

1. Xếp “Cột trụ”

Cho một tập các hình trụ $V = \{V_1, V_2, \dots, V_n\}$ trong đó:

- i) hình trụ V_i có chiều cao h_i , bán kính r_i là các số nguyên thỏa mãn $0 < h_i, r_i \leq 10^6$ ($i = 1, 2, \dots, n$)
- ii) các hình trụ có bán kính đôi một khác nhau.

Các hình trụ có thể xếp chồng lên nhau để tạo thành một “**Cột trụ**” theo quy tắc: Chỉ hình trụ có bán kính nhỏ hơn có thể được xếp chồng lên hình trụ có bán kính lớn hơn, nghĩa là với mọi $V_i, V_j \in V$: V_i xếp chồng được lên V_j khi và chỉ khi $r_i < r_j$. Chiều cao của “**Cột trụ**” là tổng chiều cao của các hình trụ được xếp trong “**Cột trụ**” đó.

Yêu cầu: Đối với chiều cao h nguyên dương cho trước, tính số lượng hình trụ cần ít nhất để xếp thành “**Cột trụ**” có chiều cao không nhỏ hơn h .

Dữ liệu: Vào từ file văn bản VOL.INP chứa nhiều test:



- Dòng đầu tiên chứa số t cho biết số lượng test. Các dòng tiếp theo chứa các test.
- Dòng đầu tiên của test chứa số n và h lần lượt là số lượng hình trụ và chiều cao giới hạn của “**Cột trụ**”
- n dòng tiếp theo trong test, mỗi dòng chứa hai số h_i và r_i cho biết chiều cao và bán kính của hình trụ thứ i trong test.

Kết quả: Ghi ra file văn bản VOL.OUT chứa nhiều dòng, mỗi dòng một số nguyên cho biết kết quả của mỗi test, nếu không có cách xếp trụ in ra -1.

Ví dụ:

VOL . INP	VOL . OUT
2	1
3 2	-1
1 5	
2 3	
3 1	
4 8	
2 5	
3 2	
1 3	
1 1	

2. XÂU CƠ SỞ

Lũy thừa nguyên bậc n của một xâu là việc lặp lại liên tiếp n lần xâu đó.

Ví dụ $(abc)^3 = abcabcabc$.

Xâu cơ sở của 2 xâu S và T là xâu q có độ dài lớn nhất sao cho $S = q^i$ và $T = q^j$ ($i, j \in \mathbb{N}$)

Yêu cầu: Cho 2 xâu khác rỗng S và T có độ dài không quá 10^6 và chỉ chứa các ký tự latin thường. Hãy xác định xâu cơ sở của S và T . Nếu không tồn tại xâu cơ sở thì đưa ra **NO**.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản **BASESTRING.INP**:

- Dòng thứ nhất chứa xâu S .
- Dòng thứ 2 chứa xâu T .

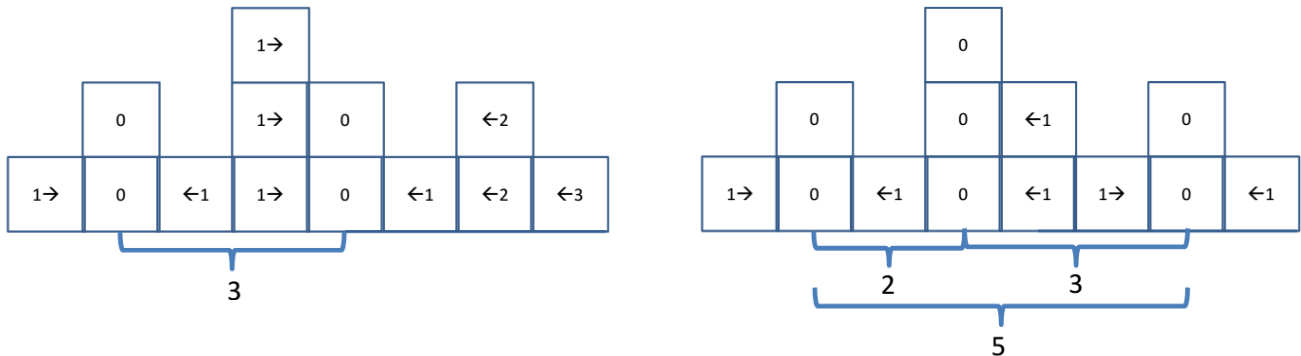
Kết quả: Đưa ra file văn bản **BASESTRING.OUT** xâu q hoặc thông báo **NO**.

Ví dụ:

BASESTRING . INP	BASESTRING . OUT
aaa aa	a

3. Đồn đồng

Có N cột liên tiếp nhau $1, 2, 3, \dots, N$. Cột thứ i gồm h_i khối hộp chồng lên nhau. Chi phí để di chuyển một khối sang một vị trí là 1 đơn vị. Người ta muốn đồn tất cả các khối hộp vào một số cột sao cho khoảng cách giữa 2 cột khác nhau bất kỳ còn khối hộp là một số nguyên tố.



Ví dụ, với dãy cột 1, 2, 1, 3, 2, 1, 2, 1, hình bên trái thể hiện một cách di chuyển với chi phí là 13. Hình bên phải thể hiện một cách di chuyển với chi phí là 6.

Yêu cầu: Xác định chi phí nhỏ nhất để di chuyển các khối hộp thỏa mãn điều kiện trên.

Dữ liệu: vào từ file **MOUNTAIN.INP**

- Dòng đầu chứa hai số nguyên dương N ($N \leq 30000$)
- Dòng thứ hai chứa hai N số nguyên h_1, h_2, \dots, h_N ($0 \leq h_i \leq 10^3$).

Kết quả: Ghi ra file **MOUNTAIN.OUT** một số nguyên duy nhất là chi phí nhỏ nhất tìm được.

MOUNTAIN . INP	MOUNTAIN . OUT
2 1 2	1
3 0 0 0	0
8 1 2 1 3 2 1 2 1	6

4. Hàm giao hoán

Hai hàm số f và g ($f, g: X \rightarrow X$) được gọi là giao hoán nhau nếu $f(g(x)) = g(f(x)) \forall x \in X$. Ví dụ hàm $f(x) = x + 1$ và $g(x) = x + 2$ là giao hoán. Hai hàm $f(x) = x + 1$ và $g(x) = 2x$ không giao hoán. Hàm số $f: X \rightarrow X$ được gọi là song ánh với $\forall y \in X$, tồn tại một và chỉ một giá trị $x \in X$ sao cho $y = f(x)$.

Yêu cầu: Cho hàm số $f: N_n \rightarrow N_n$ song ánh, với $N_n = \{1, 2, 3, \dots, n\}$. Xác định dãy b_1, b_2, \dots, b_n có thứ tự từ điển nhỏ nhất với $b_i = g(i)$ và g là hàm số giao hoán của f .

Dữ liệu: vào từ file **COMMUTE.INP**

- Dòng đầu chứa số nguyên dương n ($n \leq 2 \cdot 10^5$).
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương biểu diễn giá trị $f(1), f(2), \dots, f(n)$.

Kết quả: Ghi ra file **COMMUTE.OUT** n số nguyên $b_1, b_2, b_3, \dots, b_n$

COMMUTE . INP	COMMUTE . OUT
10	1 2 3 4 5 6 7 8 9 9
2 3 4 5 6 7 8 1 9 10	

Ràng buộc:

- 30% số test $n \leq 10$