

125 内分点・外分点の位置ベクトル

O を原点とする座標平面上に 2 点 A (2, 1), B (5, 2) がある。線分 AB を 2:1 に内分する点を C,

外分する点を D とするとき, $\overrightarrow{OC} = \frac{\text{ア}}{\text{イ}} \overrightarrow{OA} + \frac{\text{ウ}}{\text{エ}} \overrightarrow{OB}$, $\overrightarrow{OD} = \text{オ} \overrightarrow{OA} + \text{カ} \overrightarrow{OB}$

と表せるから, 点 C, D の座標は, C $\left(\text{キ}, \frac{\text{ク}}{\text{ケ}} \right)$, D (コ , サ) である。

126 ベクトルの平行

2 つのベクトル $\vec{a} = (2, 3)$, $\vec{b} = (x, 1)$ について, $3\vec{a} + \vec{b}$ と $\vec{a} - \vec{b}$ が平行になるとき,

$x = \frac{\text{ア}}{\text{イ}}$ である。

127 ベクトルの内積となす角

$\vec{a} = (1, -2)$, $\vec{b} = (1, 3)$ とすると, $|\vec{a}| = \sqrt{\text{ア}}$, 内積 $\vec{a} \cdot \vec{b} = \text{イウ}$ であり, \vec{a} と \vec{b} のなす角を θ ($0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$) とするとき, $\theta = \text{エオカ}^\circ$ である。

128 ベクトルの内積と大きさ

$|\vec{a}| = 1$, $|\vec{b}| = 2$, $|\vec{a} - 2\vec{b}| = \sqrt{11}$ のとき, 内積 $\vec{a} \cdot \vec{b} = \frac{\text{ア}}{\text{イ}}$ であり, $|\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{\text{ウ}}$ である。

129 ベクトルの大きさの最小値

t は実数, $|\vec{a}| = 3$, $|\vec{b}| = 2$, $\vec{a} \cdot \vec{b} = -2$ とする。 $|\vec{a} + t\vec{b}|$ は $t = \frac{\text{ア}}{\text{イ}}$ のとき, 最小値

$\text{ウ} \sqrt{\text{エ}}$ をとる。

130 ベクトルの垂直と内積

$\triangle OAB$ があり, $OA = 2$, $OB = \sqrt{3}$, $\angle AOB = 150^\circ$ を満たしている。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ とすると, $\vec{a} \cdot \vec{b} = \text{アイ}$ である。次に, 辺 AB 上に点 P をとり, $AP : PB = t : (1 - t)$ (ただし, $0 < t < 1$) と

おくと, $OP \perp AB$ のとき, $t = \frac{\text{ウ}}{\text{エオ}}$ である。