]==0) cout<<-1<<endl;
/*4*/ else {
        vector <int> res;
        int i=t;cout<<s<<' ';
        while(i!=s){res.push_back(i); i=b[i];}
        for(int i=res.size()-1;i>=0;i--) cout<<res[i]<<' ';
        cout<<endl;
    }
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t-->0) initwsolve();
}

```

Kiểm tra đỉnh trụ:

Đỉnh $u \in V$ của đồ thị vô hướng $G = \langle V, E \rangle$ được gọi là trụ nếu loại bỏ đỉnh u cùng với các cạnh nối với u làm tăng thành phần liên thông của G . Cho trước đồ thị vô hướng (liên thông) $G = \langle V, E \rangle$, tìm các đỉnh trụ của G ?

```

Duyet_Tru( $G = \langle V, E \rangle$ ){
    ReInit(); //  $\forall u \in V: chuaxet[u] = true$ ;
    for( $u \in V$ ){ // lấy mỗi đỉnh  $u$ 
        chuaxet[u] = false; // cấm BFS hoặc DFS duyệt  $u$ 
        if( $BFS(v) \neq V \setminus \{u\}$ ) // có thể kiểm tra  $DFS(v) \neq V \setminus \{u\}$ 
            <  $u$  là trụ >; // với  $v$  bất kỳ,  $v \neq u$ 
        ReInit(); // khởi tạo lại mảng chuaxet[ ]
    }
}

```

Code Dfs:

```

#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int V,E,check[1005]; //b: truoc s=> = b[t];
int a[1005][1005];

```

```

void dfs(int u){
    check[u]= 1;
    for(int v=1;v<=V;v++)
        if(a[u][v]==1&&check[v]==0) dfs(v);
}

```

```

void initwsolve(){
    cin>>V>>E;
    int res=0;
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    /*1*/ for(int i=1;i<=E;i++){
        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
        a[y][x]=1;
    }
    for(int i=1;i<=V;i++){
        memset(check,0,sizeof(check));
        check[i]=1;res=0;
        for(int j=1;j<=V;j++){
            if(check[j]==0){dfs(j);res++;}
        }
        if(res>1) cout<<i<<' ';
    }
    cout<<endl;
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t-->0) initwsolve();
}

```

Kiểm tra tính liên thông mạnh :

```

bool Strongly_Connected( $G = \langle V, E \rangle$ ){ // kt tính liên thông mạnh của G
    ReInit(); //  $\forall u \in V: chuaxet[u] = true$ ;
    for( $u \in V$ ){ // lặp trên tập đỉnh
        if( $BFS(u) \neq V$ ) // có thể kiểm tra  $DFS(u) \neq V$ 
            return false; // đồ thị không liên thông mạnh
        else
            ReInit(); // khởi tạo lại mảng chuaxet[]
    }
}

```

```

    }
    return true; // đồ thị liên thông mạnh
}

```

Code bfs vs dfs

```

#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int V,E,check[1002];
int a[1002][1002];
void bfs(int u){
    queue<int> q;
    check[u]=1;
    q.push(u);
    while(q.size()){
        int s=q.front();
        q.pop();
        for(int t=1;t<=V;t++){
            if(a[s][t]==1&&check[t]==0){
                check[t]=1;
                q.push(t);
            }
        }
    }
}
void dfs(int u){
    check[u]= 1;
    for(int v=1;v<=V;v++)
        if(a[u][v]==1&&check[v]==0) dfs(v);
}
void initwsolve(){
    /*init*/cin>>V>>E;
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    for(int i=1;i<=E;i++){
        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
    }
    /*2*/ for(int i=1;i<=V;i++){
        dfs(i);
        for(int j=1;j<=V;j++)

```

```

        if(check[j]==0){
            cout<<"NO"<<endl; return;
        }
        memset(check,0,sizeof(check));
    } cout<<"YES"<<endl;
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t--) initwsolve();
}

```

Kiểm tra cạnh cầu: codeptit dùng ma trận kề mới đúng

Cạnh $e \in E$ của đồ thị vô hướng $G = \langle V, E \rangle$ được gọi là **cạnh cầu** nếu loại e làm tăng thành phần liên thông của G . Cho trước đồ thị vô hướng (liên thông) $G = \langle V, E \rangle$, tìm các cạnh cầu của G ?

