

Homework3 Report

Professor Pei-Yuan Wu.

EE5184 - Machine Learning

姓名：顏百謙

學號：R07922135

Problem1

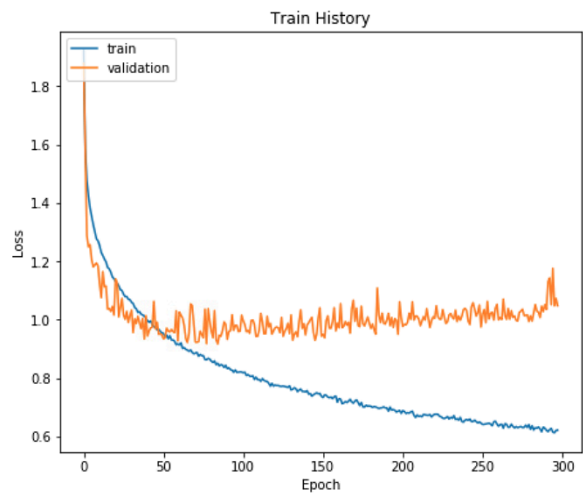
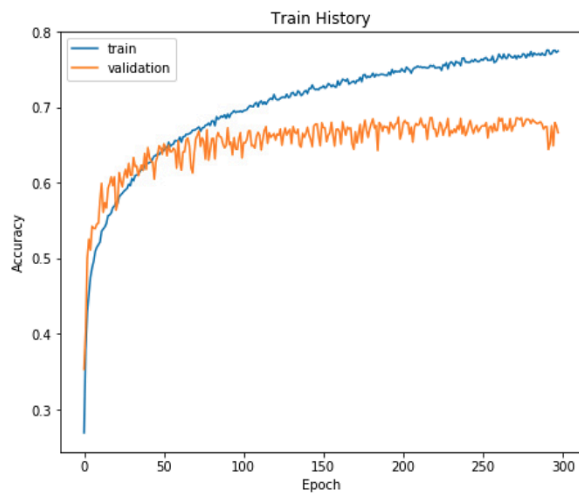
(1%) 請說明你實作的 CNN model，其模型架構、訓練過程和準確率為何？

實作利用4層CNN架構(+ MaxPooling)以及兩層DNN的模型，設計如下：

- CNN Layer1
 - filter數：64 || kernel size：(3,3) || BatchNormalization || MaxPooling：(2,2) || Dropout：0.5 || LeakyReLU = (0.3)
- CNN Layer2
 - filter數：128 || kernel size：(3,3) || BatchNormalization || MaxPooling：(2,2) || Dropout：0.4 || LeakyReLU = (0.3)
- CNN Layer3
 - filter數：256 || kernel size：(3,3) || BatchNormalization || MaxPooling：(2,2) || Dropout：0.3 || LeakyReLU = (0.3)
- CNN Layer4
 - filter數：512 || kernel size：(3,3) || BatchNormalization || MaxPooling：(2,2) || Dropout：0.3 || LeakyReLU = (0.3)
- Flatten
- DNN Layer1
 - Kernel = 175 || BatchNormalization || relu || Dropout：0.7
- DNN Layer2
 - Kernel = 7 || softmax

