## Benemérita Universidad Autónoma de Puebla



# FACULTAD DE CIENCIAS DE LA ELECTRÓNICA

LICENCIATURA EN ELECTRÓNICA

### Tarea 1

 $\label{eq:profesor:Profesor:} Fernando López Marcos$ 

Alumnos: Número de Matrícula:

Hanan Ronaldo Quispe Condori \*\*\*\*\*\*
Erick Sandro Niño García 201631150
Carlos Alfredo Vega Aguilar 201632131

14 de enero de 2020

### 1. Código

Graficar en MATLAB las siguientes señales:

$$y_1 = sen(0.25 * \pi * n)$$
  
 $y_2 = sen(0.25 * 3.14 * n)$ 

```
%GRAFICA DE SENOIDAL PERIODICA Y NO PERIODICA
clc;
clear all;
close all;
n=0:1:100;
y1=sin(0.25*pi*n);
y2=sin(0.25*3.14*n);
subplot(2,1,1);
stem(n,y1);
subplot(2,1,2);
stem(n,y2);
```

#### 2. Gráficas

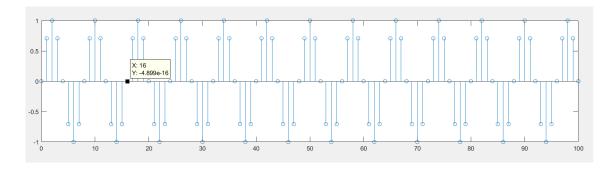


Figura 1: Valor de la muestra 16 para y1.

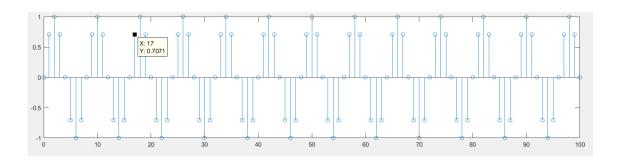


Figura 2: Valor de la muestra 17 para y1.

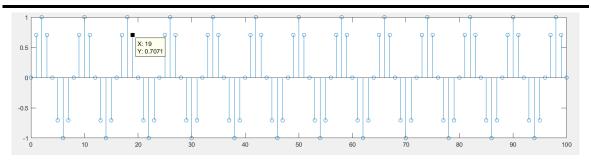


Figura 3: Valor de la muestra 19 para y1.

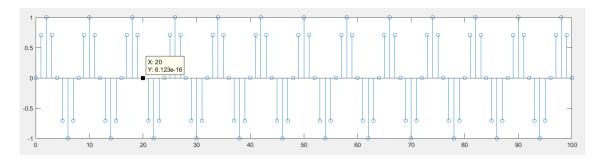


Figura 4: Valor de la muestra 20 para y1.

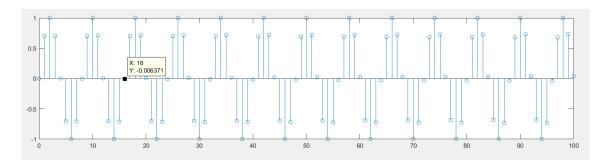


Figura 5: Valor de la muestra 16 para y2.

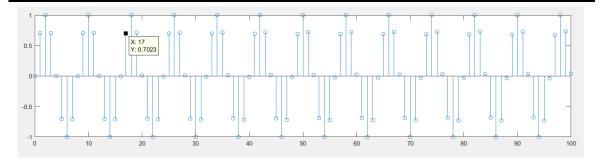


Figura 6: Valor de la muestra 17 para y2.

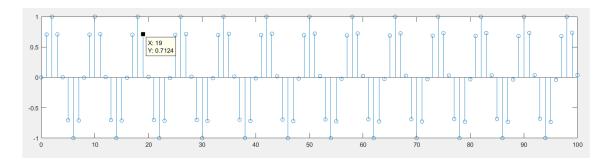


Figura 7: Valor de la muestra 19 para y2.

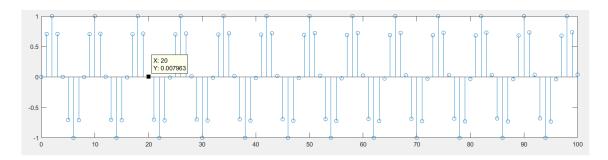


Figura 8: Valor de la muestra 20 para y2.

#### 3. Resultados Observados

Tenemos que una señal periódica se define como:

$$x(n+N) = x(n)$$

Donde n es el número de muestras y es un entero. Entonces tenemos que una señal sinusoidal está definida como:

$$sin(wn + \theta)$$

Donde w es la frecuencia en radianes por muestra y  $\theta$  es la fase. Si la señal es sinusoidal-periódica se tiene que cumplir la siguiente propiedad:

$$sin(wn + \theta) = sin(w(n + N) + \theta)$$

que nos conduce a deducir que:

$$2\pi k = wN$$

donde k es un entero arbitrario. Si expresamos  $w = 2\pi f_0$  tenemos que:

$$f_0 = \frac{k}{N}$$

Esto significa que la frecuencia en ciclos por muestra  $f_0$  debe ser un número racional para que la sinusoidal sea periódica. A la menor N se le denomina frecuencia fundamental y representa cada cuántas muestras se repetirá la señal.

Para nuestro caso tenemos 2 señales sinusoidales con  $f_0$  de valores:

$$f_A = \frac{1}{8} \frac{x_1}{\pi}$$

$$f_B = \frac{1}{8} \frac{x_2}{\pi}$$

Donde  $x_1$  es el valor de  $\pi$  más preciso y  $x_2$  es el valor menos preciso. Para  $x_1$  tenemos que la señal se repite cada 8 muestras, como se esperaría ya que N=8, y para  $x_2$  tenemos que la muestra se repite cada 150 muestras, si es que se repite.

Es observable que la diferencia entre los valores de las muestras en la figura 1 y 4 es muy pequeña, siendo poco estrictos se consideran cero por ser del orden de  $1x10^{-16}$ . Además, para la figura 2 y 3 se observa un valor congruente lo cual, juntando ambos fenómenos resulta en una señal periódica.

Para el caso de la figura 5 y 8, si bien los valores también son pequeños, no lo son tanto comparado a sus homónimos mostrados en las figuras 1 y 4 respectivamente, por lo que ya son cifras que deben ser consideradas. Además, los valores de las figuras 6 y 7 aunque son cercanos, no son iguales, entonces no se puede considerar a esta función como periódica.

#### 4. Conclusiones

Se consiguió observar la importancia de  $\pi$  en el argumento de la función seno para demostrar la periodicidad de esta en tiempo discreto ya que, con un valor más exacto del valor  $\pi$ , se obtiene una señal que, despreciando cifras significativas, puede considerarse como periódica.

Caso contrario sucede para la segunda función. Cuando solo se utiliza un valor poco aproximado a  $\pi$  ya que es notorio como esta variación, provoca cambios más significativos comparado con la primera función.