```

Duyet_Cau( $G = \langle V, E \rangle$ ){
    ReInit( ); //  $\forall u \in V: chuaxet[u] = true$ ;
    for( $e \in E$ ){ // lấy mỗi cạnh của đồ thị
         $E = E \setminus \{e\}$ ; // loại bỏ cạnh  $e$  ra khỏi đồ thị
        if(BFS(1)  $\neq V$ ) <  $e$  là cầu >; // có thể kiểm tra DFS(1)  $\neq V$ 
         $E = E \cup \{e\}$ ; // hoàn trả lại cạnh  $e$ 
        ReInit(); // khởi tạo lại mảng chuaxet[ ]
    }
}

```

dfs:

```

#include<bits/stdc++.h>
#include<bits/stdc++.h>
#define ii pair<int,int>
using namespace std;
int V,E,check[1001];
int a[1001][1001];
vector<pair<int,int> >canh;
void dfs(int u){
    check[u]= 1;
    for(int v=1;v<=V;v++)
        if(a[u][v]==1&&check[v]==0) dfs(v);
}

```

```

}
void initwsolve(){
    cin>>V>>E;
    canh.clear();
    memset(a,0,sizeof(a));
    memset(check,0,sizeof(check));
    for(int i=1;i<=E;i++){
        int x,y;cin>>x>>y;
        a[x][y]=1;
        a[y][x]=1;
        canh.push_back(ii(x,y) );
    }
    for(int i=0;i<E;i++){
        a[canh[i].first][canh[i].second]=0;
        int res=0;
        memset(check,0,sizeof(check));
        for(int k=1;k<=V;k++){
            if(check[k]==0)res++;dfs(k);
        }
        if(res>1)
            cout<<canh[i].first<<' '<<canh[i].second<<' ';
        a[canh[i].first][canh[i].second]=1;
    }
    cout<<endl;
}
int main(){
    int t;cin>>t;
    while(t-->0) initwsolve();
}

```

EULER

Điều kiện cần và đủ để đồ thị là Euler

Với đồ thị vô hướng

Đồ thị vô hướng liên thông $G = (V, E)$ là đồ thị Euler khi và chỉ khi mọi đỉnh của G đều có bậc chẵn

Với đồ thị có hướng

Đồ thị có hướng liên thông yếu $G = (V, E)$ là đồ thị Euler khi và

chỉ khi tất cả các đỉnh của nó đều có bán bậc ra bằng bán bậc vào (điều này làm cho đồ thị là liên thông mạnh)

Chứng minh đồ thị là Euler

Với đồ thị vô hướng

-Kiểm tra đồ thị có liên thông hay không?

Kiểm tra $DFS(u) = V$ hoặc $BFS(u) = V$?

-Kiểm tra bậc của tất cả các đỉnh có phải số chẵn hay không?

Với ma trận kề, tổng các phần tử của hàng u (cột u) là bậc của đỉnh u

Với đồ thị có hướng

-Kiểm tra đồ thị có liên thông yếu hay không?

+Kiểm tra đồ thị vô hướng tương ứng là liên thông, hoặc

+Kiểm tra nếu tồn tại đỉnh $u \in V$ để $DFS(u) = V$ hoặc $BFS(u) = V$?

-Kiểm tra tất cả các đỉnh có thỏa mãn bán bậc ra bằng bán bậc vào hay không?

Với ma trận kề, bán bậc ra của đỉnh u là $deg^+(u)$ là số các số 1 của hàng u , bán bậc vào của đỉnh u là $deg^-(u)$ là số các số 1 của cột u

Điều kiện cần và đủ để đồ thị là nửa Euler

Với đồ thị vô hướng

-Đồ thị vô hướng liên thông $G = \langle V, E \rangle$ là đồ thị nửa Euler khi và chỉ khi G có 0 hoặc 2 đỉnh bậc lẻ