訓練過程

在12/1重新train 1000個Epoch (early stop: 298)得到的結果做圖



準確率

- 最終在Kaggle上得到
 - public : 0.67901 | |. private : 0.67539

[homework3_model15.csv](#)
3 days ago by r07922135.omuraisu
model15-2

0.67539

0.67901

Problem2

(1%) 承上題，請用與上述 CNN 接近的參數量，實做簡單的 DNN model，其模型架構、訓練過程和準確率為何？試與上題結果做比較，並說明你觀察到了什麼？

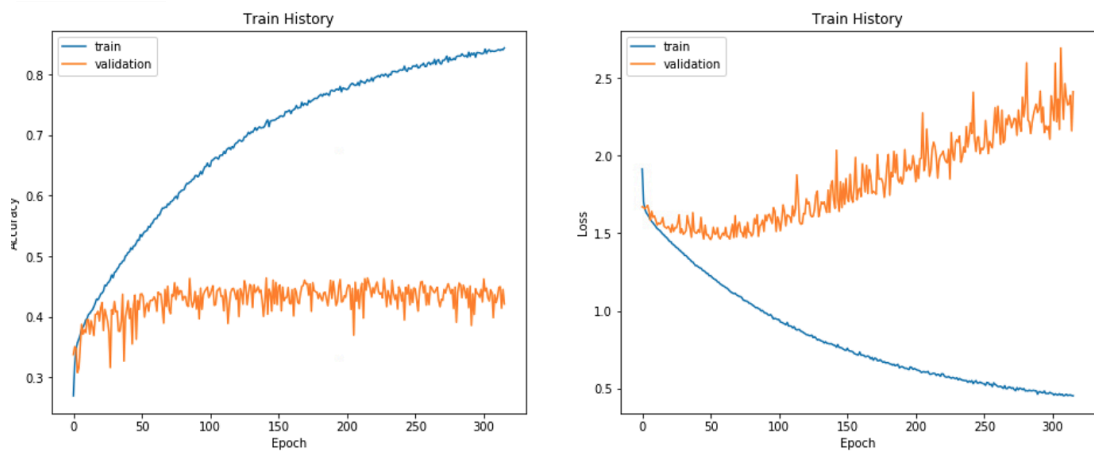
- CNN model的參數量：

Total params: 2,362,171
Trainable params: 2,359,901
Non-trainable params: 2,270

- DNN model設計：

- 參數量：

Layer (type)	Output Shape	Param #
dense_5 (Dense)	(None, 1000)	2305000
batch_normalization_6 (Batch Normalization)	(None, 1000)	4000
activation_2 (Activation)	(None, 1000)	0
dropout_6 (Dropout)	(None, 1000)	0
dense_6 (Dense)	(None, 175)	175175
batch_normalization_7 (Batch Normalization)	(None, 175)	700
activation_3 (Activation)	(None, 175)	0
dropout_7 (Dropout)	(None, 175)	0
dense_7 (Dense)	(None, 7)	1232
Total params: 2,486,107		
Trainable params: 2,483,757		
Non-trainable params: 2,350		

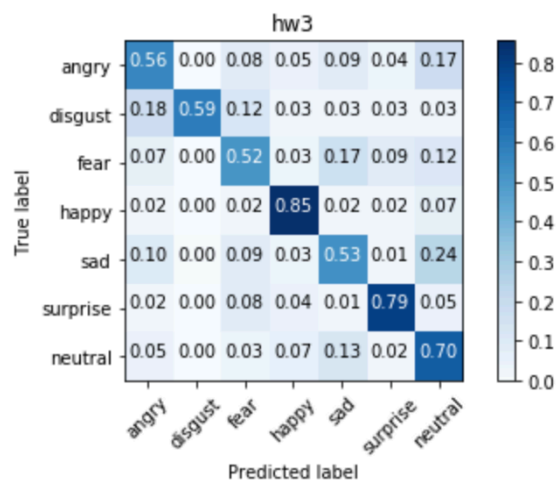


- 觀察結果：
 - DNN model很容易造成overfit，且學習效果較CNN差，原因可能是DNN都是以整張圖來進行判斷，而不像CNN有把圖利用filter切割為小區域進行訓練。

Problem3

觀察答錯的圖片中，哪些 class 彼此間容易用混？並說明你觀察到了什麼？[繪出 confusion matrix 分析]

- 使用同training時的validation data來畫confusion matrix



- 由得到的結果可以發現在happy和surprise的部分有較高的正確性
- 而disgust的圖片很容易被誤判為angry和fear
- sad的圖片很容易被判為neutral
- fear的圖片容易被判為sad
- feature較不明顯的圖片都會被歸類到neutral

