

1. Affine Transform Factorization

1.1 linear Fact

```
glm::mat4 linearFact(glm::mat4 A)
{
    glm::mat4 L = A;
    L[0][3] = 0;
    L[1][3] = 0;
    L[2][3] = 0;
    return L;
}
```

1.2 trans Fact

```
glm::mat4 transFact(glm::mat4 A)
{
    glm::mat4 T = glm::mat4(1.0f);
    T[0][3] = A[0][3];
    T[1][3] = A[1][3];
    T[2][3] = A[2][3];
    return T;
}
```

$$\begin{bmatrix} a & b & c & d \\ e & f & g & h \\ i & j & k & l \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & d \\ 0 & 1 & 0 & h \\ 0 & 0 & 1 & l \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & b & c & 0 \\ e & f & g & 0 \\ i & j & k & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

를 그대로 구현하였다

2. Object Manipulation with Auxiliary Frame

우선 mouse right button (translation)을 구현할 때는 $A = (O)_T(E)_R$ 를 적용하였다. 이를 위해 get_aFrame이라는 함수를 정의해서 translation을 할 때마다 aFrame을 계산해주었다.

```
static void get_aFrame(void)
{
    glm::mat4 O_t, E_r;
    O_t = transFact(arcballRBT_i);
    E_r = linearFact(eyeRBT);
    aFrame = O_t * E_r;
}
```

이후

```
skyRBT = aFrame * glm::translate(glm::mat4(1.0f), arcBallScale * glm::vec3(xpos - mouse_xpos, -
(ypos - mouse_ypos), 0.0)) * glm::inverse(aFrame) * skyRBT
```

를 각각의 case에 맞게 skyRBT, g_objectRbt[0], g_objectRbt[1]로 바꿔주면서 translation을 처리해주었다. ($O \leftarrow AMA^{-1}O$ 를 적용하였다.)

mouse left button (rotation)을 구현할 때는

```
aFrame = glm::translate(glm::mat4(1), glm::vec3(arcballRBT_i[3][0], arcballRBT_i[3][1], arcballRBT_i[3][2]));
```

를 적용해주었고 skyRBT를 변환할 때는 aFrame을 적용할 필요가 없었기에

```
skyRBT = rotation * skyRBT;
```

를 적용하였고, g_objectRbt[0], g_objectRbt[1]를 변환할 때는

```
g_objectRbt[0] = aFrame * rotation * glm::inverse(aFrame) * g_objectRbt[0];
```

```
g_objectRbt[1] = aFrame * rotation * glm::inverse(aFrame) * g_objectRbt[1];
```

를 적용하였다.

3. Arcball Interface

```
init_sphere(arcBall);
```

```
arcBall.initialize(DRAW_TYPE::INDEX, "VertexShader.glsl", "FragmentShader.glsl");
```

```
arcBall.set_projection(&Projection);
```

```
arcBall.set_eye(&eyeRBT);
```

```
arcBall.set_model(&arcballRBT);
```

를 이용해 arcBall을 initialize해주었다.

draw part에서는 arcBall이 GL_LINE으로 그려져야 하므로

```
glPolygonMode(GL_FRONT_AND_BACK, GL_LINE); // draw wireframe
```

```
arcBall.draw();
```

```
glPolygonMode(GL_FRONT_AND_BACK, GL_FILL); // draw filled models again
```

위 코드처럼 처리해주었다.

Interaction with mouse를 구현하기 위해 mouse_mode라는 변수를 선언했고 mouse_button_callback에서 이를 변화시켜주었다.

이후 cursor_pos_callback에서 mouse_mode값을 switch-case문에 적용하였다.

rotation의 경우 우선적으로 z값을 구하기 위해 compute_z라는 함수를 정의하였는데 여기서 eye_to_screen함수를 이용해 ball의 center (스크린상) 좌표를 구하였다. 이후 $z^2 = r^2 - x^2 - y^2$ 를 이용해 z값을 구해주었다. 이후 start, dest vector를 구하여 normalize하였고 이를 이용해 start-center-dest각도를 구해주었고, quat를 위한 k도 $\text{glm::cross}(\text{start}, \text{dest})$ 를 이용해 구해주었다. 이 quat를 mat4_cast함수를 이용해 rotation matrix로 변환하였고, 2번 항목에서 설명한 것과 같은 방식으로 rotation을 적용하였다.

translation의 경우는 따로 처리해줄 필요없이 2번 항목에서 설명한 것과 같은 방식으로 aFrame을 구하고 $O \leftarrow AMA_1O$ 를 적용해주었다.

arcBall의 scale 조정을 위해서 arcballRBT이외에 arcballRBT_i라는 변수를 선언해주었다. 이를 선언한 이유는 do-while문에서 arcballRBT라는 변수만으로 scale 조정을 실행하게되면 callback함수가 불러질때마다 re-scale되어 크기가 무한정 작아지는 문제가 발생하기 때문으로, scale이전에는 모든 part에서 arcballRBT_i를 변화시키고, 마지막으로

```
arcballRBT = arcballRBT_i * glm::scale(glm::vec3(arcBallScreenRadius * arcBallScale))
```

를 적용하여 이 문제를 해결하였다.

위 식에 있는 arcBallScale을 구하기 위해

```
if (mouse_mode == 0)
{
    arcBallScale = compute_screen_eye_scale((glm::inverse(eyeRBT) * (arcballRBT_i[3]))[2],
    fovy, int(windowHeight));
    if (select_object == 0)
        arcBallScale = compute_screen_eye_scale((glm::inverse(eyeRBT) *
    worldRBT[3])[2], fovy, int(windowHeight));
}
```

를 코드에 넣어주었다. mouse_mode == 0이라는 조건은 마우스가 클릭 되어있지 않은 상황을 나타낸 것이다. compute_screen_eye_scale의 첫 변수로 (glm::inverse(eyeRBT) * (arcballRBT_i[3]))[2] 과 (glm::inverse(eyeRBT) * worldRBT[3])[2]를 넣어준 이유는 현재 eyeRBT를 기준으로 arcball의 z 좌표를 구해 scale을 진행하기 위함이다.

4. Correct Implementation for Mouse and Keyboard Callbacks

document에 주어진 대로 적용하였으나 rotation부분에서 document에 헛갈리는 점이 있어 rotation 방향이 solution과 다를 수 있다고 생각한다.

6. Creativity

cube의 scaling을 넣어주었다. 기존에는 mouse middle button이 click되어있을 때 y좌표의 변화를 계산해 arcball의 z좌표를 변화시켜주었는데, x좌표의 변화를 이용해 cube의 scale을 변화시키는 함수를 추가하였다. cube의 scale을 알아보기위해 해당 cube에 scale에 비례하여 arcball의 scale도 변화시켜주었다 (object를 변환할 때 cube의 scale을 인식해 cube의 scale에 맞는 크기로 자동 변환한다.) cube의 scaling은 windowHeight에 기반을 두고 처리하였는데 x좌표를 계속해서 -방향으로 이동시키면 - scaling이 일어난다. 원래는 이를 방지하려고 했으나 - scaling이 된 cube의 모습이 흥미로워서 건드리지 않았다.