+ G có 2 đỉnh bậc lẻ: đường đi Euler xuất phát tại một đỉnh bậc lẻ và kết thúc tại đỉnh bậc lẻ còn lại

+ G có 0 đỉnh bậc lẻ: G chính là đồ thị Euler

Với đồ thị có hướng

Đồ thị có hướng liên thông yếu $G = \langle V, E \rangle$ là đồ thị nửa Euler khi và chỉ khi:

+ Tồn tại đúng hai đỉnh $u, v \in V$ sao cho

$$deg^+(u) - deg^-(u) = deg^-(v) - deg^+(v) = 1$$

+ Các đỉnh $s \neq u, s \neq v$ còn lại có $deg^+(s) = deg^-(s)$

+Đường đi Euler sẽ xuất phát tại đỉnh u và kết thúc tại đỉnh v

Chứng minh đồ thị là nửa Euler

Với đồ thị vô hướng

-Chứng tỏ đồ thị đã cho liên thông

Sử dụng hai thủ tục DFS(u) hoặc BFS(u)

-Có 0 hoặc 2 đỉnh bậc lẻ

Sử dụng tính chất của các phương pháp biểu diễn đồ thị để tìm ra bậc của mỗi đỉnh

Với đồ thị có hướng

-Chứng tỏ đồ thị đã cho liên thông yếu

Sử dụng hai thủ tục DFS(u) hoặc BFS(u)

-Có hai đỉnh $u, v \in V$ thỏa mãn

$$\deg^+(u) - \deg^-(u) = \deg^-(v) - \deg^+(v) = 1$$

Các đỉnh $s \neq u, s \neq v$ còn lại có $\deg^+(s) = \deg^-(s)$

Thuật toán tìm đường đi Euler

Thuật toán tìm đường đi Euler gần giống hết thuật toán tìm chu trình Euler

-Tìm chu trình Euler

Đầu vào thuật toán là đỉnh $u \in V$ bất kỳ

-Tìm đường đi Euler

+Đồ thị vô hướng: Đầu vào thuật toán là đỉnh $u \in V$ có bậc lẻ đầu tiên (trường hợp có 0 bậc lẻ thì dùng đỉnh bất kỳ)

+Đồ thị có hướng : Đầu vào thuật toán là đỉnh $u \in V$ thỏa mãn $\deg^+(u) - \deg^-(u) = 1$

Thuật toán tìm chu trình Euler

Euler-Cycle(u) {

Bước 1: Khởi tạo

$stack = \emptyset$; //khởi tạo $stack$ là \emptyset

$CE = \emptyset$; //khởi tạo mảng CE là \emptyset

$push(stack, u)$; //đưa đỉnh u vào ngăn xếp

Bước 2: Lặp

$while(stack \neq \emptyset)$ {

$s = \mathbf{get}(stack)$; //lấy đỉnh ở đầu ngăn xếp

$if(Ke(s) \neq \emptyset)$ {

$t = \langle \text{đỉnh đầu tiên trong } Ke(s) \rangle$;

```

        push(stack, t);    //đưa đỉnh t vào ngăn xếp
        E = E \ {(s, t)}; //loại bỏ cạnh (s, t);
    }
    else{
        s = pop(stack);    //loại bỏ s khỏi ngăn xếp
        s ⇒ CE;           //đưa s sang CE
    }
}

```

Bước 3: Trả lại kết quả

<lật ngược lại các đỉnh trong CE ta được chu trình Euler>;
}

Cây khung:

□ Bài toán:

Cho đồ thị vô hướng $G = \langle V, E \rangle$.

Hãy xây dựng một cây khung của đồ thị bắt đầu tại đỉnh $u \in V$.

□ Cách làm:

o Sử dụng thuật toán duyệt DFS hoặc BFS;

o Mỗi khi ta đến được đỉnh v (tức là $chuaxet[v] = true$) từ đỉnh u thì cạnh (u, v) được kết nạp vào cây khung.

thuật toán :

```

Tree-DFS(u){
    chuaxet[u] = false; // đánh dấu đỉnh u đã duyệt
    for( $v \in Ke(u)$ ){
        if(chuaxet[v]){ // nếu v chưa được duyệt
            T = T ∪ {u, v}; // hợp cạnh (u,v) vào cây khung T
            Tree-DFS(v); // duyệt theo chiều sâu từ v
        }
    }
}
.

```