Problem4

4. (1.5%, each 0.5%) CNN time/space complexity:

For a. b. Given a CNN model as

```
model = Sequential()
model.add(Conv2D(filters=6,
                  strides=(3, 3),
                  padding = "valid",
                  kernel_size=(2,2),
                  input_shape=(8,8,5),
                  activation='relu'))
model.add(Conv2D(filters=4,
                  strides=(2, 2),
                  padding = "valid",
                  kernel_size=(2,2),
                  activation='relu'))
```

And for the c. given the parameter as:

kernel size = (k, k) ;

channel size = c ;

input shape of each layer = (n, n) ;

padding = p ;

strides = (s, s) ;

- a. How many parameters are there in each layer (Hint: you may consider whether the number of parameter is related with)

Layer A:

Layer B:

- b. How many multiplications/additions are needed for a forward pass (each layer).

Layer A:

Layer B:

- c. What is the time complexity of convolutional neural networks? (note: you must use big-O upper bound, and there are l (lower case of L) layer, you can use C_l , C_{l-1} as l th and $l-1$ th layer)

(4-a)

由於 $input$ 為 $(8, 8, 5)$ 故 $Layer A$ 的每個 $kernel$ 上會有 $(2 * 2 * 5)$ 個參數，

又總共有 6 個 $filter$ ，每個 $filter$ 加上 1 個 $bias$ 故可得

$$Layer A : (2 * 2 * 5) * 6 + 6 = 126$$

由於 $Layer B$ 的 $input$ 為 $Layer A$ 的 $output$ $(3, 3, 6)$ 故 $Layer B$ 的每個 $kernel$ 上會有

$(2 * 2 * 6)$ 個參數，又總共有 4 個 $filter$ ，每個 $filter$ 加上 1 個 $bias$ 故可得

$$Layer B : (2 * 2 * 6) * 4 + 4 = 100$$

將參數相加可得此 $model$ 總共有 226 個參數

(4-b)

$Layer A$ 中每個 $filter$ 在一個位置會執行 $(2 * 2 * 5)$ 次乘法以及 $(2 * 2 * 5 - 1)$ 次加法，

又每個 $filter$ 在 $(8, 8, 5)$ 的 $input$ 下共會進行 9 次運算，

此 $Layer$ 總共有 6 個 $filter$ ，因此可得知：

$$Layer A(+): (2 * 2 * 5 - 1) * 9 * 6 = 1026 \text{ (次加法)}$$

$$Layer A(*): (2 * 2 * 5) * 9 * 6 = 1080 \text{ (次乘法)}$$

$Layer B$ 中每個 $filter$ 在一個位置會執行 $(2 * 2 * 6)$ 次乘法以及 $(2 * 2 * 6 - 1)$ 次加法，

又每個 $filter$ 在 $(3, 3, 6)$ 的 $input$ 下共會進行 4 次運算，

此 $Layer$ 總共有 4 個 $filter$ ，因此可得知：

$$Layer B(+): (2 * 2 * 6 - 1) * 4 * 4 = 368 \text{ (次加法)}$$

$$Layer B(*): (2 * 2 * 6) * 4 * 4 = 384 \text{ (次乘法)}$$

(4-c)

Problem5

5. (1.5%, each 0.5%) PCA practice: Problem statement: Given 10 samples in 3D space. $(1, 2, 3), (4, 8, 5), (3, 12, 9), (1, 8, 5), (5, 14, 2), (7, 4, 1), (9, 8, 9), (3, 8, 1), (11, 5, 6), (10, 11, 7)$
- (1) What are the principal axes?
 - (2) Compute the principal components for each sample.
 - (3) Reconstruction error if reduced to 2D. (Calculate the L2-norm)

