高2SL数学 小テスト 2学期第3講

氏名

①以下の方程式・不等式を解け

$$(1)\left(\frac{1}{3}\right)^{2x} = 27$$

[解]

$$3^{-2x} = 3^3$$

$$-2x = 3$$

$$x=-\frac{3}{2}$$

$$(2) \, 3^{2x} + 3^x - 12 \ge 0$$

[解]

$$t = 3^x$$
 とおく $(t > 0)$

$$(3^x)^2 + 3^x - 12 \ge 0$$

$$t^2 + t - 12 \ge 0$$

$$(t+4)(t-3) \ge 0$$

$$t > 0$$
 より $(t + 4) > 0$ なので

$$(t-3) \ge 0 \ \ \, \downarrow \ \ \, \downarrow \ \ \, t \ge 3$$

$$3^x \ge 3 \rightarrow x \ge 1$$