```

root = <đỉnh u bất kỳ  $\in V$ >; // Lấy một đỉnh bất kỳ làm gốc
Tree-Graph-DFS(root){
for( $u \in V$ )
chuaxet[u] = true; // Khởi tạo mọi đỉnh: chưa xét
T =  $\emptyset$ ; // Cây ban đầu chưa có cạnh nào
Tree-DFS(root); // Gọi hàm tạo cây khung từ 1 đỉnh
if( $T < n - 1$ )
<đồ thị không liên thông>;
else
<ghi nhận tập cạnh của cây khung T>; }
.

```

Thuật toán Kruskal (1/2)

```

Kruskal( ){
    Bước 1 (khởi tạo):
        T =  $\emptyset$ ; // Ban đầu tập cạnh cây khung là rỗng
        d(H) = 0; // Ban đầu độ dài cây khung là 0
    Bước 2 (sắp xếp):
        <sắp xếp các cạnh đồ thị theo thứ tự tăng dần của trọng số>;
    Bước 3 (lặp):
        while( $|T| < n - 1 \ \&\& \ E \neq \emptyset$  ){
            e = <Cạnh có độ dài nhỏ nhất>;
            E = E \ {e}; // Loại cạnh e ra khỏi tập cạnh
            if(T  $\cup$  {e} không tạo nên chu trình){
                T = T  $\cup$  {e}; // Đưa e vào cây khung
                d(H) = d(H) + d(e); // Cập nhật độ dài cây khung
            }
        }
    Bước 4 (trả lại kết quả):
        if( $|T| < n - 1$ ) <Đồ thị không liên thông>;
        else return (T, d(H));
}

```

Vd: 3.7:

```

0 4 1 1 2 9 0 5 4 7
4 0 2 0 9 1 5 0 6 0

```

1 2 0 7 0 6 6 1 1 9
1 0 7 0 1 7 0 6 0 0
2 9 0 1 0 3 4 3 1 2
9 1 6 7 3 0 3 1 1 5
0 5 6 0 4 3 0 4 5 0
5 0 1 6 3 1 4 0 4 2
4 6 1 0 1 1 5 4 0 4
7 0 9 0 2 5 0 2 4 0

Giai :

dH= 12

1 3

1 4

2 6

3 8

3 9

4 5

6 8

5 10

6 7

Thuật toán Prim (1/2):

Prim(s){

 Bước 1 (khởi tạo):

$V_H = \{s\}$; // Ban đầu V_H chỉ chứa s

$V = V \setminus \{s\}$; // Loại s ra khỏi V

$T = \emptyset$; // Cây khung ban đầu chưa có cạnh nào

$d(H) = 0$; // Độ dài cây khung ban đầu bằng 0

 Bước 2 (lặp):

 while($V \neq \emptyset$){

$e = (u, v)$; // Cạnh độ dài nhỏ nhất với $u \in V, v \in V_H$

 if(không tìm được e)

 return <Đồ thị không liên thông>;

$T = T \cup \{e\}$; // Đưa e vào cây khung

$d(H) = d(H) + d(e)$; // Cập nhật độ dài cây khung

$V_H = V_H \cup \{u\}; // \text{Đưa } u \text{ vào } V_H$

$V = V \setminus u; // \text{Loại } u \text{ ra khỏi } V$

}

Bước 3 (trả lại kết quả):

return (T, d(H));

}

Vd :3.8

0 4 1 1 2 9 0 5 4 7

4 0 2 0 9 1 5 0 6 0

1 2 0 7 0 6 6 1 1 9

1 0 7 0 1 7 0 6 0 0

2 9 0 1 0 3 4 3 1 2

9 1 6 7 3 0 3 1 1 5

0 5 6 0 4 3 0 4 5 0

5 0 1 6 3 1 4 0 4 2

4 6 1 0 1 1 5 4 0 4

7 0 9 0 2 5 0 2 4 0

Giai :

dH = 12

1 3

1 4

3 8

3 9

4 5

8 6

6 2

5 10

6 7