SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO <u>HÀ NỘI</u>

KÌ THI CHỌN HỌC SINH GIỚI THÀNH PHỐ LỚP 12 THPT NĂM HỌC 2020 - 2021

ĐỀ CHÍNH THỰC

Môn thi: TIN HQC

Ngày thi: 29 tháng 09 năm 2020 Thời gian làm bài: 180 phút (Đề thi có 03 trang)

Tổng quan bài thi

STT	Tên bài	Tên chương trình	Tên tệp dữ liệu vào	Tên tệp kết quả ra	Điểm	Thời gian tối đa
Bài 1	Tìm giữa	BAI1.*	BAI1.INP	BAI1.OUT	6	1 giây
Bài 2	Hoán vị số	BAI2.*	BAI2.INP	BAI2.OUT	5	1 giây
Bài 3	Phát đồng xu	BAI3.*	BAI3.INP	BAI3.OUT	5	1 giây
Bài 4	Dịch chuyển tức thời	BAI4.*	BAI4.INP	BAI4.OUT	4	1 giây

Chú ý: Dấu * được thay thế bởi PAS hoặc CPP tùy thuộc vào ngôn ngữ lập trình mà thí sinh sử dụng.

Bài 1. Tìm giữa (6 điểm)

Cho hai số nguyên dương L và R.

Yêu cầu: Tìm số nguyên dương M ($L \le M < R$) để chênh lệch giữa tổng các số nguyên liên tiếp từ L đến M và tổng các số nguyên liên tiếp từ M+1 đến R là nhỏ nhất.

Dữ liệu vào từ tệp BAI1.INP:

Gồm hai số nguyên dương L và R ($L < R \le 10^9$).

Kết quả ra ghi vào tệp BAI1.OUT:

Gồm một số nguyên duy nhất là số M thoả mãn.

Ví dụ:

BAI1.INP	BAI1.OUT	Giải thích
2 7	5	Tổng từ 2 đến 5 là: 14. Tổng từ 6 đến 7 là: 13
		Chênh lệch là: 1

Lưu ý: Mỗi số nguyên cách nhau một dấu cách.

- Có 60% số test: $L < R \le 10^3$;
- Có 40% số test còn lai: $L < R \le 10^9$.

Bài 2. Hoán vị số (5 điểm)

Trong một cuốn sách cổ có ghi lại rất nhiều các con số bí ẩn mà chúng có mối liên hệ với số 30. Sau một thời gian nghiên cứu, các chuyên gia đã tìm được cách giải mã các số đó: hoán vị các chữ số của số bí ẩn để thu được một bội số lớn nhất của 30.

Yêu cầu: Hãy viết chương trình để giúp các chuyên gia giải mã các số bí ẩn đó.

Dữ liệu vào từ tệp BAI2.INP:

Gồm một dòng duy nhất chứa số nguyên dương N, với N có tối đa 10^7 chữ số là số cần giải mã. **Kết quả ra ghi vào tệp BAI2.OUT:**

Gồm một số nguyên duy nhất là số lớn nhất chia hết cho 30 tìm được bằng cách hoán vị các chữ số của N. Nếu không tìm thấy thì đưa ra -1.

Ví dụ:

BAI2.INP	BAI2.OUT	Giải thích
1002	2100	Số 2100 là hoán vị lớn nhất của số 1002 và chia hết cho 30
12498567859	-1	Không tồn tại số hoán vị nào chia hết cho 30

Luu ý:

- Có 50% số test: $N \le 10^9$;
- Có 50% số test còn lại: N có tối đa 10⁷ chữ số.

Bài 3. Phát đồng xu (5 điểm)

Trong một trò chơi, có N người chơi xếp thành một vòng tròn và được đánh số từ 1 đến N theo chiều kim đồng hồ. Trước khi trò chơi bắt đầu, sẽ có M lượt phát đồng xu cho người chơi với nguyên tắc như sau: mỗi lượt, chọn ngẫu nhiên hai số nguyên dương L và R ($L \le N$, $R \le N$), phát một đồng xu cho những người chơi từ số L đến số R theo chiều kim đồng hồ.

Yêu cầu: Cho trước N, M và các cặp số L, R. Tìm số đồng xu lớn nhất mà người chơi được phát và số lượng người chơi đạt được số đồng xu như vậy.

Dữ liệu vào từ tệp BAI3.INP:

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên dương N và M là số lượng người chơi và số lượt phát đồng
- *M* dòng sau, mỗi dòng gồm hai số nguyên dương *L* và *R* mô tả lượt phát đồng xu.

