

**26** 指数関数の最大・最小

$0 \leq x \leq 2$  において、関数  $y = 3 \cdot 2^{x+1} - 4^x - 2$  を考える。

$2^x = t$  とおくと、 $t$  の値の範囲は  $\boxed{\text{ア}} \leq t \leq \boxed{\text{イ}}$  であり

$$y = \boxed{\text{ウ}} t^2 + \boxed{\text{エ}} t - \boxed{\text{オ}}$$

と変形できるから、 $y$  は

$$x = \log_2 \boxed{\text{カ}} \text{ のとき, 最大値 } \boxed{\text{キ}}$$

$$x = \boxed{\text{ク}} \text{ のとき, 最小値 } \boxed{\text{ケ}}$$

をとる。

**27** 対数関数・対数方程式

$x$  が実数のとき、 $\log_2(x^2+2)$  の値の範囲は、 $\log_2(x^2+2) \geq \boxed{\text{ア}}$  である。

次に、 $a$  を定数とし、方程式  $\{\log_2(x^2+2)\}^2 + \log_2(x^2+2)^2 - 4 - a = 0 \cdots \cdots \text{①}$  を考える。

$\log_2(x^2+2) = t$  とおき、①を  $t$  を用いて表すと

$$t^2 + \boxed{\text{イ}} t - \boxed{\text{ウ}} = a$$

となるから、①が実数解をもつ条件は  $a \geq \boxed{\text{エオ}}$  である。