(5-a)

$$X = \begin{bmatrix} x_0 & x_1 & x_2 & \cdots & x_8 & x_9 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 3 & 1 & 5 & 7 & 9 & 3 & 11 & 10 \\ 2 & 8 & 12 & 8 & 14 & 4 & 8 & 8 & 5 & 11 \\ 3 & 5 & 9 & 5 & 2 & 1 & 9 & 1 & 6 & 7 \end{bmatrix}$$

$$\text{算得 } \mu = \begin{bmatrix} 5.4 \\ 8 \\ 4.8 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} \Sigma &= \frac{1}{9} \sum_{i=0}^9 (x_i - \mu)(x_i - \mu)^T \\ &= \frac{1}{9} \begin{bmatrix} 120.4 & 5 & 32.8 \\ 5 & 122 & 29 \\ 32.8 & 29 & 81.6 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

(Σ 是利用 *numpy* 進行計算)

再利用 *numpy* 計算 *eigenvalue* 和 *eigenvector* 得到

$$\text{eigenvalue } \lambda_1 = 16.99716 \quad \text{eigenvector } v_1 = \begin{bmatrix} -0.6166 \\ -0.5888 \\ -0.5226 \end{bmatrix}$$

$$\text{eigenvalue } \lambda_2 = 12.92280 \quad \text{eigenvector } v_2 = \begin{bmatrix} -0.6782 \\ 0.7344 \\ -0.0273 \end{bmatrix}$$

$$\text{eigenvalue } \lambda_3 = 6.08004 \quad \text{eigenvector } v_3 = \begin{bmatrix} 0.3999 \\ 0.3376 \\ -0.8521 \end{bmatrix}$$

取兩個最大的 *eigenvalue* (λ_1, λ_2) 和其所對應的 *eigenvector* (v_1, v_2)

可得：

$$\text{Principle Axes}_1 = v_1 = \begin{bmatrix} -0.6166 \\ -0.5888 \\ -0.5226 \end{bmatrix}$$

$$\text{Principle Axes}_2 = v_2 = \begin{bmatrix} -0.6782 \\ 0.7344 \\ -0.0273 \end{bmatrix}$$

(5-b)

欲取得 1^{st} 和 2^{nd} *principle component*在各個 *data*上的值只要將 $x_i \in 10samples$ ($i = 0 \sim 9$)

分別做 $v_1^T x_i$ 和 $v_2^T x_i$ 即可得到

利用 *numpy* 運算後可得

$$1^{st} \text{ Principle component} = \begin{bmatrix} -3.36201464 \\ -9.78988804 \\ -13.61894165 \\ -7.94010395 \\ -12.37159312 \\ -7.19402383 \\ -14.96324467 \\ -7.0829102 \\ -12.86219784 \\ -16.30109667 \end{bmatrix}$$

$$2^{nd} \text{ Principle component} = \begin{bmatrix} 0.70874446 \\ 3.02597728 \\ 6.53257419 \\ 5.06051399 \\ 6.83599606 \\ -1.83697744 \\ -0.47405978 \\ 3.81329871 \\ -3.95173109 \\ 1.10550298 \end{bmatrix}$$

(5-c)

假設 *zero mean* 我們可以用 $\text{dot}((v_1, v_2), (1^{st} PC, 2^{nd} PC)^T)$

得到 *Reconstruction* 的結果： $\widehat{X}^s =$

1.59	2.50	1.74
3.98	7.99	5.03
3.97	12.82	6.94
1.46	8.39	4.01
2.99	12.30	6.28
5.68	2.89	3.81
9.55	8.46	7.83
1.78	6.97	3.60
10.61	4.67	6.83
9.30	10.41	8.49

($s = 10sample$)

和原始的 X 計算 *Reconstruction error* 可得

$Error =$

1.48139761
0.03941652
2.41865723
1.16014972
5.02123906
3.29720109
1.36988181
3.0481365
0.97349277
1.74702909

$Sum = 20.5566$