## 高2HL数学 小テスト 2学期第3講

氏名		
~ ~ □		

①次の等式を満たす関数 f(x) を求めよ

$$(1) f(x) = x^2 + x + 2 \int_0^1 f(t) dt$$

[解]

$$\int_0^1 f(t) dt = a と おく$$

$$f(x) = x^2 + x + 2a$$

$$\int_0^1 (t^2 + t + 2a) \, dt = a$$

$$\left[\frac{1}{3}t^3 + \frac{1}{2}t^2 + 2at\right]_0^1 = a$$

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{2} + 2a = a \ \ \ \ \ \ \ \ a = -\frac{5}{6}$$

よって

$$f(x) = x^2 + x - \frac{5}{3}$$

②次の等式を満たす関数 f(x) および定数 a の値を求めよ

$$(1) \int_{a}^{x} f(t) dt = 2x^{2} - x - 1$$

[解]

両辺をxで微分する

$$f(x)=4x-1$$

次にx = aを代入すると

$$\int_a^a f(t) dt = 2a^2 - a - 1$$

$$0 = 2a^2 - a - 1$$

$$(2a+1)(a-1) = 0$$

よって

$$a=1$$
,  $-\frac{1}{2}$