Kết quả ra ghi vào tệp BAI3.OUT:

Gồm hai số nguyên dương là số đồng xu lớn nhất mà người chơi được phát và số lượng người chơi đạt được số đồng xu như vậy.

Ví dụ:

BAI3.INP	BAI3.OUT	Giải thích
5 2	2 4	Số đồng xu của mỗi người ở mỗi lượt phát đồng xu:
1 5		Ban đầu: 0 0 0 0 0
4 2		Lượt thứ nhất: 1 1 1 1 1
		Lượt thứ hai: 22122
		Vậy số lượng đồng xu lớn nhất là 2 và có 4 người được 2 đồng xu.

Lưu ý: Mỗi số nguyên cách nhau một dấu cách.

- Có 60% số test: $N, M \le 10^3$;
- Có 20% số test khác: $N, M \le 10^5$;
- Có 20% số test còn lại: $N \le 10^9$, $M \le 10^5$.

Bài 4. Dịch chuyển tức thời (4 điểm)

Trong một trò chơi di chuyển trên bảng số có quy tắc như sau:

- Bảng số gồm có N dòng và M cột; các dòng được đánh số 1 đến N, từ trên xuống dưới; các cột được đánh số từ 1 đến M, từ trái sang phải. Ô ở dòng thứ u giao với cột thứ v được gọi là ô (u, v). Ô (u, v) chứa một số nguyên A_{uv} không âm.
- Từ ô (u, v), người chơi có thể di chuyển sang một ô có chung cạnh: (u 1, v), (u + 1, v), (u, v 1), (u, v + 1) hoặc di chuyển sang một ô khác có cùng giá trị và không thể di chuyển vào ô có giá trị bằng 0. Mỗi lần di chuyển tốn một đơn vị thời gian.

Yêu cầu: Cho vị trí ô xuất phát và ô đích, tìm thời gian nhỏ nhất đi từ ô xuất phát về ô đích theo luật của trò chơi.

Dữ liệu vào từ tệp BAI4.INP:

- Dòng đầu tiên gồm hai số nguyên dương N và M là số dòng và số cột của bảng.
- Dòng thứ hai gồm bốn số x, y, z, t mô tả xuất phát ở ô (x, y) và đích ở ô (z, t).
- N dòng sau, mỗi dòng gồm M số nguyên không âm mô tả bảng số.

Kết quả ra ghi vào tệp BAI4.OUT:

Gồm một số nguyên dương là số đơn vị thời gian nhỏ nhất để đi từ ô xuất phát đến ô đích thoả mãn yêu cầu.

Ví dụ:

BAI4.INP	BAI4.OUT	Giải thích
5 4	9	Có thể đi như các đỉnh được tô đậm: 1, 2, 3, 4, 6, 9, 8, 10, 13, 14.
1 1 5 4		1 2 3 4
1 2 3 4		5 0 0 6
5006		7 0 8 9
7089		0 0 10 0
0 0 10 0		11 12 13 14
11 12 13 14		
5 4	4	Có thể đi như các đỉnh được tô đậm: 1, 5, 7, 7, 9.
1 1 5 4		1 2 3 4
1 2 3 4		5 0 0 6
5006		7 0 8 6
7086		0 0 6 0
0 0 6 0		3 4 7 9
3 4 7 9		

Lưu ý: Mỗi số nguyên cách nhau một dấu cách. Dữ liệu đảm bảo luôn có đường đi từ xuất phát đến đích.

- Có 40% số test: $N, M \le 100, A_{uv} < 10^9$ và các số nguyên dương trong bảng phân biệt;
- Có 20% số test khác: $N, M \le 1000, A_{uv} < 10^9$ và các số nguyên dương trong bảng phân biệt;
- Có 20% số test khác: N, $M \le 1000$, $A_{uv} < 10^9$ và các số nguyên dương trong bảng lặp lại không quá hai lần;
- Có 20% số test còn lại: $N, M \le 1000, A_{uv} < 10^9$ và các số trong bảng có thể lặp lại nhiều lần.

,
Hết

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm; các tệp dữ liệu vào là tệp văn bản đúng đắn không cần kiểm tra; làm bài với các tên tệp đúng như quy định trong đề.

Họ và tên thí sinh:	Sô báo danh:
Chữ kí cán bộ coi thi số 1:	Chữ kí cán bộ coi thi số 2: