

## 34 (等差)×(等比)型の数列の和

初項 1, 公差 3 の等差数列  $\{a_n\}$  の一般項は,  $a_n = \boxed{\text{ア}}n - \boxed{\text{イ}}$  であり, 初項 1, 公比 2 の等比数列  $\{b_n\}$  の一般項は,  $b_n = \boxed{\text{ウ}}^{n-1}$  である。このとき,  $S = \sum_{k=1}^n a_k b_k$  とおくと

$$S = (\boxed{\text{エ}}n - \boxed{\text{オ}})\boxed{\text{カ}}^n + \boxed{\text{キ}}$$

である。

## 35 和と一般項の関係

数列  $\{a_n\}$  の初項から第  $n$  項までの和を  $S_n$  とすると,  $S_n = 2a_n - 3n$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) を満たしている。このとき,  $a_1 = \boxed{\text{ア}}$  であり

$$a_{n+1} = \boxed{\text{イ}}a_n + \boxed{\text{ウ}}$$

が成り立つ。この式は

$$a_{n+1} + \boxed{\text{エ}} = \boxed{\text{オ}}(a_n + \boxed{\text{エ}})$$

と変形できる。よって, 数列  $\{a_n\}$  の一般項は

$$a_n = \boxed{\text{カ}} \cdot \boxed{\text{キ}}^n - \boxed{\text{ク}}$$

である。