Diskrétka 5

Hynek Kydlíček

9. listopadu 2020

1 Příklad 1

Výsledek (Počet obědů) = $|\bigcup_{i=1}^{5} A_i|$, kde A_i je i-tý známý. Použijeme princip inkluze a exkluze.

$$|\bigcup_{i=1}^{5} A_i| = {5 \choose 1} * 10 - {5 \choose 2} * 5 + {5 \choose 3} * 3 - {5 \choose 4} * 2 + {5 \choose 5} * 1$$

$$= 50 - 50 + 30 - 10 + 1$$

$$= 21$$

Tedy obědval 21 krát. Pokud se nestalo, že by za jeden den stihl dva obědy, tak program trval 21 dní.

2 Příklad 2

Součet oprávněných voličů = $|\bigcup_{i=1}^3 A_i| + n$, kde A_1 = voliči Alice, A_2 = voliči Boba, A_3 = voliči Charlieho, n = počet nevoličů. Samozřejmě můžeme místo počtu voličů počítat s procenty.

Použijeme princip inkluze a exkluze.

$$\left| \bigcup_{i=1}^{3} A_i \right| = 65 + 57 + 58 - 28 - 30 - 27 + 12 = 107\%$$

Tedy nevoličů by muselo být -7%, což je nemožné.

3 Příklad 3

Na výpočet použijeme Princip inkluze a exkluze a známý vzorec pro součet aritmetické posloupnosti.

$$\begin{split} \text{Součet} &= \sum (\bigcup_{i \in \{2,3,7\}} \{x \mid i | x \land x \in [4200]\}) \\ &= \frac{(2+4200)*2100}{2} + \frac{(3+4200)*1400}{2} + \frac{(7+4200)*600}{2} \\ &- \frac{(6+4200)*700}{2} - \frac{(14+4200)*300)}{2} - \frac{(21+4200)*200}{2} + \frac{(42+4200)*100}{2} \\ &= \frac{4200*3000+4200}{2} = 2100*3000+2100 = 6300000 + 2100 = 6302100 \end{split}$$