## 高 2HL 数学 小テスト 1 学期第 7 講

氏名 \_\_\_\_\_

① $\Delta ABC$  において、ABを 2:1 に内分する点D(AD:DB=2:1),ACの

中点E(AE:EC=1:1) のとき、 $BE \, \ensuremath{\mathcal{C}} CD$ の交点をPとする。

$$\overrightarrow{AB} = \vec{a}, \overrightarrow{AC} = \vec{b}$$
 として、 $\overrightarrow{AP}$ を $\vec{a}, \vec{b}$ で表せ。

(解)始点 A とする

D は AB を 2:1 に内分するので

$$\overrightarrow{AD} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} = \frac{2}{3}\overrightarrow{a}$$

E は AC の中点より

$$\overrightarrow{AE} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AC} = \frac{1}{2}\overrightarrow{b}$$

P は BE と CD の交点

(i)PはBE上の点

$$\overrightarrow{AP} = (1-t)\overrightarrow{AB} + t\overrightarrow{AE} = (1-t)\overrightarrow{a} + \frac{1}{2}t\overrightarrow{b}\left(t \text{ は実数}\right)\cdots$$
①

(ii)PはCD上の点

$$\overrightarrow{AP} = (1-s)\overrightarrow{AC} + s\overrightarrow{AD} = \frac{2}{3}s\vec{a} + (1-s)\vec{b} \left(s \text{ は実数}\right) \cdots ②$$

① , ②より $\vec{a}$  ,  $\vec{b}$  は 1 次独立なので

$$\begin{cases} (1-t) = \frac{2}{3}s \\ \frac{1}{2}t = (1-s) & \text{if } b = \frac{1}{2}, s = \frac{3}{4} \end{cases}$$

$$\text{if } \vec{AP} = \frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{4}\vec{b}$$