RAT 高 2 HL 数学

7月実施 川崎校

注意事項

- ①問題の大問は2つ
- ②大問1,大問2全て答えのみを解答
- ③解答用紙は片面1枚
- ④解答時間は30分
- ⑤空白の部分を計算に利用してもよい
- ⑥解答後は模範解答をみて、自己採点を行い、点数をだす

氏名_____

(大問 1)

①以下を計算せよ(但し a > 0 とする)

- $(1)\sqrt{2}\sqrt[6]{200}\sqrt[3]{25}$
- $(2) (3^4 \times 5^{-4})^{\frac{3}{4}}$
- $(3)\sqrt{a}\times\sqrt[4]{a^5}\div\sqrt{\sqrt{a^3}}$

②以下の等式・不等式を解け

 $(1) 4^x - 5 \cdot 2^{x+2} + 64 = 0$

 $(2)\left(\frac{1}{2}\right)^{3x-1} < 8$

 $(3) 9^x + 3^x - 12 \ge 0$

③以下を計算せよ

- $(1)\,3\log_42 \tfrac{1}{2}\log_47 + \log_4\tfrac{\sqrt{7}}{2}$
- $(2)\log_2 3 \cdot \log_3 8 \cdot \log_4 8$

④以下の等式・不等式を解け

- $(1)\log_2 x + \log_2(x 2) = 3$
- $(2) 2 \log_2(x-1) < \log_2(3-x)$
- $(3)\log_{\frac{1}{3}}(x+6) 2\log_{\frac{1}{3}}x > 0$
- $(4) (\log_2 x)^2 + \log_2 x^2 3 < 0$

⑤次の数は何桁の数か。(但し $\log_{10} 2 = 0.3010$, $\log_{10} 3 = 0.4771$ とする)

 $(1) 3^{20}$

(大問 2)

①以下の等式・不等式を解け(但し $0 \le \theta < 2\pi$ とする)

 $(1) 2 \cos \theta \ge -\sqrt{3}$

- $(2) 2\cos^2\theta \sin\theta 1 = 0$
- ② $0<\alpha<\frac{\pi}{2}$, $\frac{\pi}{2}<\beta<\pi$ で、 $\cos\alpha=\frac{5}{13}$, $\sin\beta=\frac{1}{2}$ のとき次の値を求めよ
- $(1)\sin(\alpha+\beta)$

- $(2)\cos(\alpha-\beta)$
- ③次の等式を解け(但し $0 \le x < 2\pi$ とする)
- $(1)\sqrt{3}\sin x + \cos x = \sqrt{3}$